



Politechnika Warszawska

Wydział Samochodów i Maszyn Roboczych

Instytut Podstaw Budowy Maszyn

Zakład Mechaniki

<http://www.ipbm.simr.pw.edu.pl/>



Teoria maszyn i podstawy automatyki

semestr zimowy 2016/2017

dr inż. Sebastian Korczak

Wykład 5

Mechanizmy krzywkowe cd. Dynamika mechanizmów płaskich.

Licencja: tylko do edukacyjnego użytku studentów Politechniki Warszawskiej.

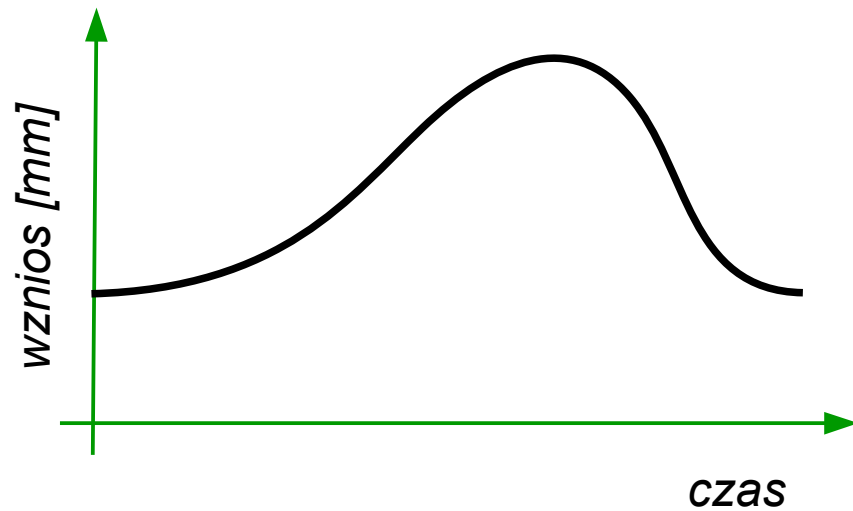
Mechanizmy krzywkowe

Analiza i synteza mechanizmów krzywkowych

<u>Analiza</u>	<u>Synteza</u>
<ul style="list-style-type: none">• zastąpienie pary IV klasy parami V klasy i zastosowanie metod wykreślnych (plany prędkości i przyspieszeń)• graficzne wyznaczenie przebiegu wzniosu popychacza i jego różniczkowanie graficzne• zastosowanie metody analitycznej (zastąpienie mechanizmu wielobokiem wektorów)	<ul style="list-style-type: none">• graficzne konstruowanie zarysu krzywki poprzez obracanie koła bazowego i odkładanie pożądanego wzniosu popychacza• analityczne projektowanie zarysu krzywki poprzez opis funkcyjny

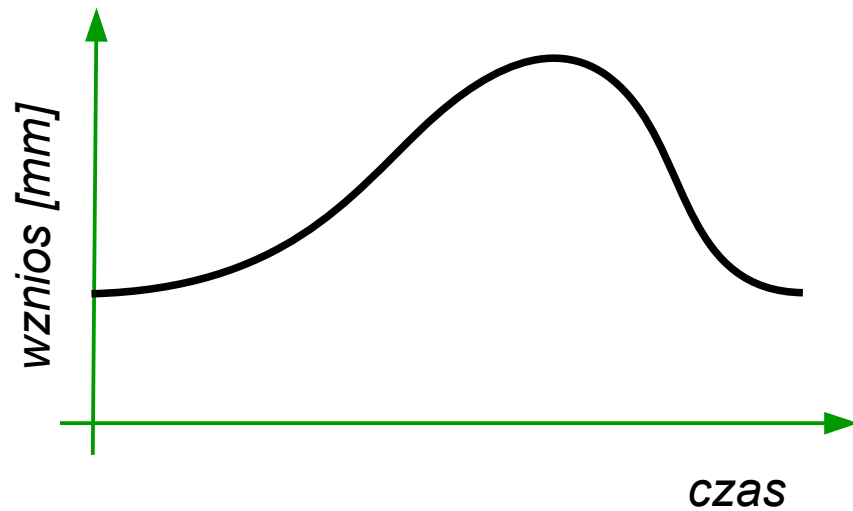
Synteza mechanizmów krzywkowych

Metoda graficzna



Synteza mechanizmów krzywkowych

Metoda graficzna

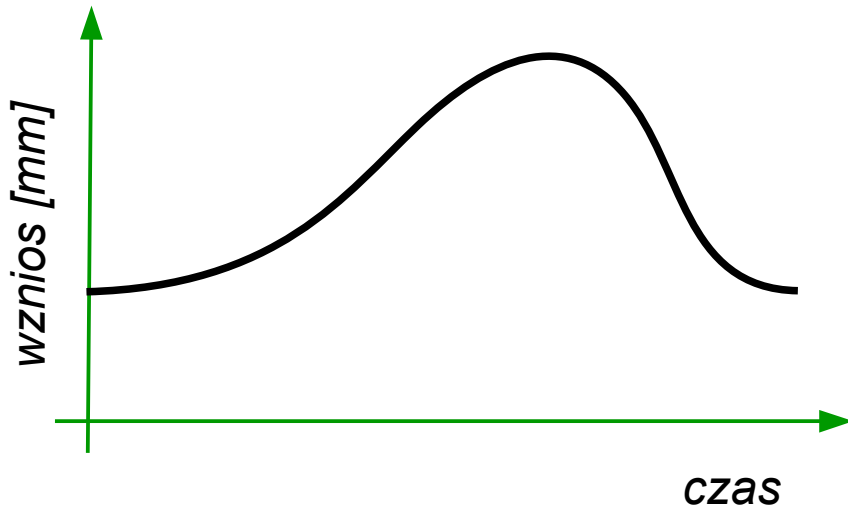


$$\text{zał.: } \varphi(t) = \omega t$$

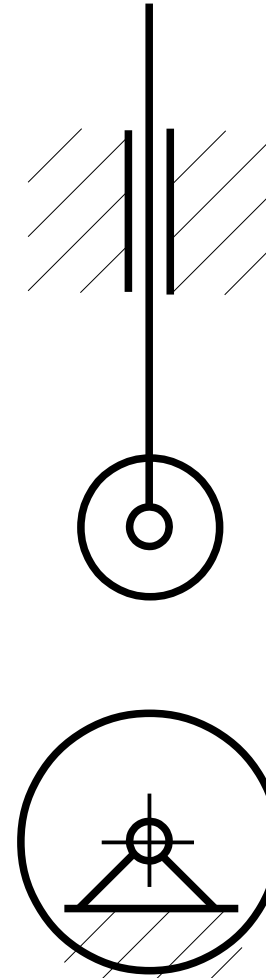
$$\omega = \text{const.}$$

Synteza mechanizmów krzywkowych

Metoda graficzna

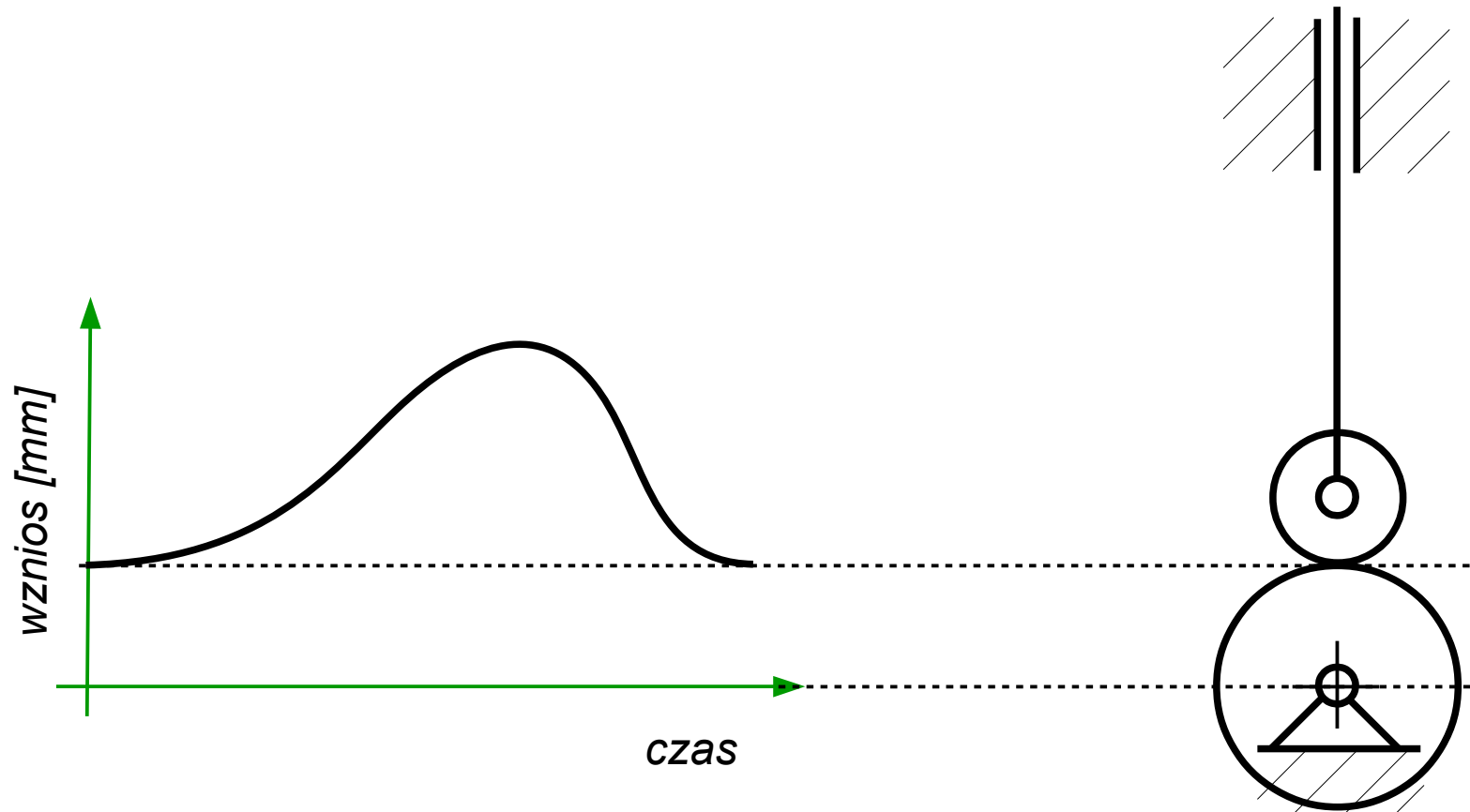


zał.: $\varphi(t) = \omega t$
 $\omega = \text{const.}$



Synteza mechanizmów krzywkowych

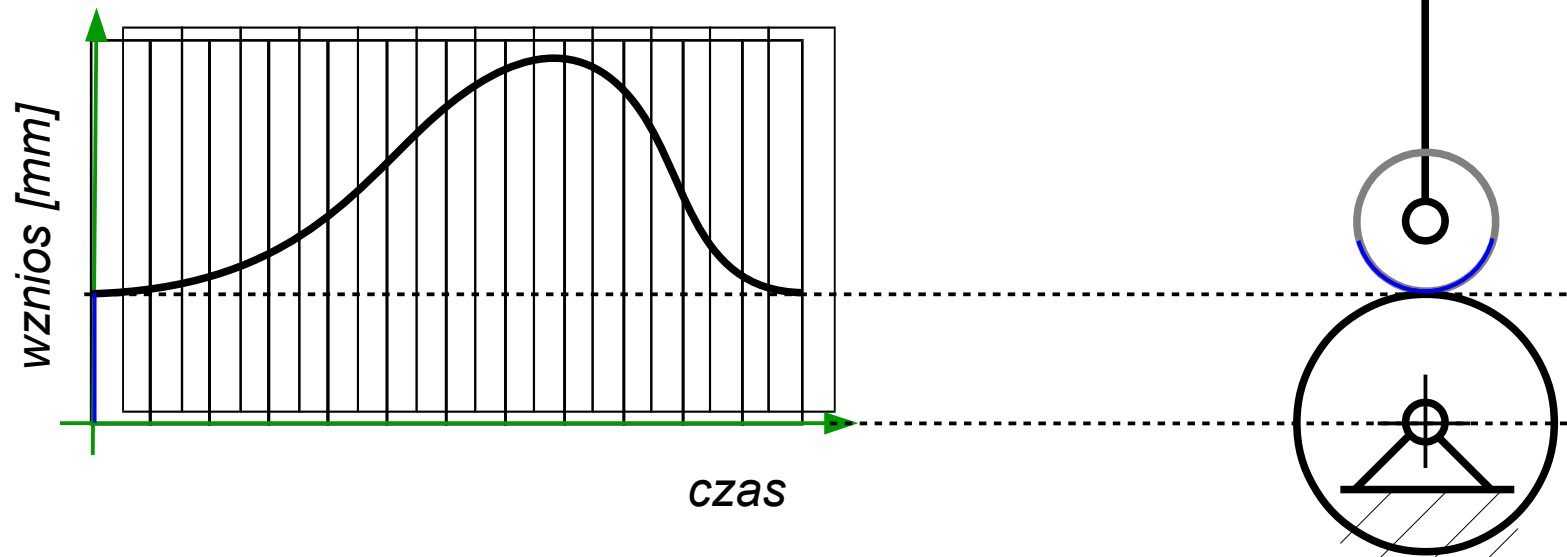
Metoda graficzna



zał.: $\varphi(t) = \omega t$
 $\omega = \text{const.}$

Synteza mechanizmów krzywkowych

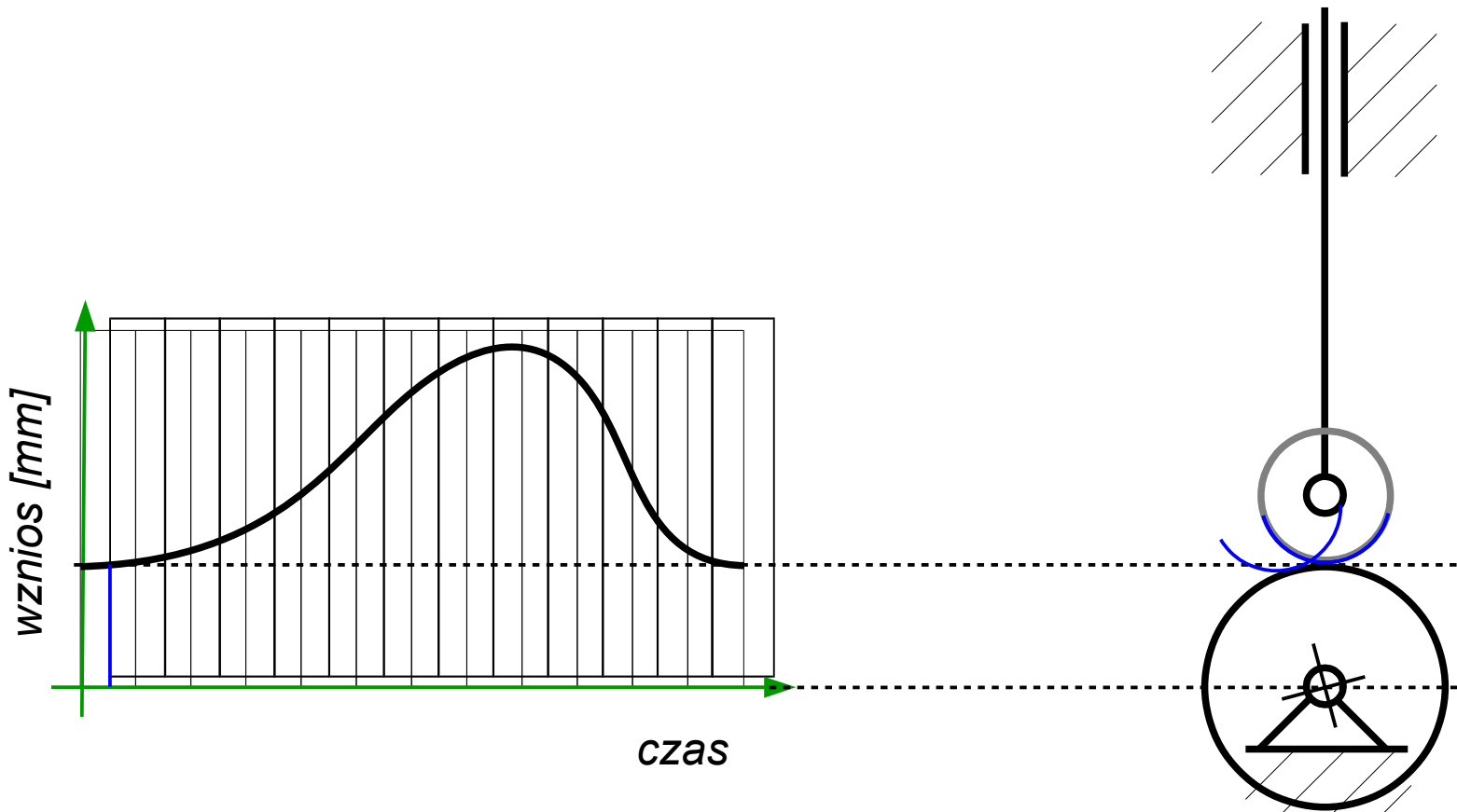
Metoda graficzna



zał.: $\varphi(t) = \omega t$
 $\omega = \text{const.}$

Synteza mechanizmów krzywkowych

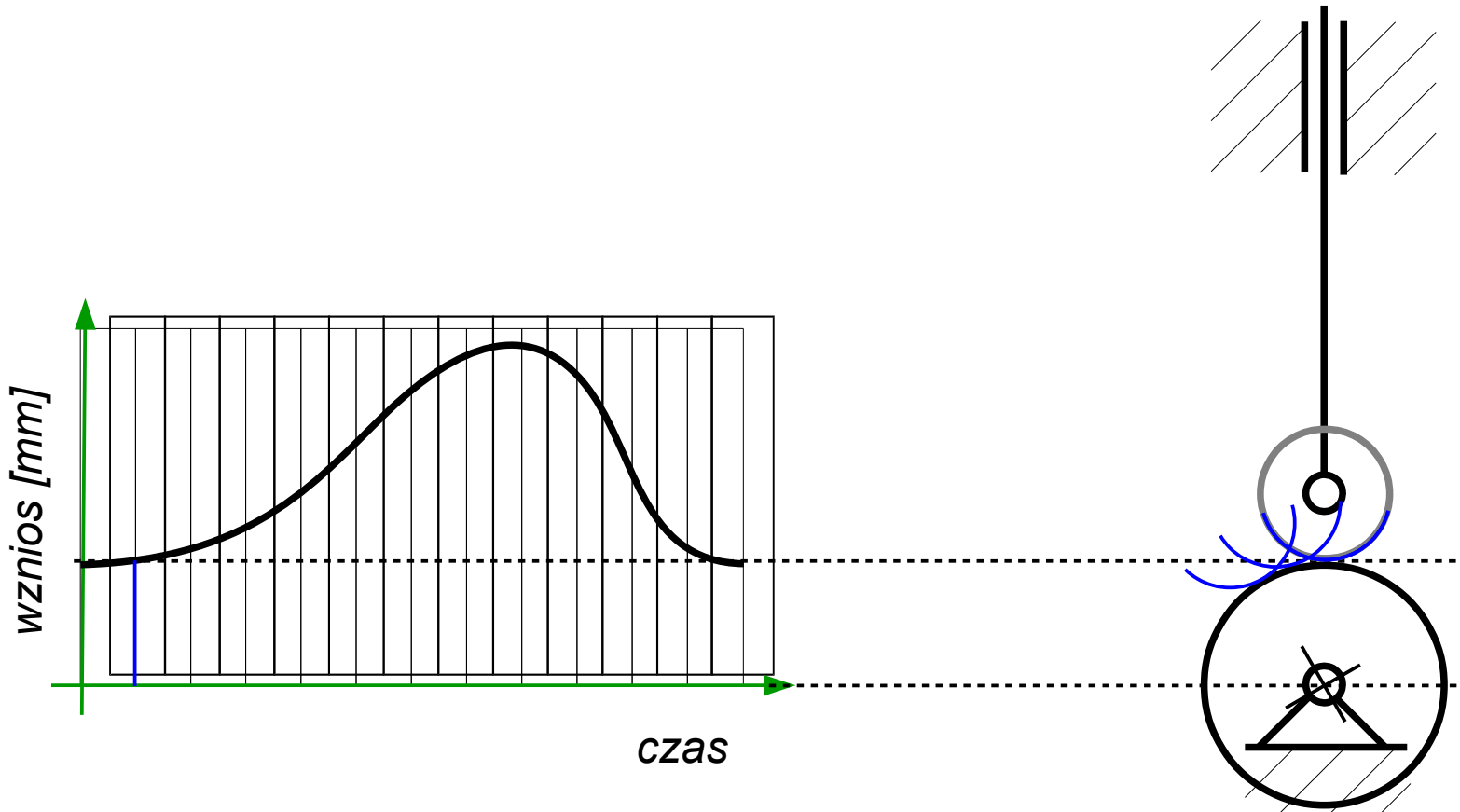
Metoda graficzna



zał.: $\varphi(t) = \omega t$
 $\omega = \text{const.}$

Synteza mechanizmów krzywkowych

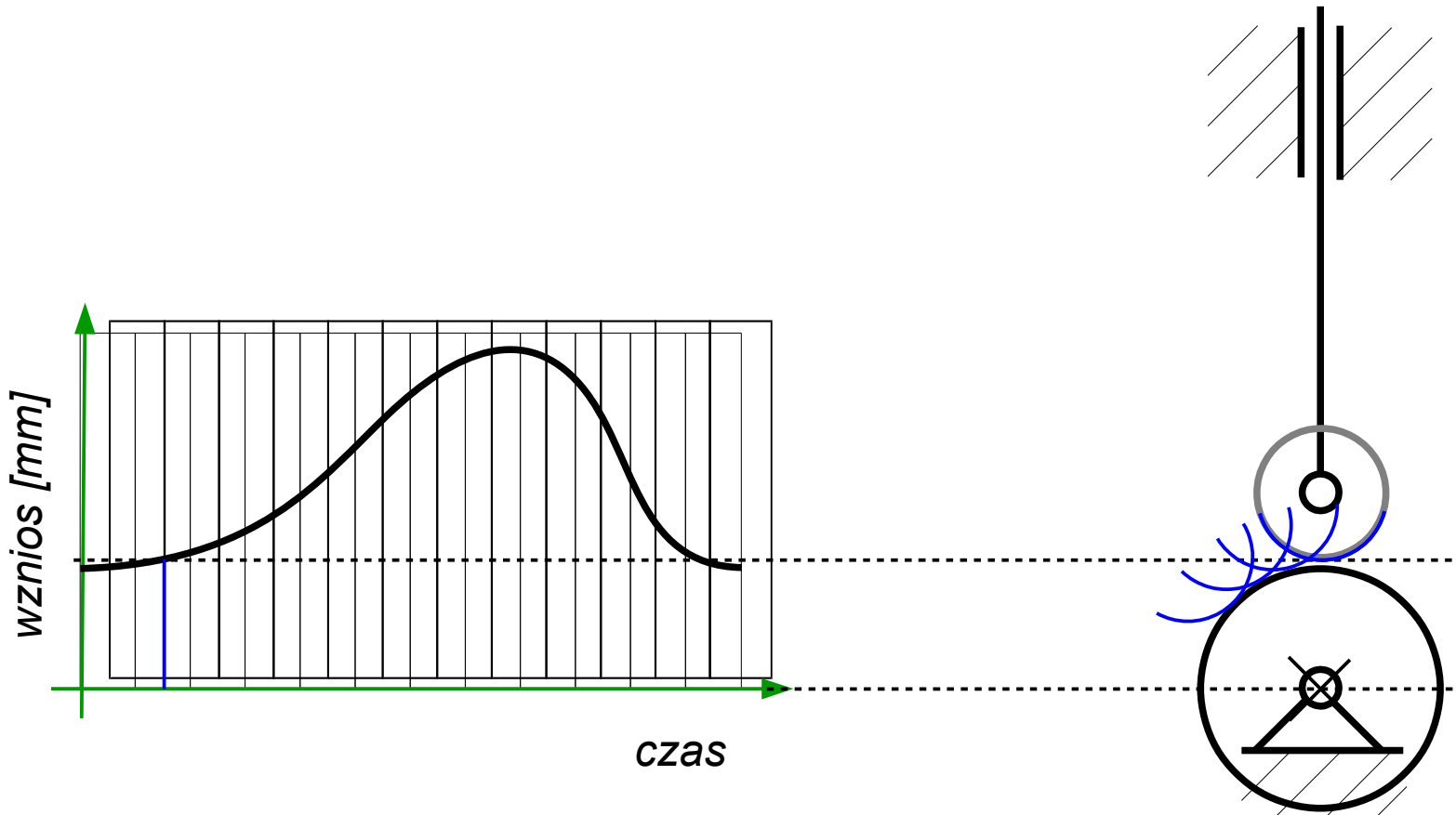
Metoda graficzna



zał.: $\varphi(t) = \omega t$
 $\omega = \text{const.}$

Synteza mechanizmów krzywkowych

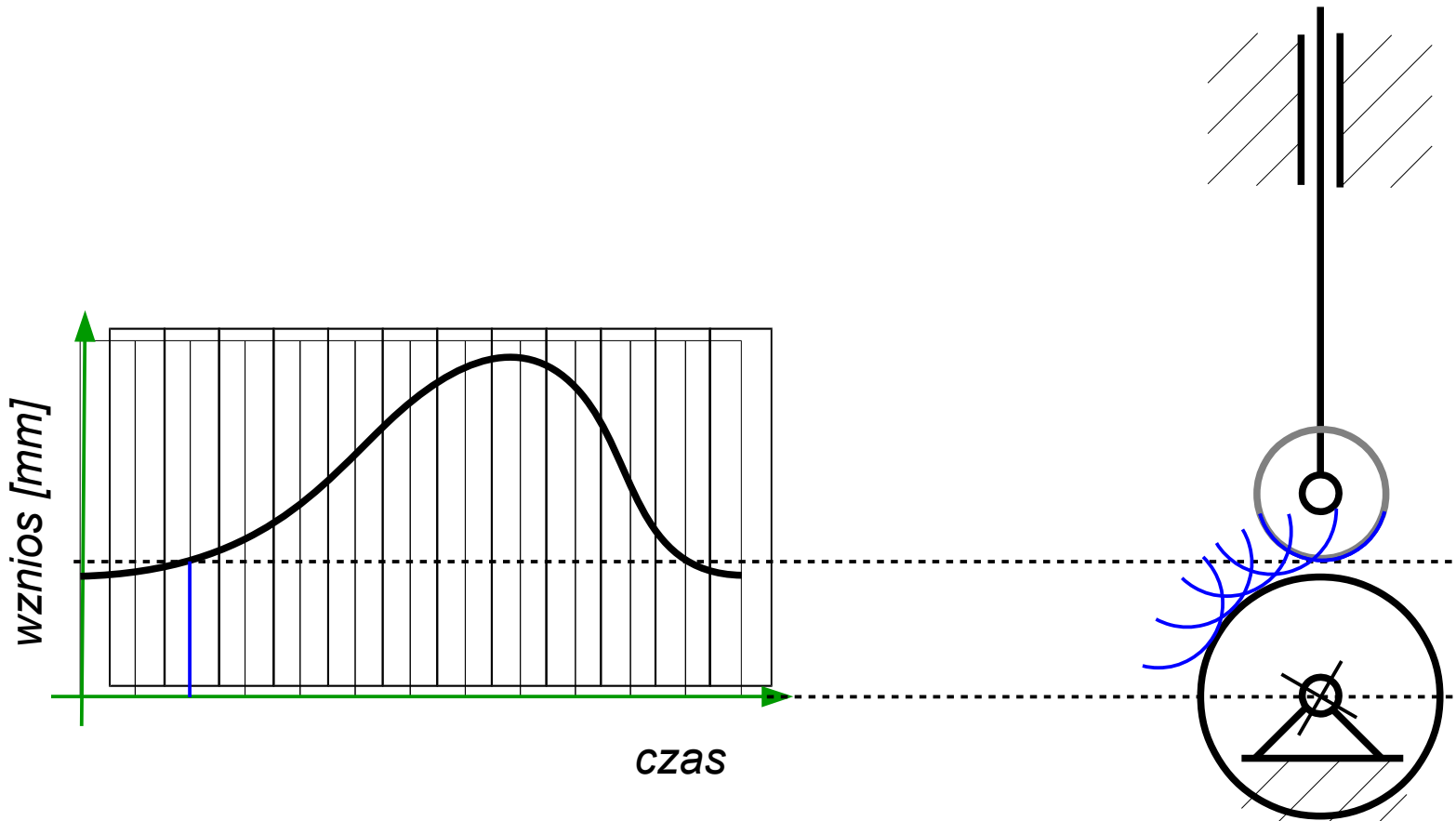
Metoda graficzna



zał.: $\varphi(t) = \omega t$
 $\omega = \text{const.}$

Synteza mechanizmów krzywkowych

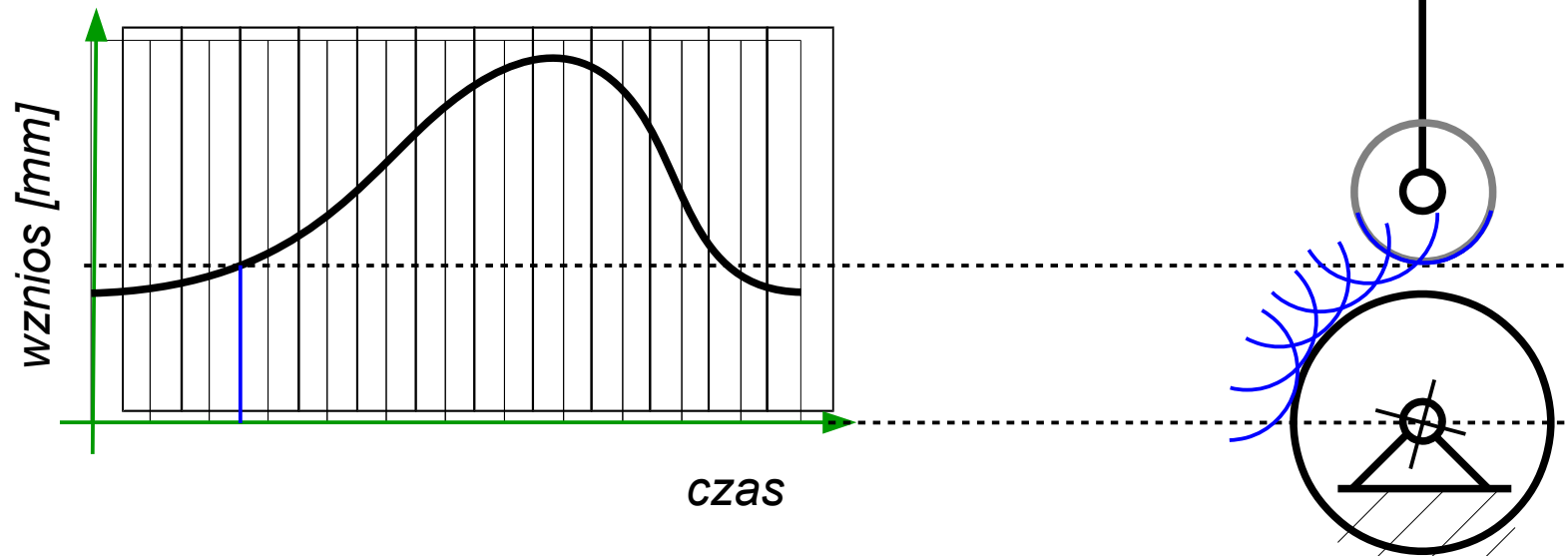
Metoda graficzna



zał.: $\varphi(t) = \omega t$
 $\omega = \text{const.}$

Synteza mechanizmów krzywkowych

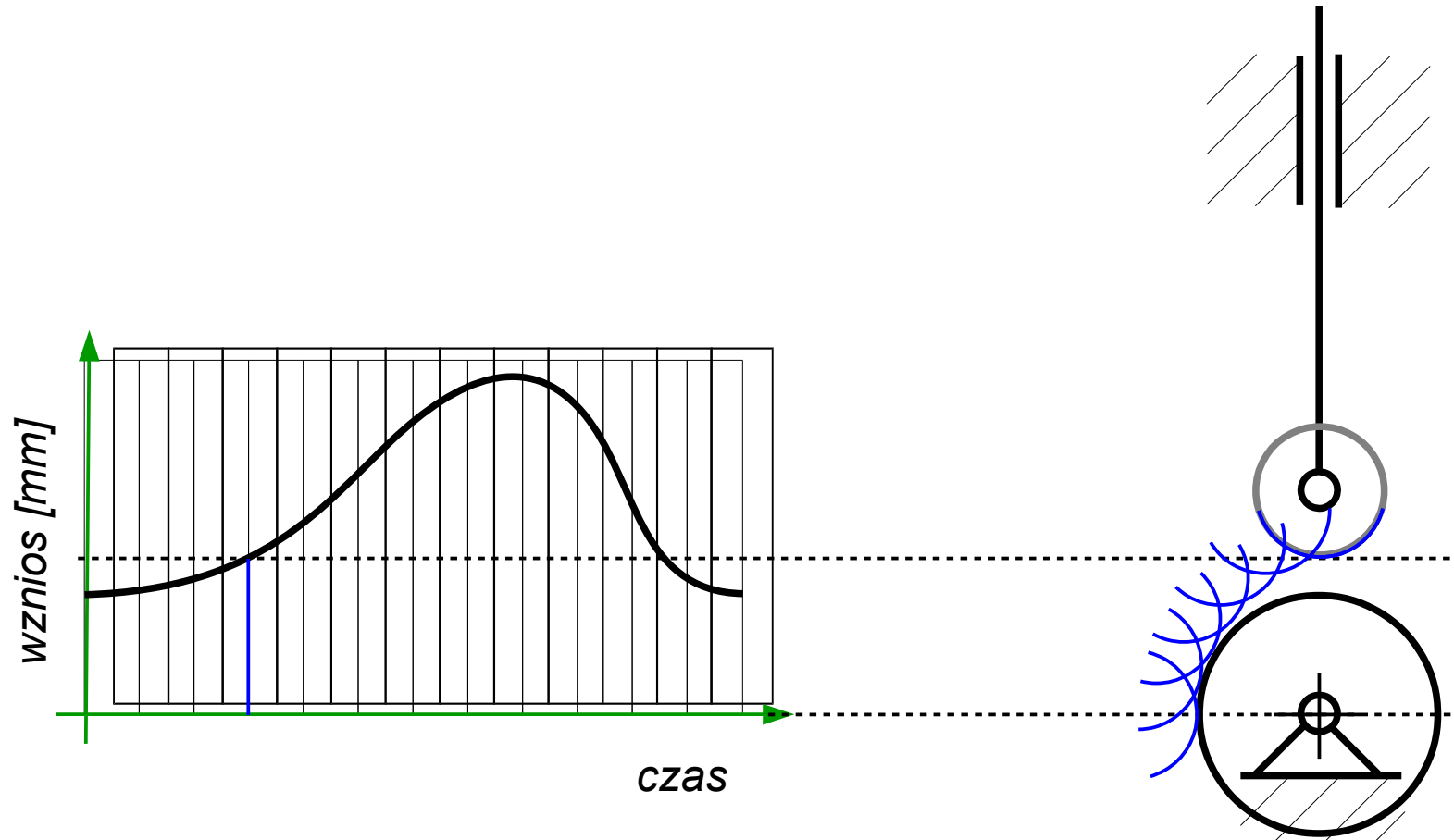
Metoda graficzna



zał.: $\varphi(t) = \omega t$
 $\omega = \text{const.}$

Synteza mechanizmów krzywkowych

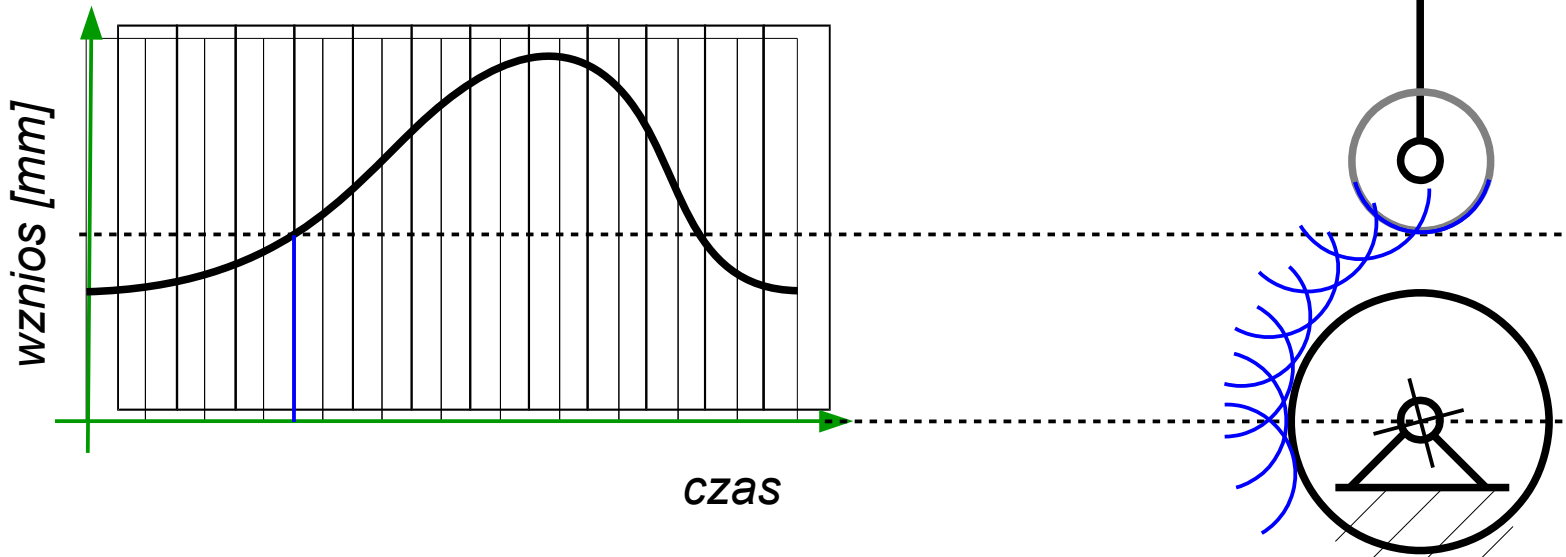
Metoda graficzna



zał.: $\varphi(t) = \omega t$
 $\omega = \text{const.}$

Synteza mechanizmów krzywkowych

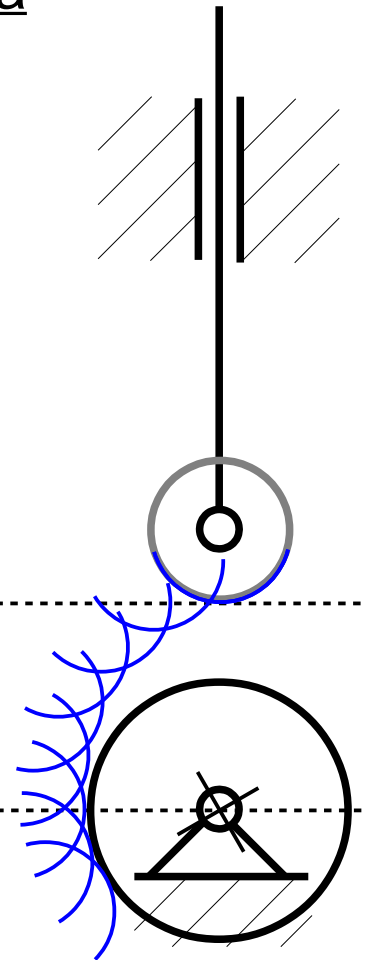
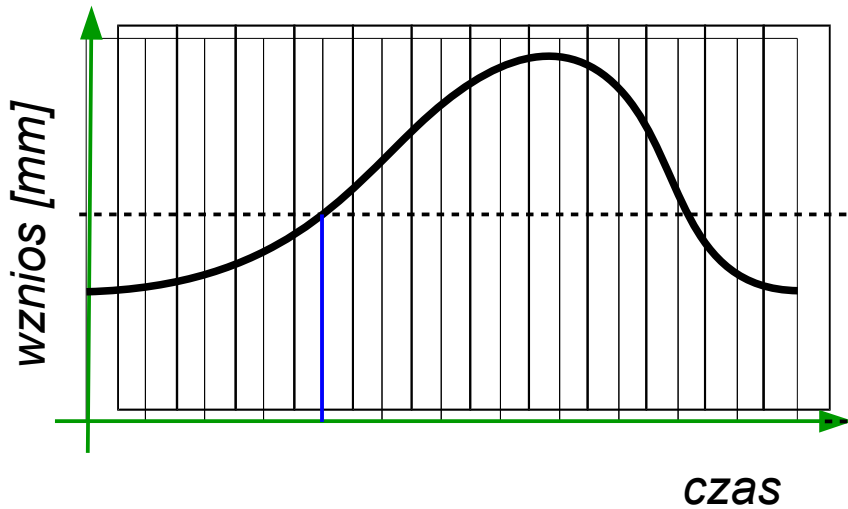
Metoda graficzna



zał.: $\varphi(t) = \omega t$
 $\omega = \text{const.}$

Synteza mechanizmów krzywkowych

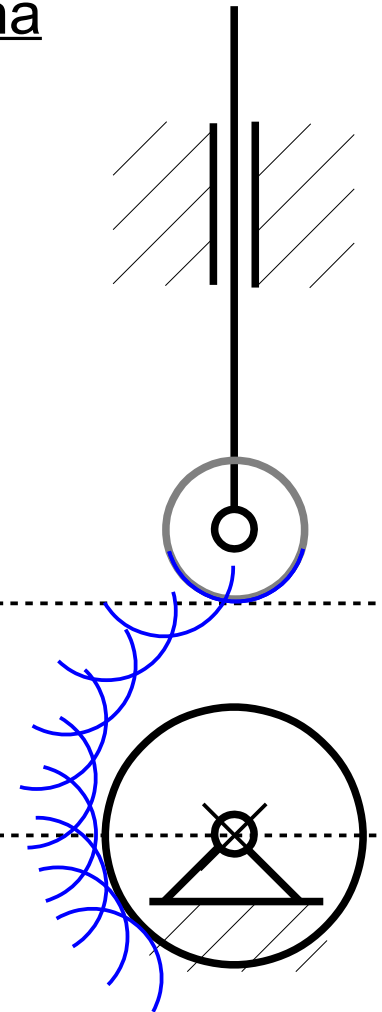
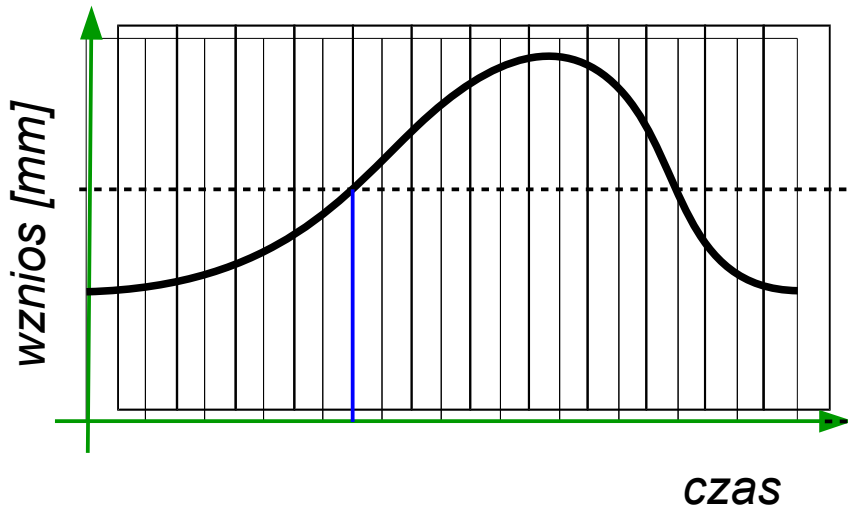
Metoda graficzna



zał.: $\varphi(t) = \omega t$
 $\omega = \text{const.}$

Synteza mechanizmów krzywkowych

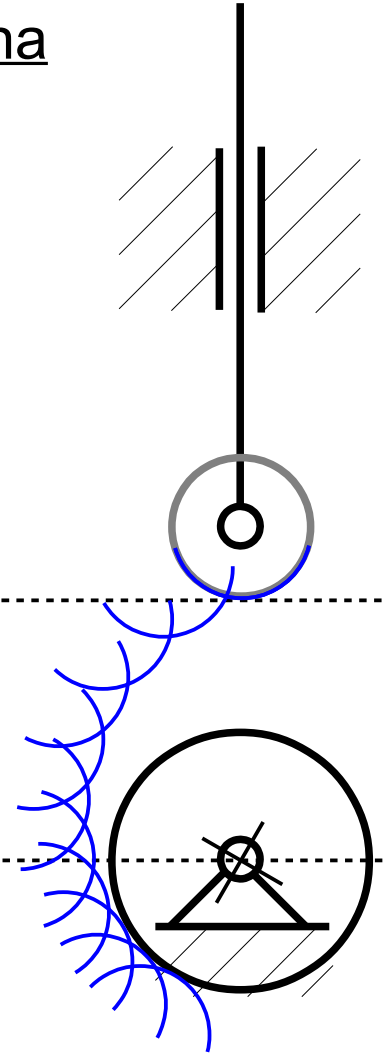
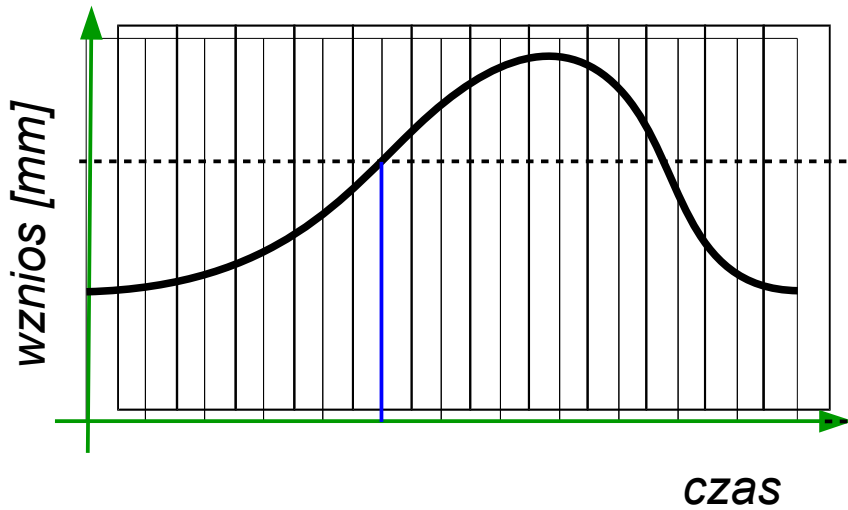
Metoda graficzna



zał.: $\varphi(t) = \omega t$
 $\omega = \text{const.}$

Synteza mechanizmów krzywkowych

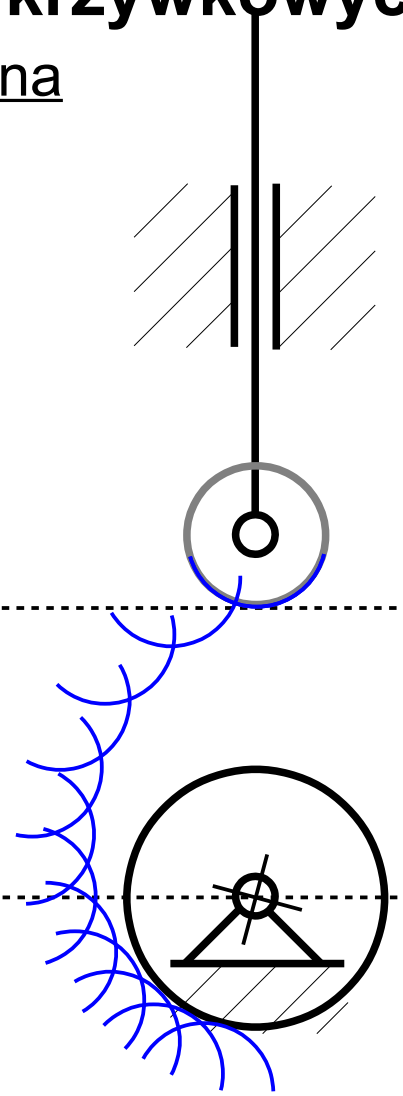
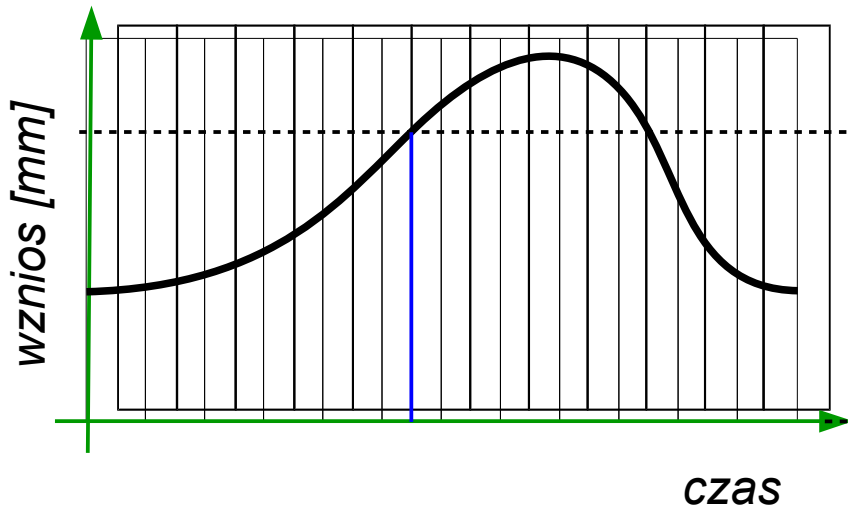
Metoda graficzna



zał.: $\varphi(t) = \omega t$
 $\omega = \text{const.}$

Synteza mechanizmów krzywkowych

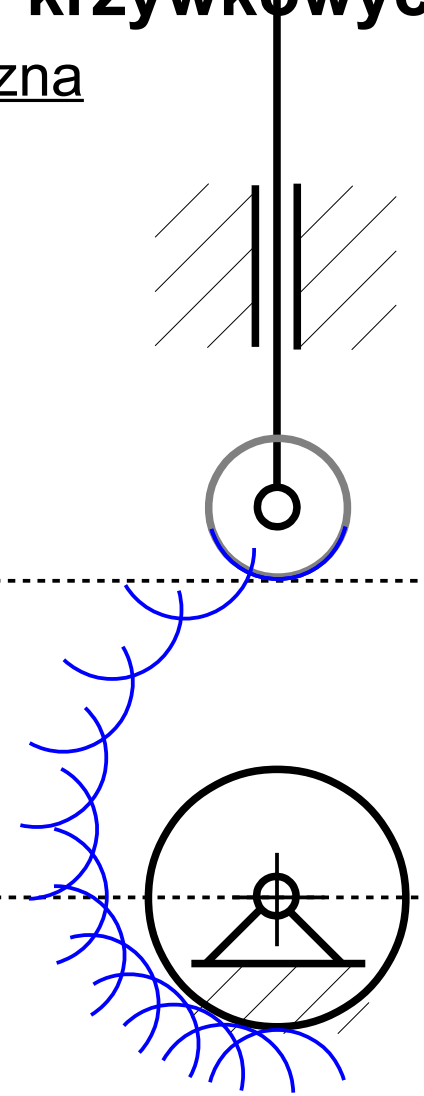
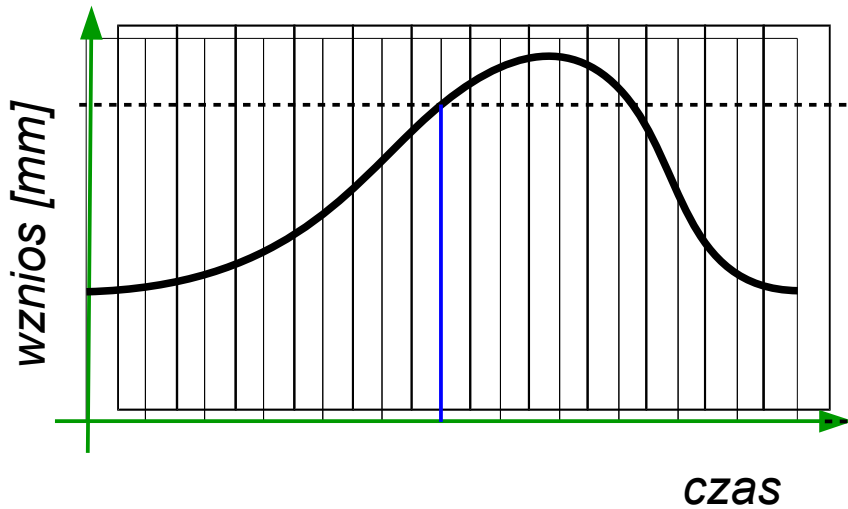
Metoda graficzna



zał.: $\varphi(t) = \omega t$
 $\omega = \text{const.}$

Synteza mechanizmów krzywkowych

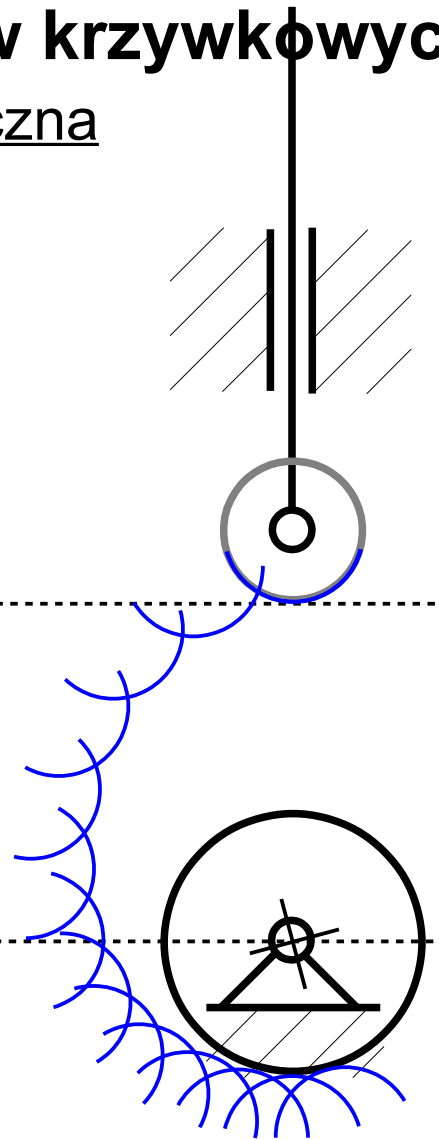
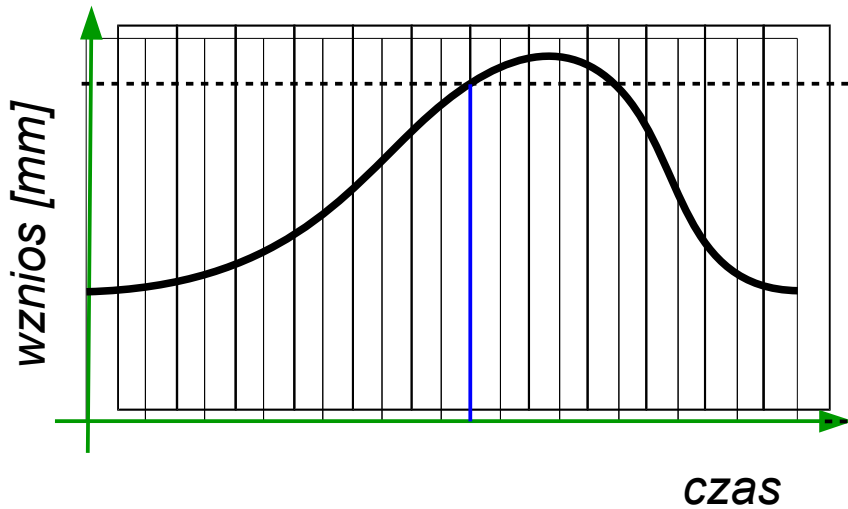
Metoda graficzna



zał.: $\varphi(t) = \omega t$
 $\omega = \text{const.}$

Synteza mechanizmów krzywkowych

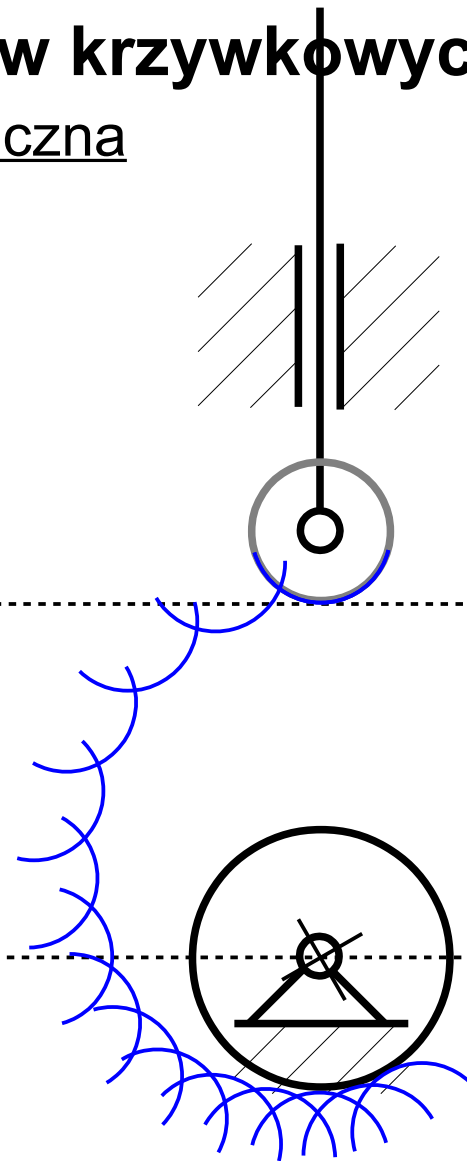
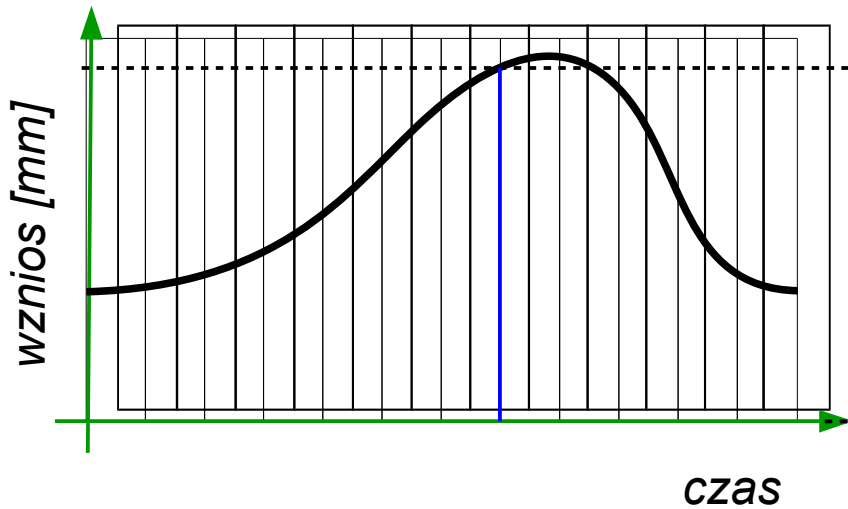
Metoda graficzna



zał.: $\varphi(t) = \omega t$
 $\omega = \text{const.}$

Synteza mechanizmów krzywkowych

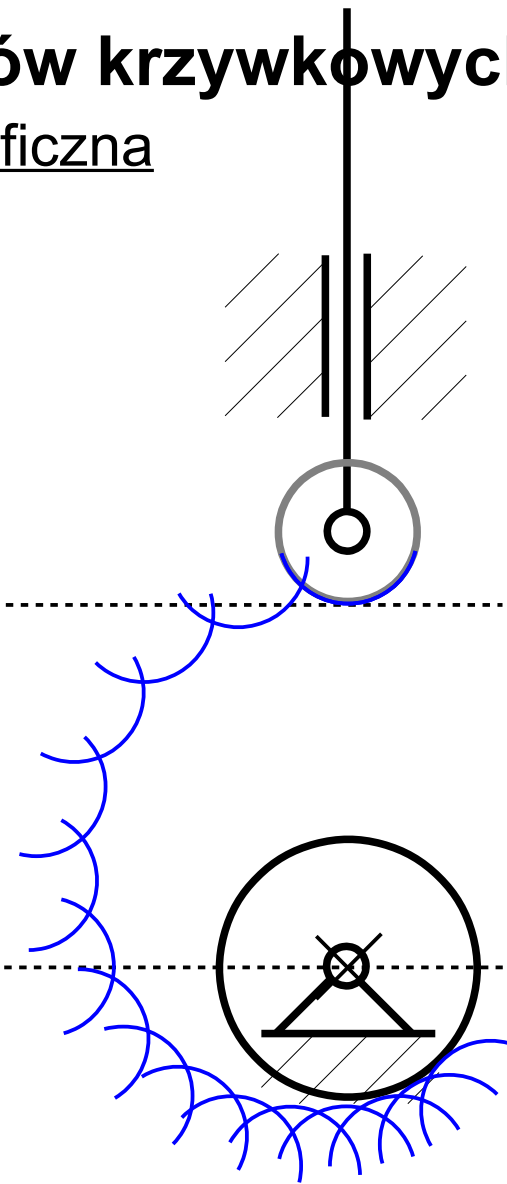
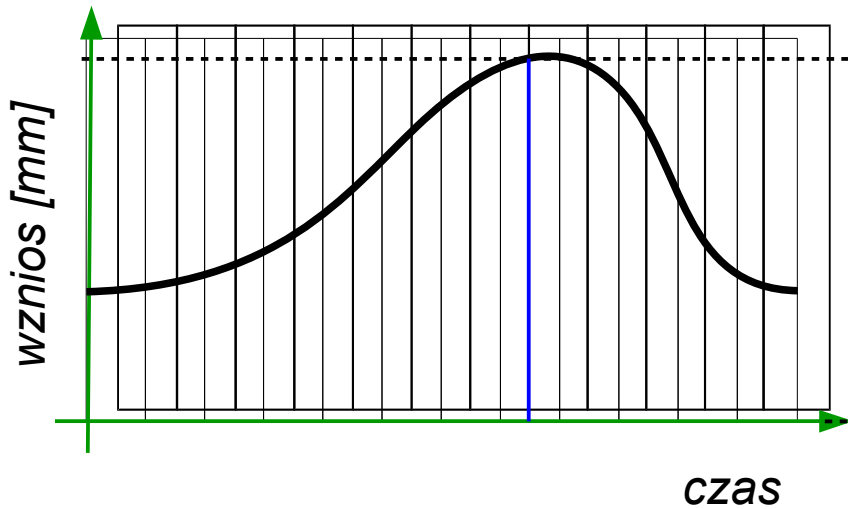
Metoda graficzna



zał.: $\varphi(t) = \omega t$
 $\omega = \text{const.}$

Synteza mechanizmów krzywkowych

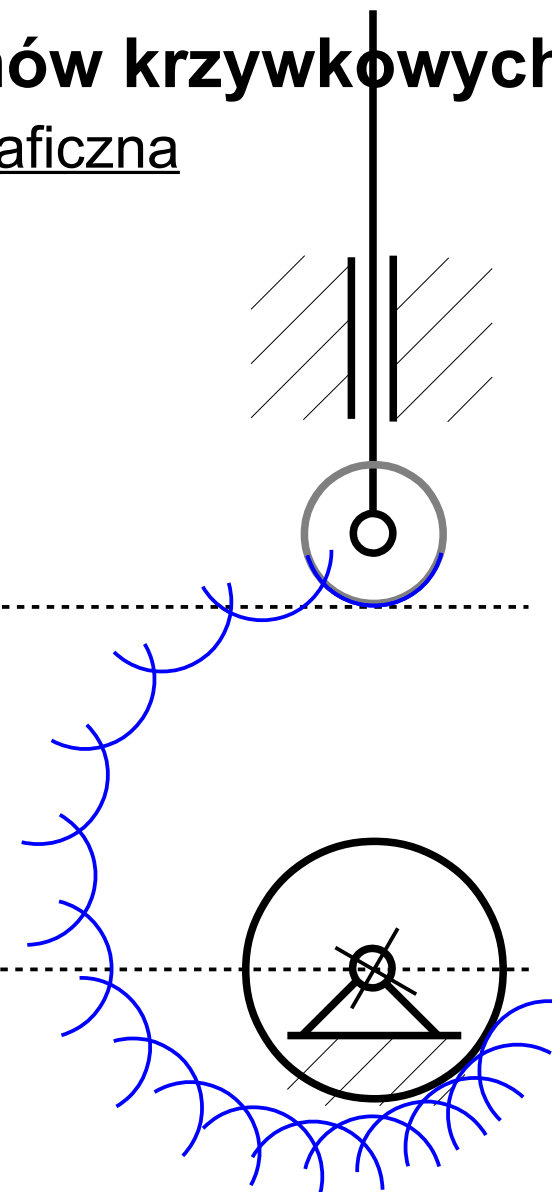
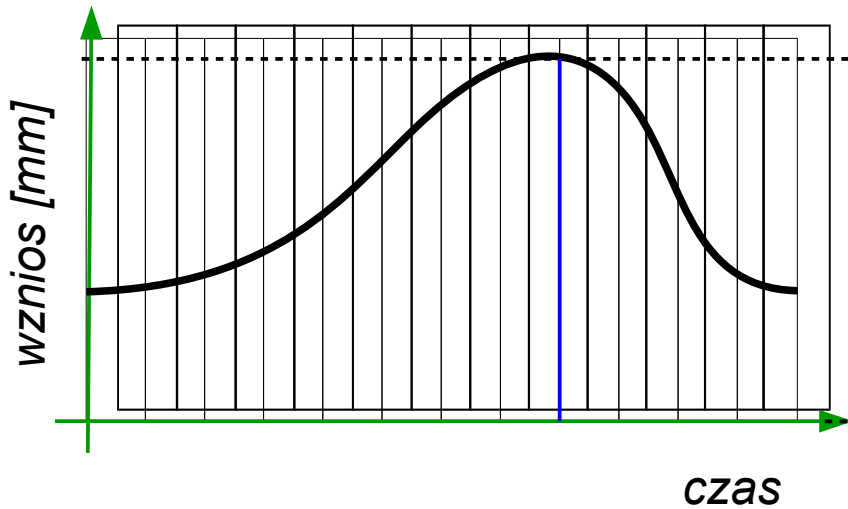
Metoda graficzna



zał.: $\varphi(t) = \omega t$
 $\omega = \text{const.}$

Synteza mechanizmów krzywkowych

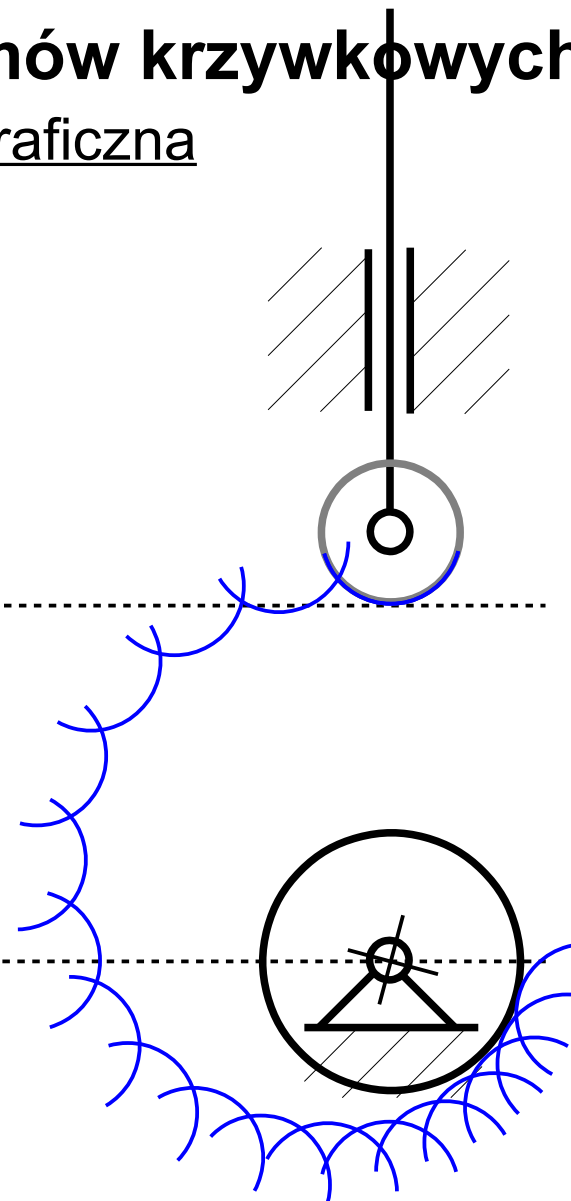
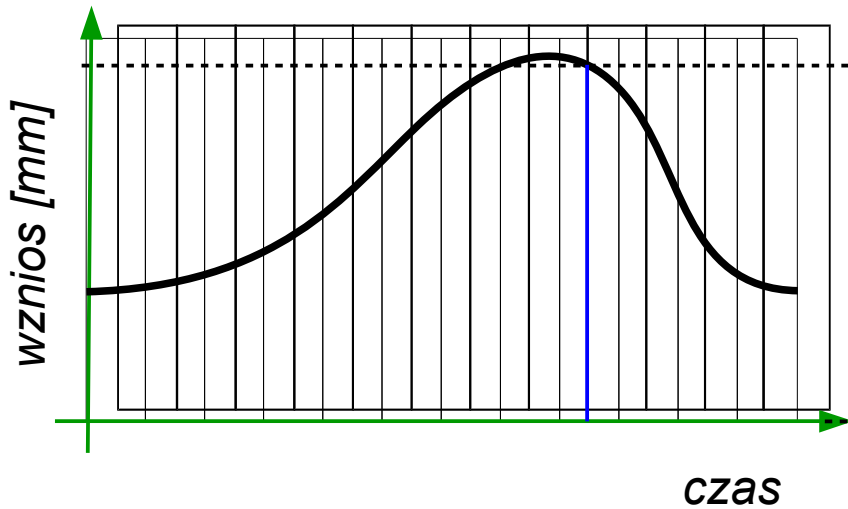
Metoda graficzna



zał.: $\varphi(t) = \omega t$
 $\omega = \text{const.}$

Synteza mechanizmów krzywkowych

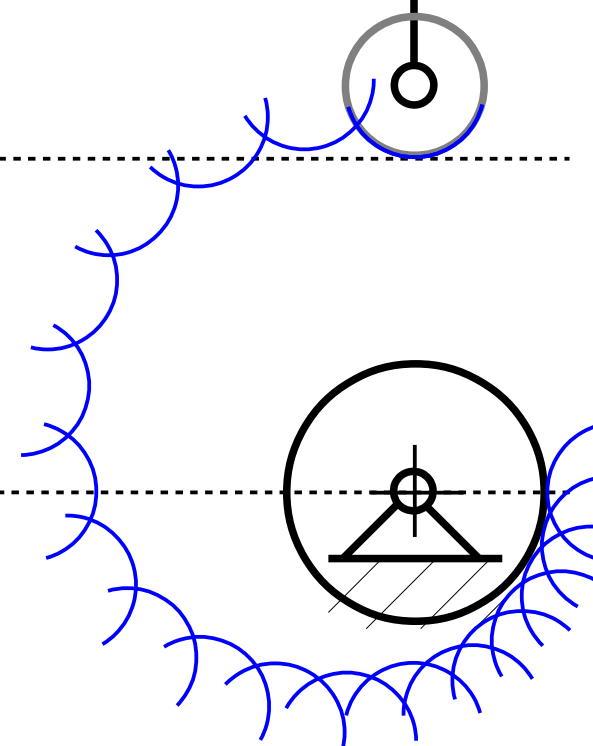
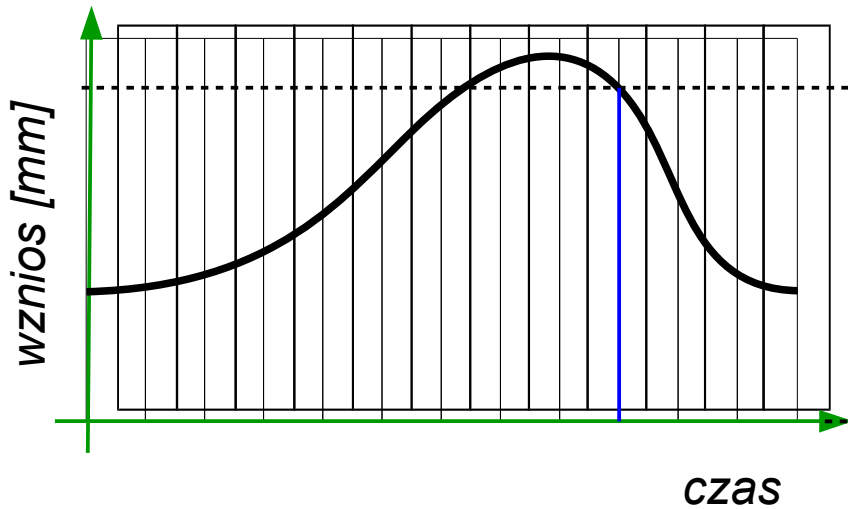
Metoda graficzna



zał.: $\varphi(t) = \omega t$
 $\omega = \text{const.}$

Synteza mechanizmów krzywkowych

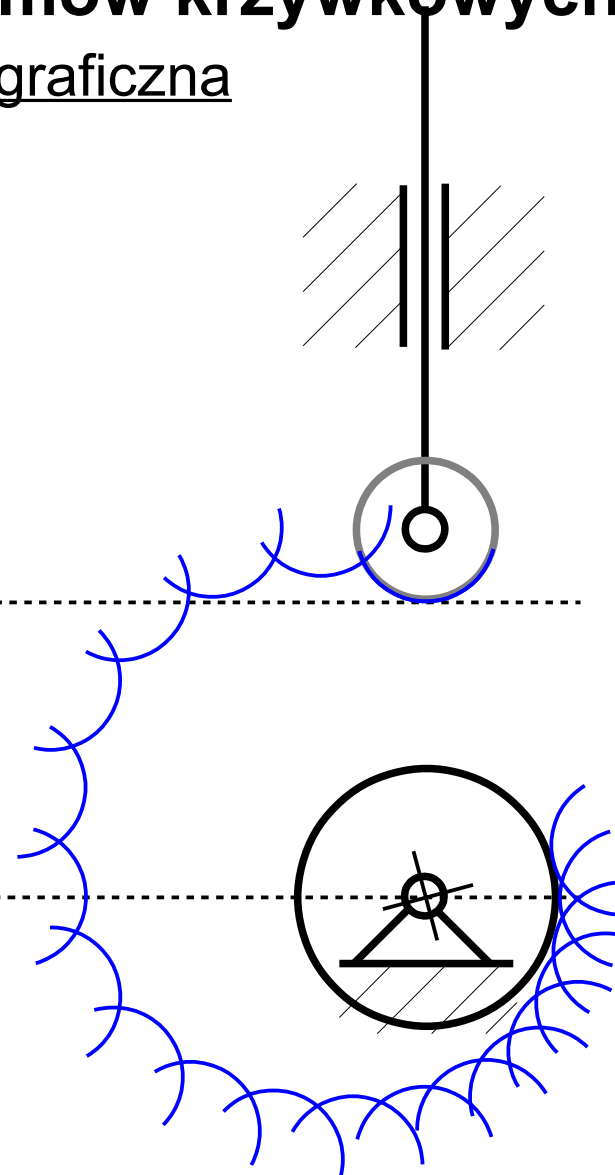
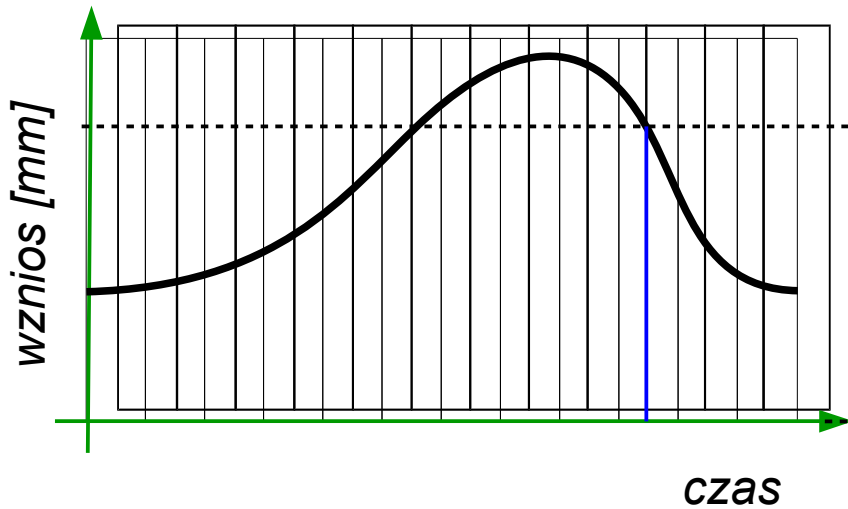
Metoda graficzna



zał.: $\varphi(t) = \omega t$
 $\omega = \text{const.}$

Synteza mechanizmów krzywkowych

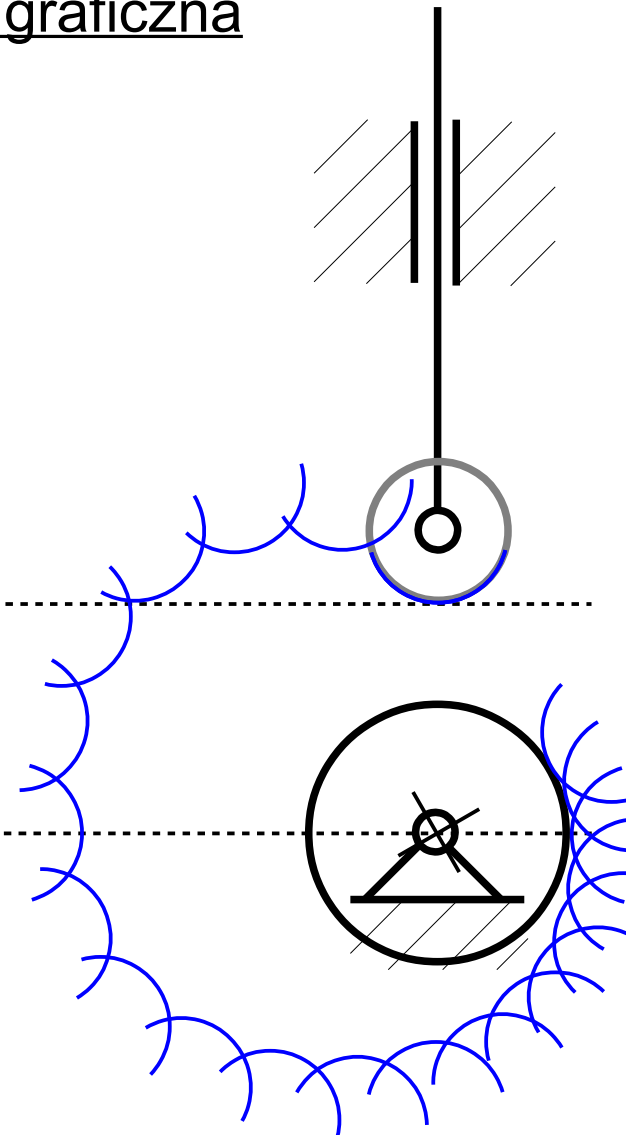
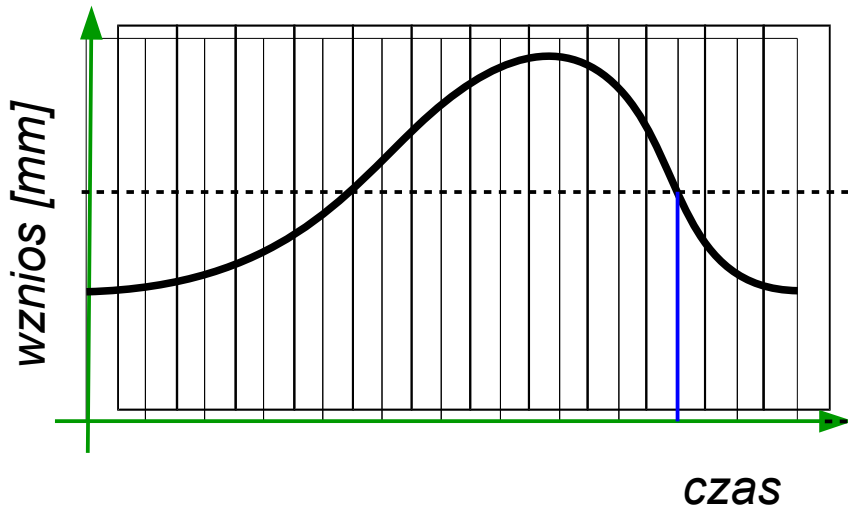
Metoda graficzna



zał.: $\varphi(t) = \omega t$
 $\omega = \text{const.}$

Synteza mechanizmów krzywkowych

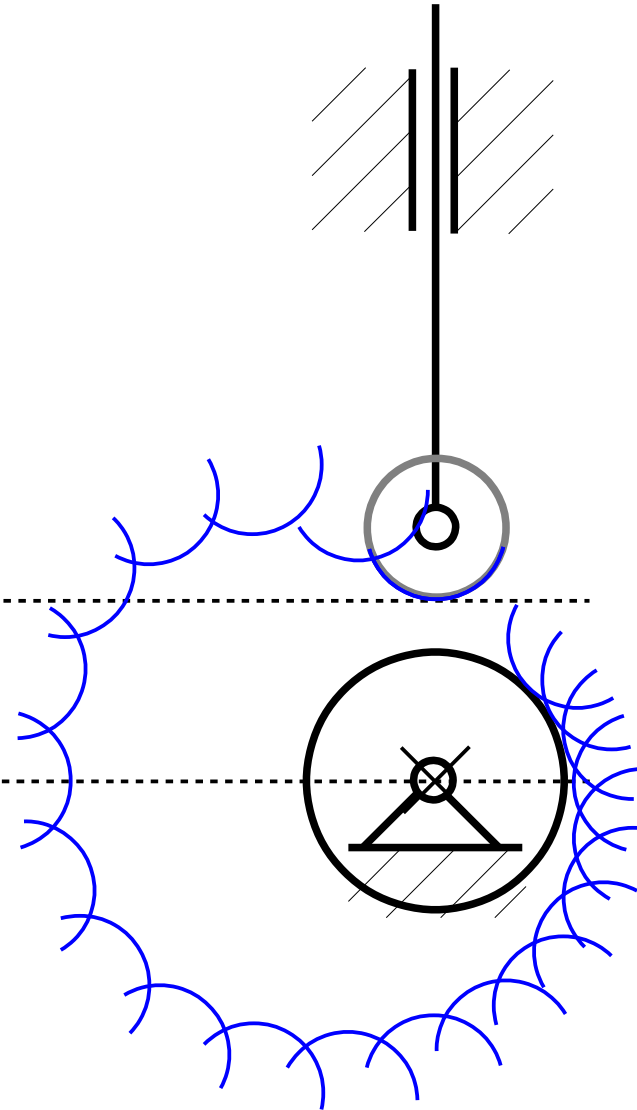
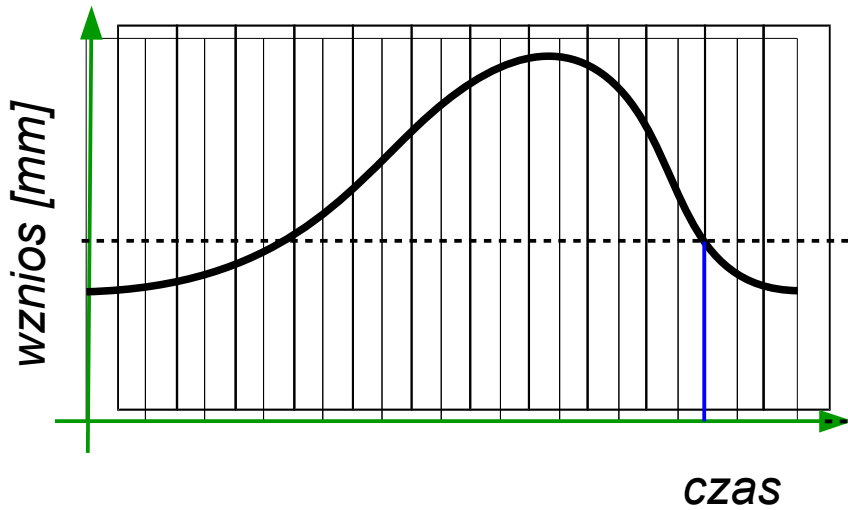
Metoda graficzna



zał.: $\varphi(t) = \omega t$
 $\omega = \text{const.}$

Synteza mechanizmów krzywkowych

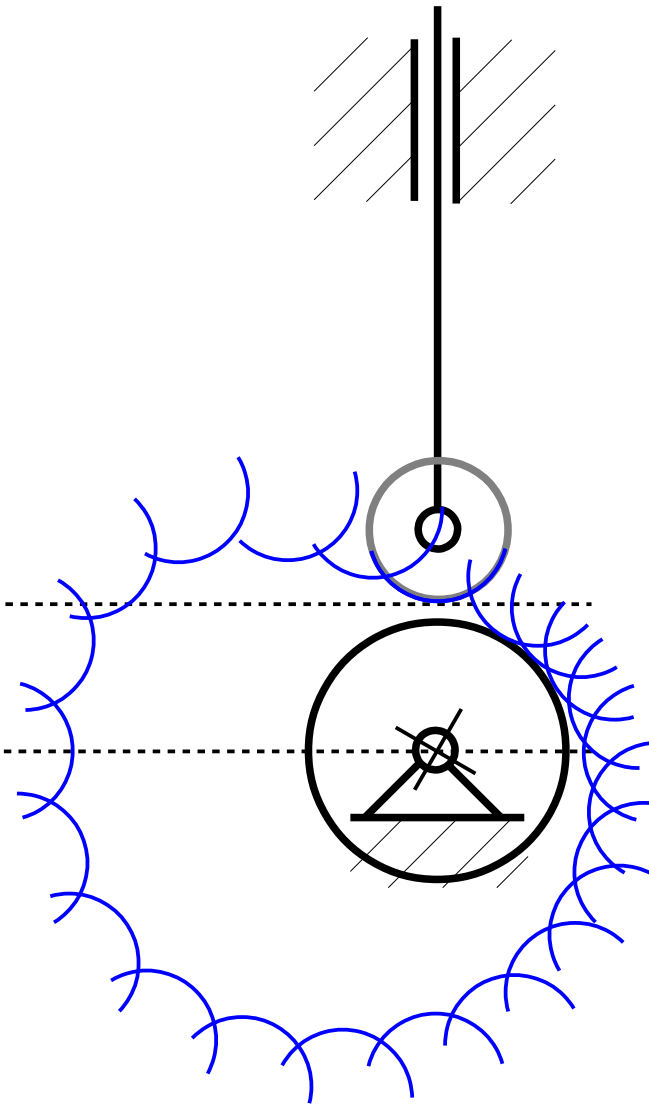
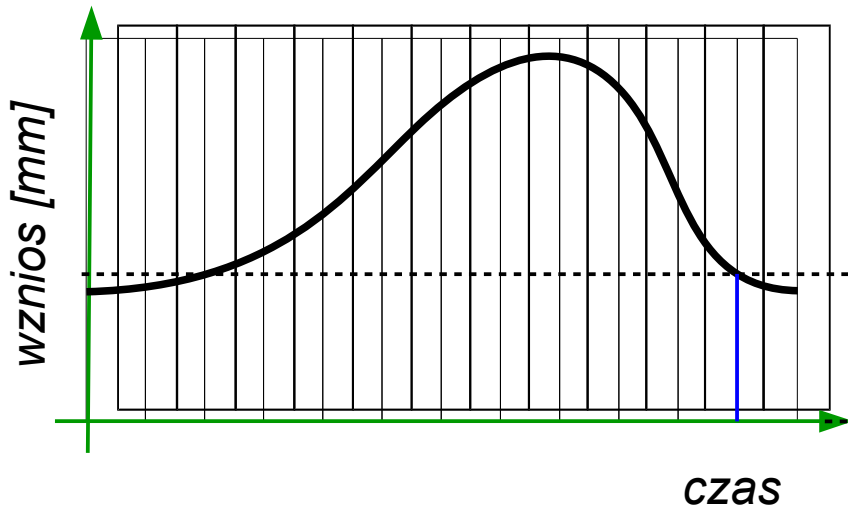
Metoda graficzna



zał.: $\varphi(t) = \omega t$
 $\omega = \text{const.}$

Synteza mechanizmów krzywkowych

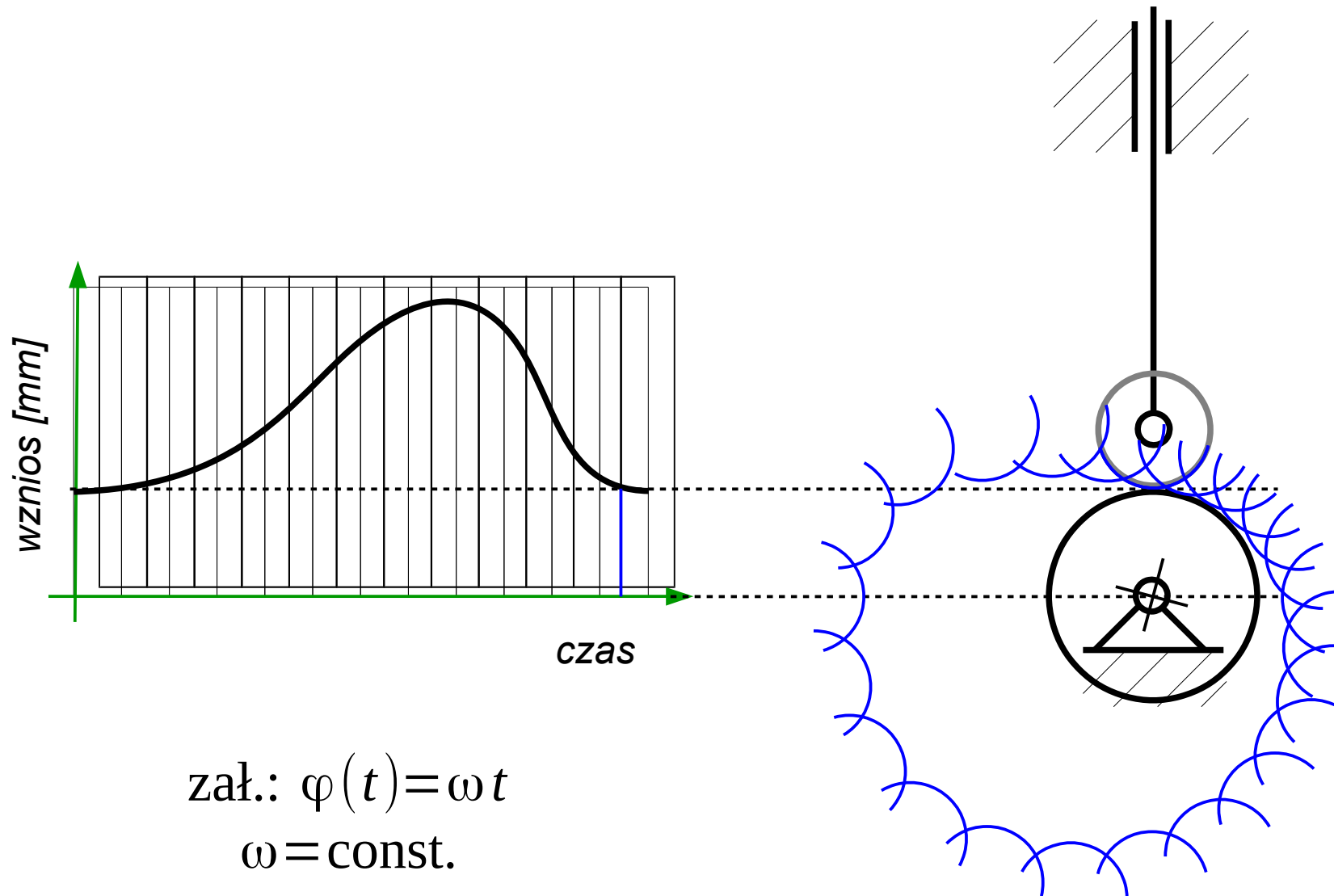
Metoda graficzna



zał.: $\varphi(t) = \omega t$
 $\omega = \text{const.}$

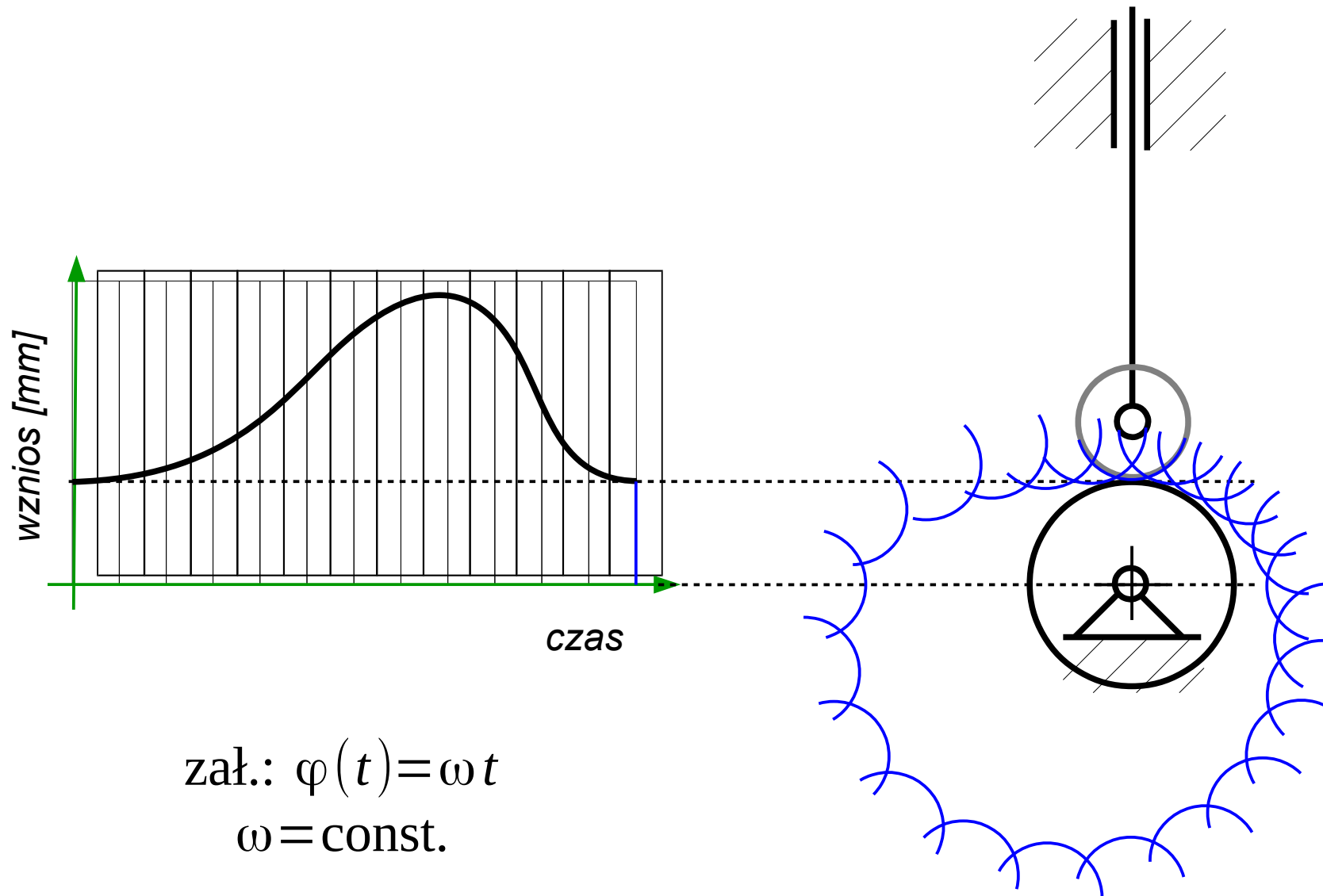
Synteza mechanizmów krzywkowych

Metoda graficzna



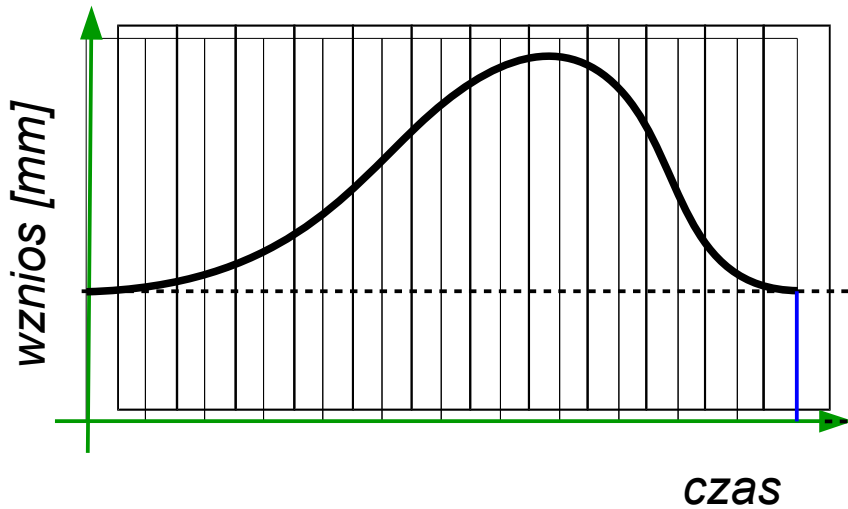
Synteza mechanizmów krzywkowych

Metoda graficzna

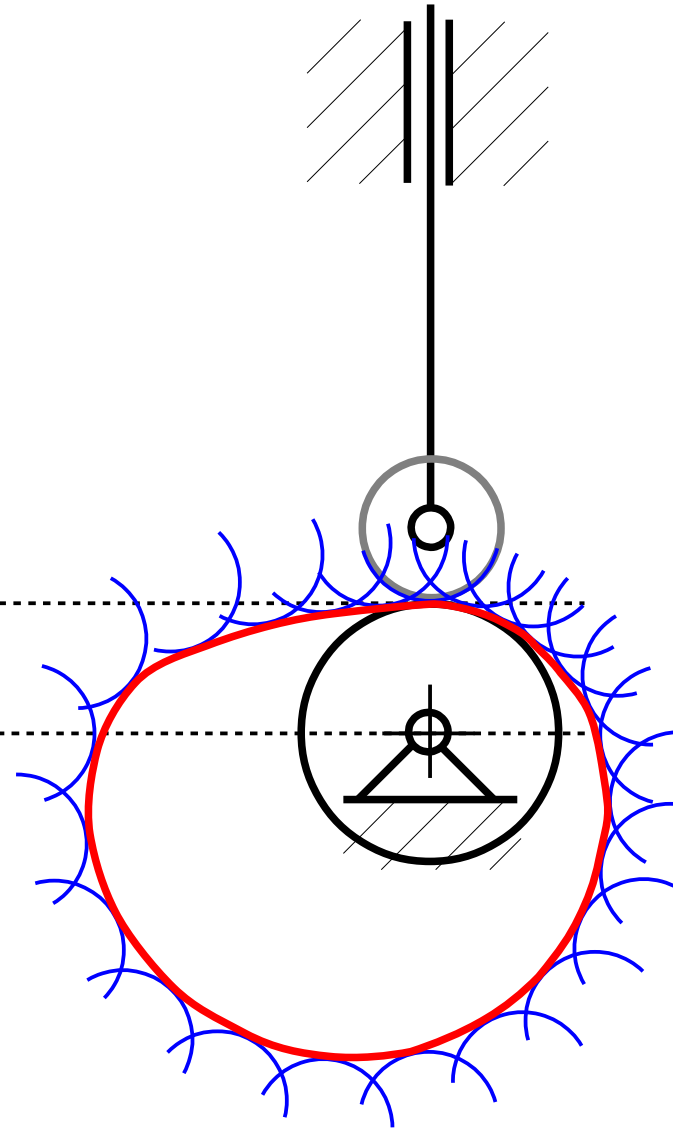


Synteza mechanizmów krzywkowych

Metoda graficzna

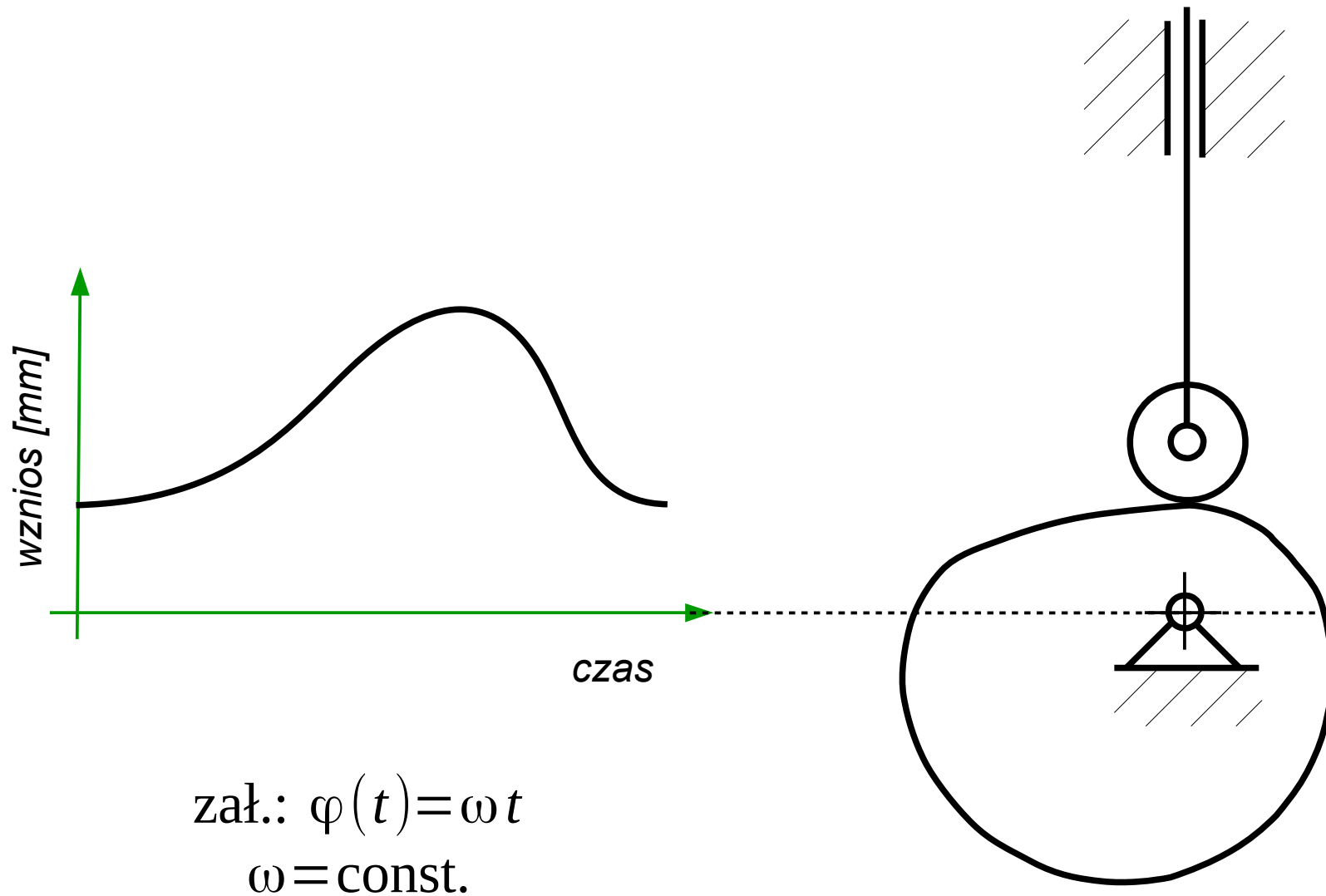


zał.: $\varphi(t) = \omega t$
 $\omega = \text{const.}$



Synteza mechanizmów krzywkowych

Metoda graficzna



Synteza mechanizmów krzywkowych

Metoda analityczna

Synteza mechanizmów krzywkowych

Metoda analityczna

Dla danego przebiegu przyspieszenia lub prędkości wzniosu popychacza w funkcji czasu (lub kąta obrotu) charakterystykę wzniosu popychacza otrzymuje się poprzez całkowanie.

Synteza mechanizmów krzywkowych

Metoda analityczna

Dla danego przebiegu przyspieszenia lub prędkości wzniosu popychacza w funkcji czasu (lub kąta obrotu) charakterystykę wzniosu popychacza otrzymuje się poprzez całkowanie.

Przebieg wzniosu popychacza w funkcji kąta obrotu krzywki możemy wprost wykorzystać do wygenerowania zarysu krzywki (lub po przekształceniu do współrzędnych biegunowych).

Synteza mechanizmów krzywkowych

Metoda analityczna

Dla danego przebiegu przyspieszenia lub prędkości wzniosu popychacza w funkcji czasu (lub kąta obrotu) charakterystykę wzniosu popychacza otrzymuje się poprzez całkowanie.

Przebieg wzniosu popychacza w funkcji kąta obrotu krzywki możemy wprost wykorzystać do wygenerowania zarysu krzywki (lub po przekształceniu do współrzędnych biegunowych).

Zastosowanie popychacza ostrzowego pozwala dokładnie odzwierciedlić zadaną funkcję wzniosu popychacza.

Synteza mechanizmów krzywkowych

Metoda analityczna

Dla danego przebiegu przyspieszenia lub prędkości wzniosu popychacza w funkcji czasu (lub kąta obrotu) charakterystykę wzniosu popychacza otrzymuje się poprzez całkowanie.

Przebieg wzniosu popychacza w funkcji kąta obrotu krzywki możemy wprost wykorzystać do wygenerowania zarysu krzywki (lub po przekształceniu do współrzędnych biegunowych).

Zastosowanie popychacza ostrzowego pozwala dokładnie odzwierciedlić zadaną funkcję wzniosu popychacza.

Zastosowanie popychacza rolkowego wprowadza ograniczenie maksymalnej prędkości wzniosu popychacza – wymaga ustalenia proporcji między wielkością krzywki a promieniem rolki.

Synteza mechanizmów krzywkowych

Metoda analityczna

Dla danego przebiegu przyspieszenia lub prędkości wzniosu popychacza w funkcji czasu (lub kąta obrotu) charakterystykę wzniosu popychacza otrzymuje się poprzez całkowanie.

Przebieg wzniosu popychacza w funkcji kąta obrotu krzywki możemy wprost wykorzystać do wygenerowania zarysu krzywki (lub po przekształceniu do współrzędnych biegunowych).

Zastosowanie popychacza ostrzowego pozwala dokładnie odzwierciedlić zadaną funkcję wzniosu popychacza.

Zastosowanie popychacza rolkowego wprowadza ograniczenie maksymalnej prędkości wzniosu popychacza – wymaga ustalenia proporcji między wielkością krzywki a promieniem rolki.

Często projektuje się krzywki o symetrycznym zarysie oraz gładkie (bez uskoków).

Synteza mechanizmów krzywkowych

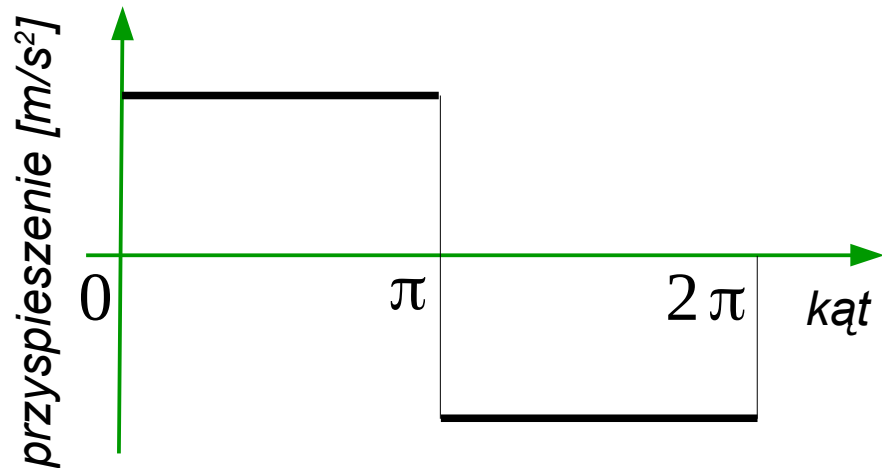
Metoda analityczna – przykład

Dobrać zarys profilu krzywki współpracującej z popychaczem ostrzowym niecentralnym aby uzyskać stałe przyspieszenie wznoszenia i opadania dla stałej prędkości kątowej krzywki.

Synteza mechanizmów krzywkowych

Metoda analityczna – przykład

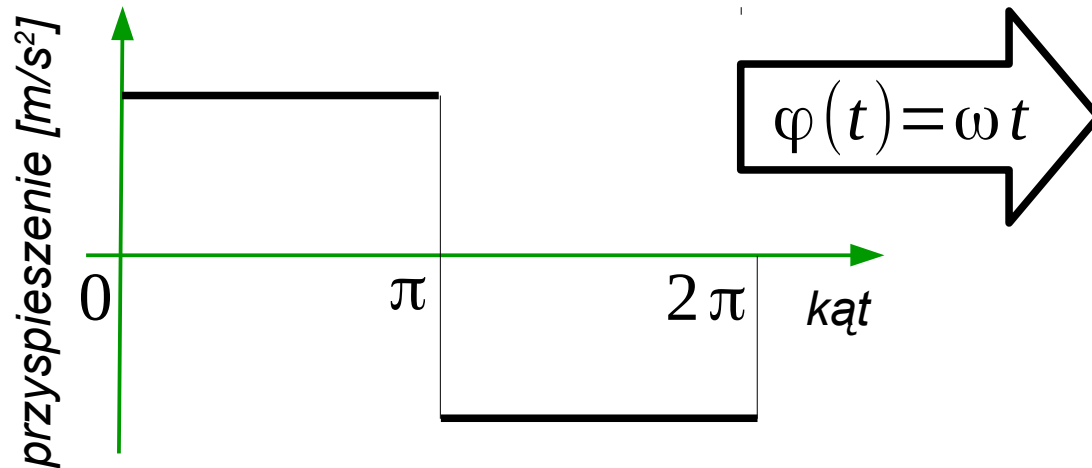
Dobrać zarys profilu krzywki współpracującej z popychaczem ostrzowym niecentralnym aby uzyskać stałe przyspieszenie wznoszenia i opadania dla stałej prędkości kątowej krzywki.



Synteza mechanizmów krzywkowych

Metoda analityczna – przykład

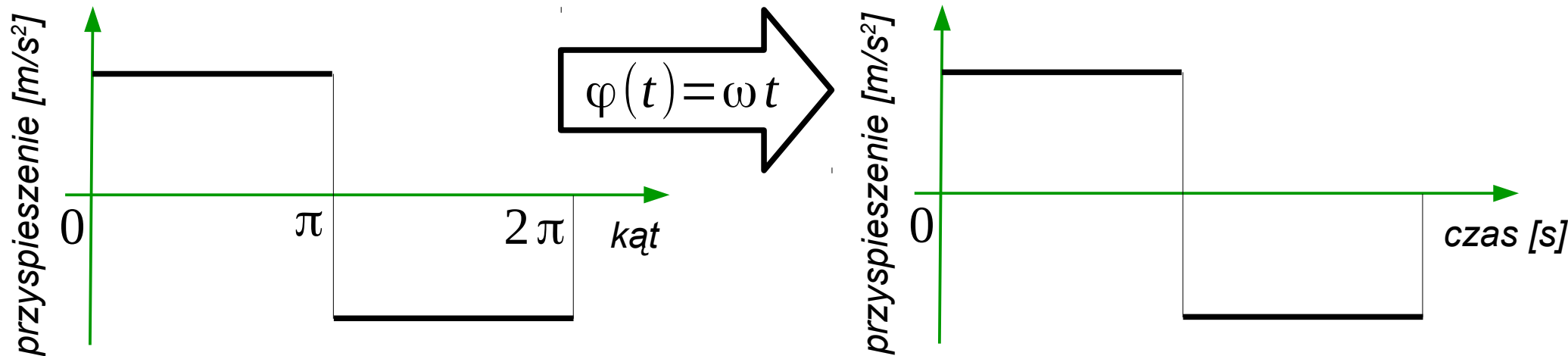
Dobrać zarys profilu krzywki współpracującej z popychaczem ostrzowym niecentralnym aby uzyskać stałe przyspieszenie wznoszenia i opadania dla stałej prędkości kątowej krzywki.



Synteza mechanizmów krzywkowych

Metoda analityczna – przykład

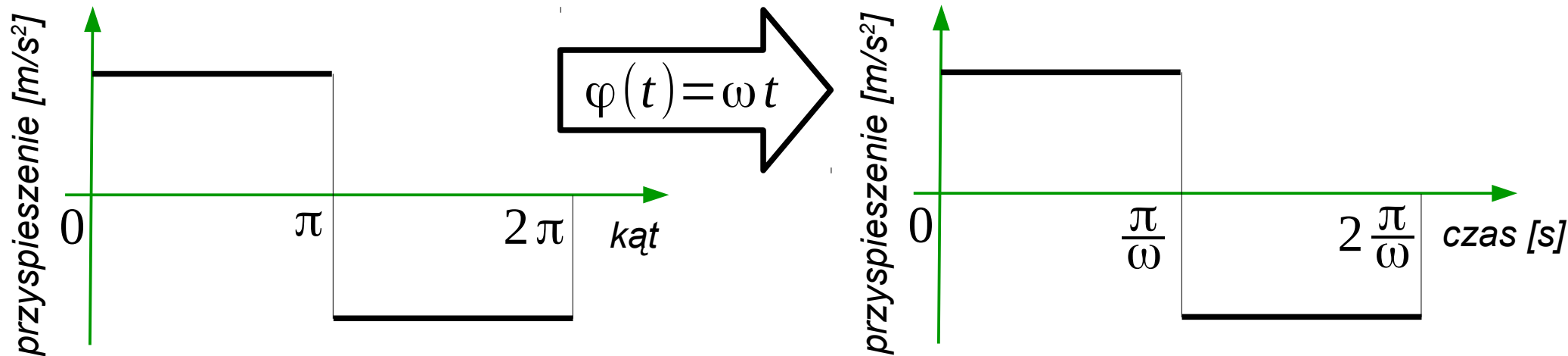
Dobrać zarys profilu krzywki współpracującej z popychaczem ostrzowym niecentralnym aby uzyskać stałe przyspieszenie wznoszenia i opadania dla stałej prędkości kątowej krzywki.



Synteza mechanizmów krzywkowych

Metoda analityczna – przykład

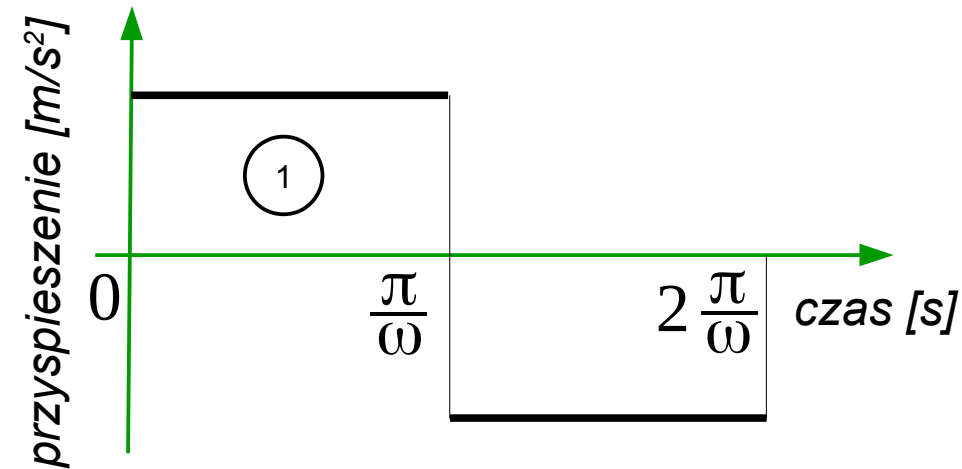
Dobrać zarys profilu krzywki współpracującej z popychaczem ostrzowym niecentralnym aby uzyskać stałe przyspieszenie wznoszenia i opadania dla stałej prędkości kątowej krzywki.



Synteza mechanizmów krzywkowych

Metoda analityczna – przykład

Dobrać zarys profilu krzywki współpracującej z popychaczem ostrzowym niecentralnym aby uzyskać stałe przyspieszenie wznoszenia i opadania dla stałej prędkości kątowej krzywki.



$$p_1 = a$$

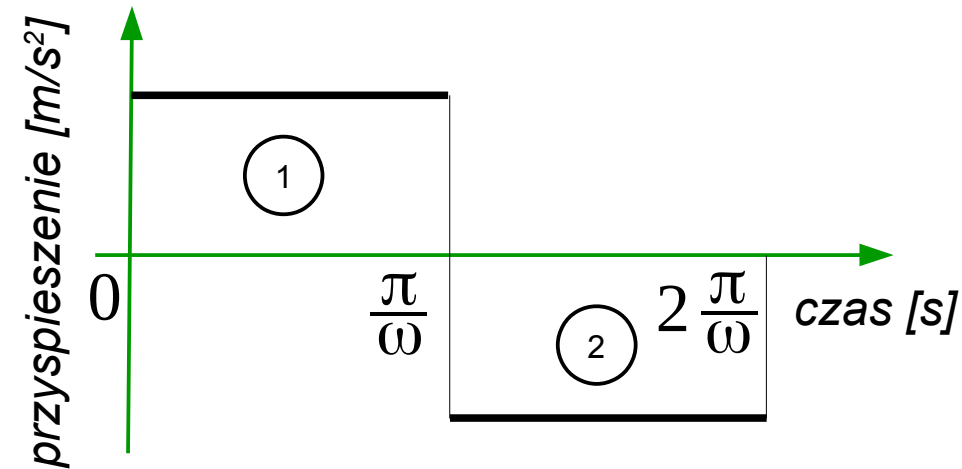
$$v_1(t) = at + C_1$$

$$h_1(t) = \frac{at^2}{2} + C_1t + C_2$$

Synteza mechanizmów krzywkowych

Metoda analityczna – przykład

Dobrać zarys profilu krzywki współpracującej z popychaczem ostrzowym niecentralnym aby uzyskać stałe przyspieszenie wznoszenia i opadania dla stałej prędkości kątowej krzywki.



$$p_1 = a$$

$$v_1(t) = at + C_1$$

$$h_1(t) = \frac{at^2}{2} + C_1t + C_2$$

$$p_2 = -a$$

$$v_2(t) = -at + C_3$$

$$h_2(t) = \frac{-at^2}{2} + C_3t + C_4$$

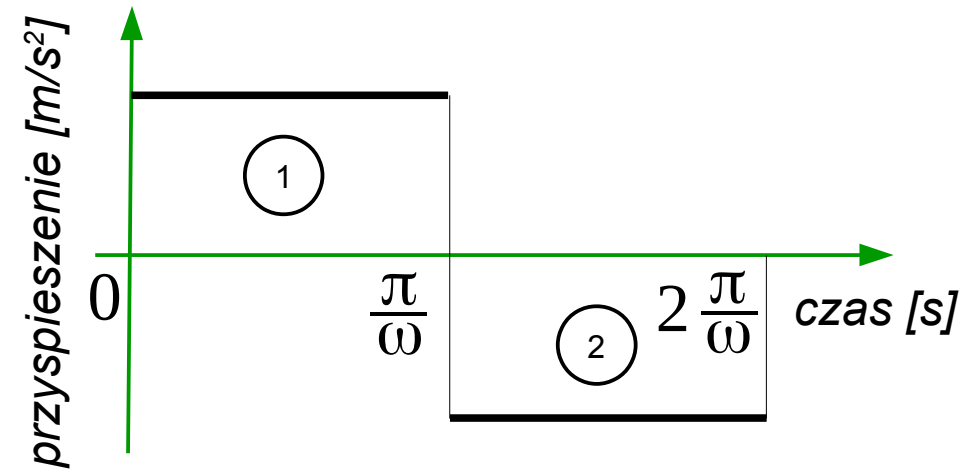
Synteza mechanizmów krzywkowych

Metoda analityczna – przykład

Dobrać zarys profilu krzywki współpracującej z popychaczem ostrzowym niecentralnym aby uzyskać stałe przyspieszenie wznoszenia i opadania dla stałej prędkości kątowej krzywki.

Promień koła zasadniczego krzywki

$$h_1(t=0) = h_2(t=2\frac{\pi}{\omega}) = R$$



$$p_1 = a$$

$$p_2 = -a$$

$$v_1(t) = at + C_1$$

$$v_2(t) = -at + C_3$$

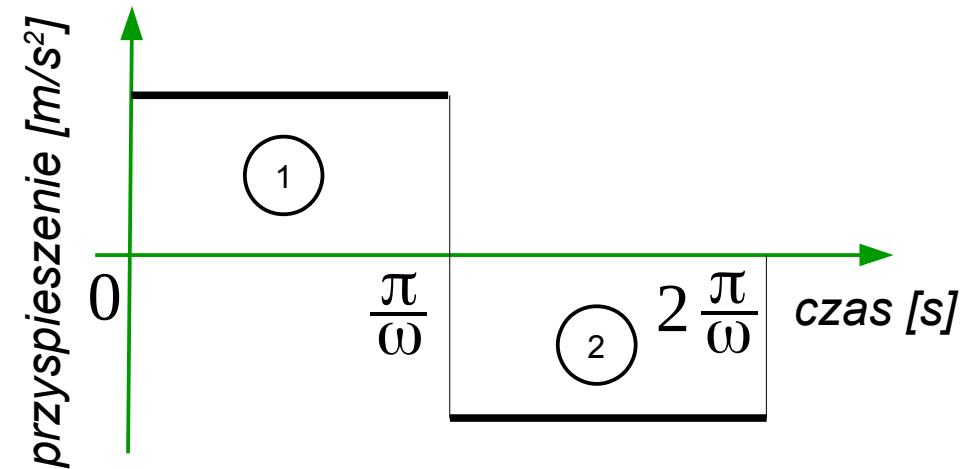
$$h_1(t) = \frac{at^2}{2} + C_1t + C_2$$

$$h_2(t) = \frac{-at^2}{2} + C_3t + C_4$$

Synteza mechanizmów krzywkowych

Metoda analityczna – przykład

Dobrać zarys profilu krzywki współpracującej z popychaczem ostrzowym niecentralnym aby uzyskać stałe przyspieszenie wznoszenia i opadania dla stałej prędkości kątowej krzywki.



Promień koła zasadniczego krzywki

$$h_1(t=0) = h_2(t=2 \frac{\pi}{\omega}) = R$$

$$C_2 = R$$

$$C_4 = R + 2a \frac{\pi^2}{\omega^2} - 2C_3 \frac{\pi}{\omega}$$

$$p_1 = a$$

$$p_2 = -a$$

$$v_1(t) = at + C_1$$

$$v_2(t) = -at + C_3$$

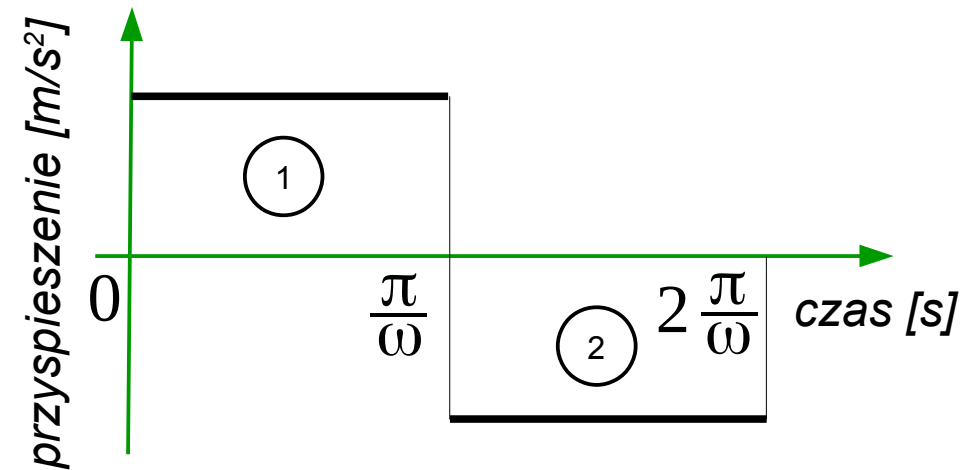
$$h_1(t) = \frac{at^2}{2} + C_1 t + C_2$$

$$h_2(t) = \frac{-at^2}{2} + C_3 t + C_4$$

Synteza mechanizmów krzywkowych

Metoda analityczna – przykład

Dobrać zarys profilu krzywki współpracującej z popychaczem ostrzowym niecentralnym aby uzyskać stałe przyspieszenie wznoszenia i opadania dla stałej prędkości kątowej krzywki.



Promień koła zasadniczego krzywki

$$h_1(t=0) = h_2(t=2 \frac{\pi}{\omega}) = R$$

$$C_2 = R$$

$$C_4 = R + 2a \frac{\pi^2}{\omega^2} - 2C_3 \frac{\pi}{\omega}$$

$$p_1 = a$$

$$p_2 = -a$$

$$v_1(t) = at + C_1$$

$$v_2(t) = -at + C_3$$

$$h_1(t) = \frac{at^2}{2} + C_1 t + R$$

$$h_2(t) = \frac{-at^2}{2} + C_3 t + R + 2a \frac{\pi^2}{\omega^2} - 2C_3 \frac{\pi}{\omega}$$

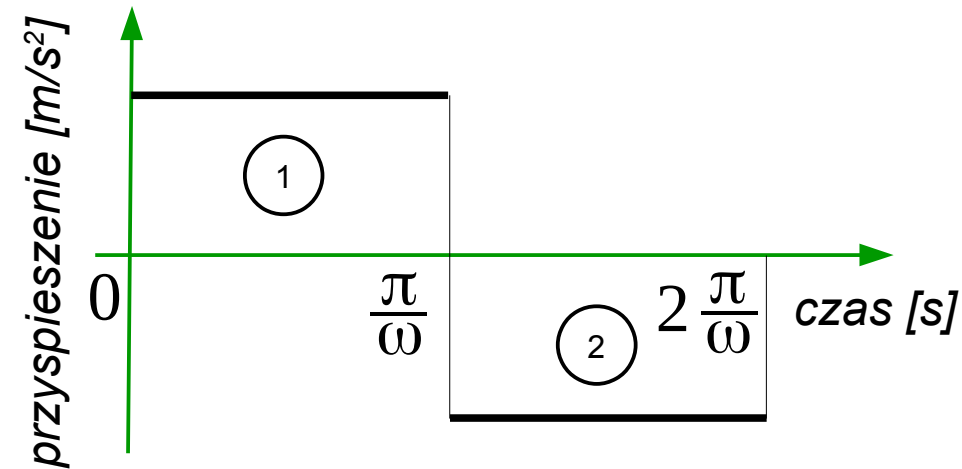
Synteza mechanizmów krzywkowych

Metoda analityczna – przykład

Dobrać zarys profilu krzywki współpracującej z popychaczem ostrzowym niecentralnym aby uzyskać stałe przyspieszenie wznoszenia i opadania dla stałej prędkości kątowej krzywki.

Ciągłość zarysu krzywki

$$h_2\left(t = \frac{\pi}{\omega}\right) = h_1\left(t = \frac{\pi}{\omega}\right)$$



$$p_1 = a$$

$$p_2 = -a$$

$$v_1(t) = at + C_1$$

$$v_2(t) = -at + C_3$$

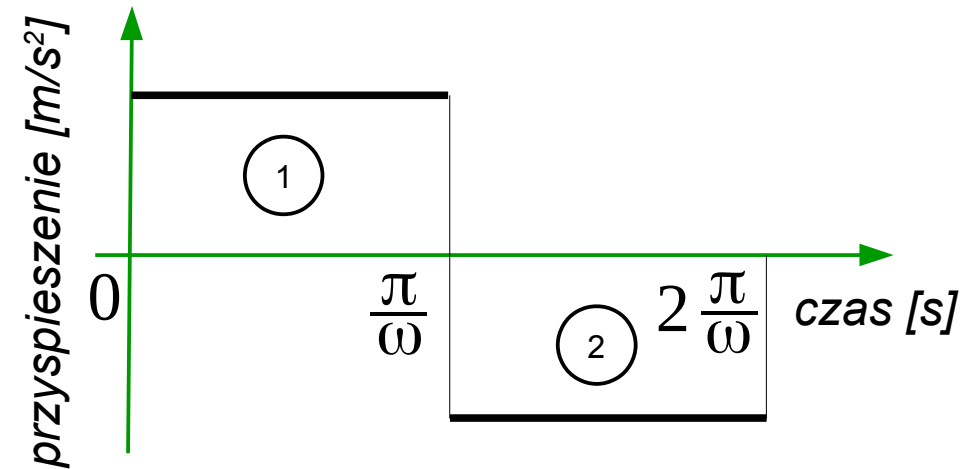
$$h_1(t) = \frac{at^2}{2} + C_1 t + R$$

$$h_2(t) = \frac{-at^2}{2} + C_3 t + R + 2a \frac{\pi^2}{\omega^2} - 2C_3 \frac{\pi}{\omega}$$

Synteza mechanizmów krzywkowych

Metoda analityczna – przykład

Dobrać zarys profilu krzywki współpracującej z popychaczem ostrzowym niecentralnym aby uzyskać stałe przyspieszenie wznoszenia i opadania dla stałej prędkości kątowej krzywki.



Ciągłość zarysu krzywki

$$h_2\left(t = \frac{\pi}{\omega}\right) = h_1\left(t = \frac{\pi}{\omega}\right)$$

$$C_3 = a \frac{\pi}{\omega} - C_1$$

$$p_1 = a$$

$$p_2 = -a$$

$$v_1(t) = at + C_1$$

$$v_2(t) = -at + C_3$$

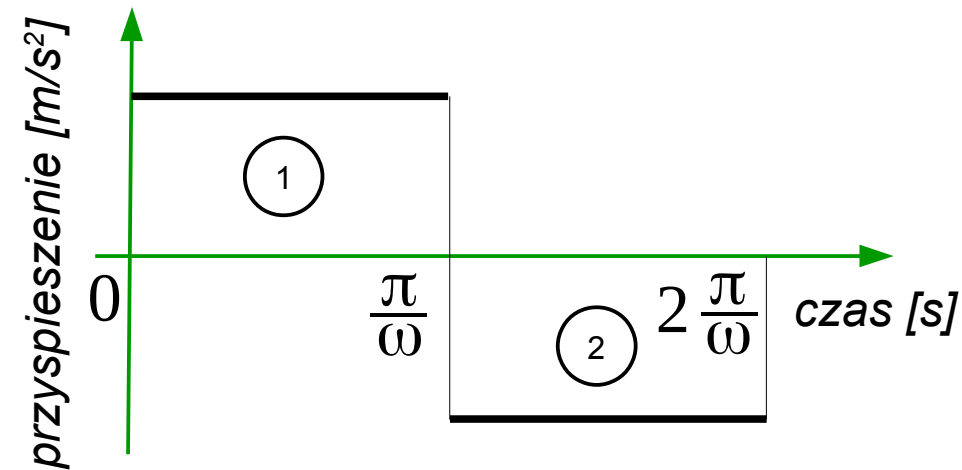
$$h_1(t) = \frac{at^2}{2} + C_1 t + R$$

$$h_2(t) = \frac{-at^2}{2} + C_3 t + R + 2a \frac{\pi^2}{\omega^2} - 2C_3 \frac{\pi}{\omega}$$

Synteza mechanizmów krzywkowych

Metoda analityczna – przykład

Dobrać zarys profilu krzywki współpracującej z popychaczem ostrzowym niecentralnym aby uzyskać stałe przyspieszenie wznoszenia i opadania dla stałej prędkości kątowej krzywki.



Ciągłość zarysu krzywki

$$h_2\left(t = \frac{\pi}{\omega}\right) = h_1\left(t = \frac{\pi}{\omega}\right)$$

$$C_3 = a \frac{\pi}{\omega} - C_1$$

$$p_1 = a$$

$$p_2 = -a$$

$$v_1(t) = at + C_1$$

$$v_2(t) = -at + a \frac{\pi}{\omega} - C_1$$

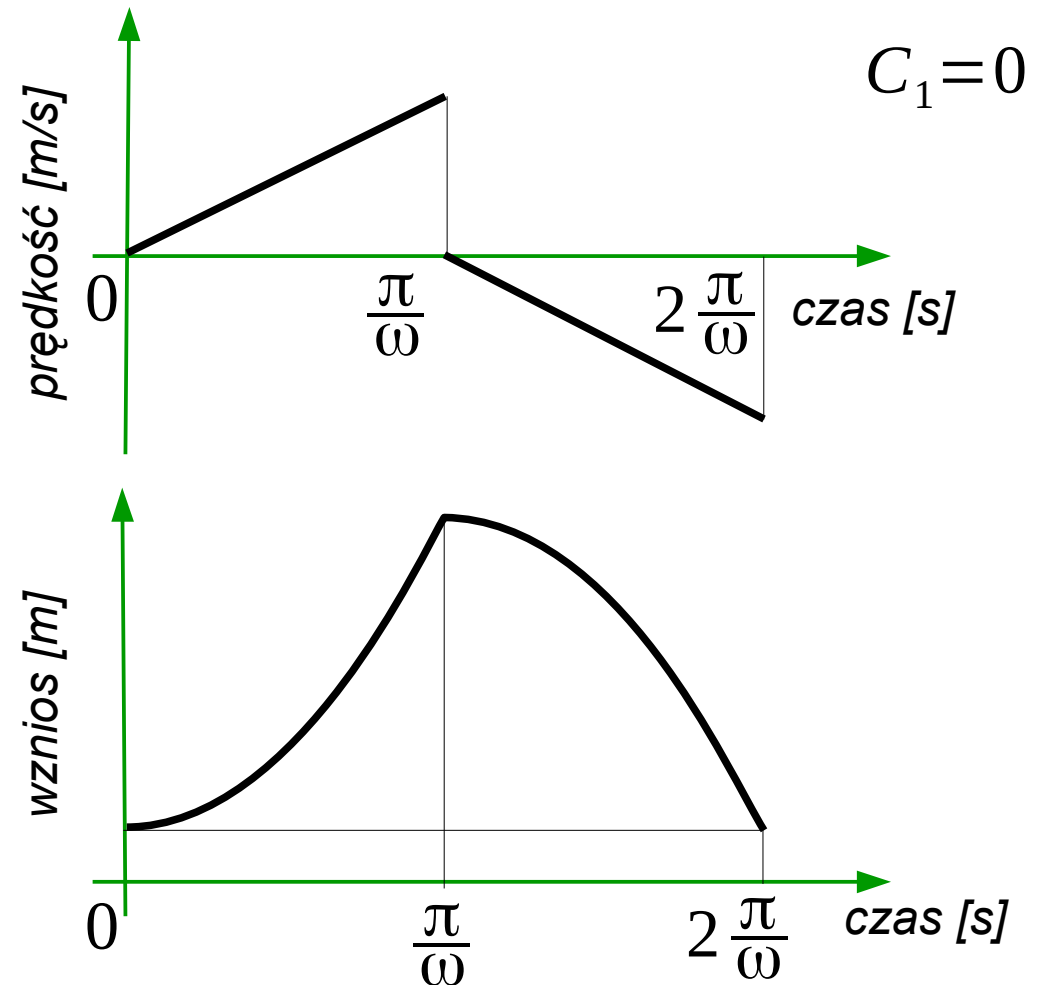
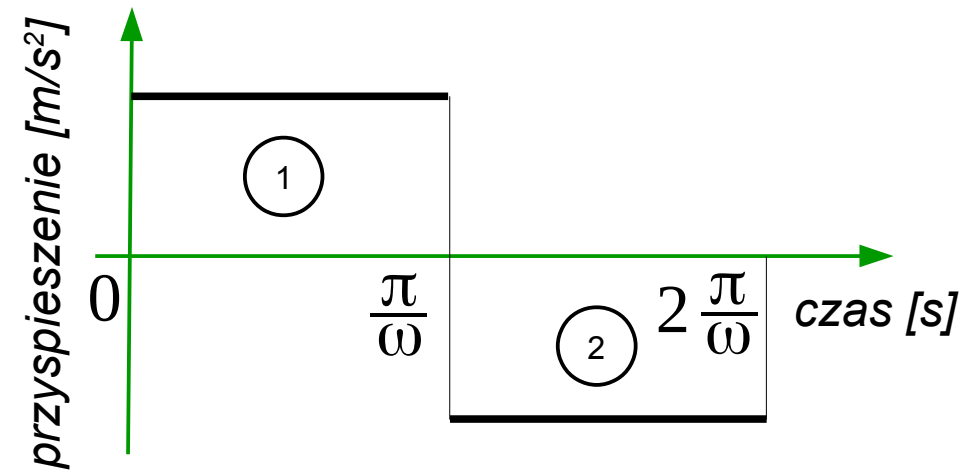
$$h_1(t) = \frac{at^2}{2} + C_1 t + R$$

$$h_2(t) = \frac{-at^2}{2} + R + a \frac{\pi}{\omega} t + C_1 \left(2 \frac{\pi}{\omega} - t\right)$$

Synteza mechanizmów krzywkowych

Metoda analityczna – przykład

Dobrać zarys profilu krzywki współpracującej z popychaczem ostrzowym niecentralnym aby uzyskać stałe przyspieszenie wznoszenia i opadania dla stałej prędkości kątowej krzywki.



Synteza mechanizmów krzywkowych

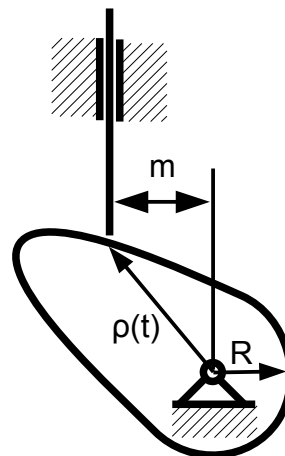
Metoda analityczna – przykład

Dobrać zarys profilu krzywki współpracującej z popychaczem ostrzowym niecentralnym aby uzyskać stałe przyspieszenie wznoszenia i opadania dla stałej prędkości kątowej krzywki.

$$h(t) = \begin{cases} \frac{at^2}{2} + C_1 t + R, & \text{dla } t \in (0, \frac{\pi}{\omega}) \\ -\frac{at^2}{2} + R + a \frac{\pi}{\omega} t + C_1 (2 \frac{\pi}{\omega} - t), & \text{dla } t \in (\frac{\pi}{\omega}, 2 \frac{\pi}{\omega}) \end{cases}$$

Uwzględnienie mimośrodowo popychacza

$$\rho(t) = \sqrt{R^2 - m^2 + h(t)}$$



Synteza mechanizmów krzywkowych

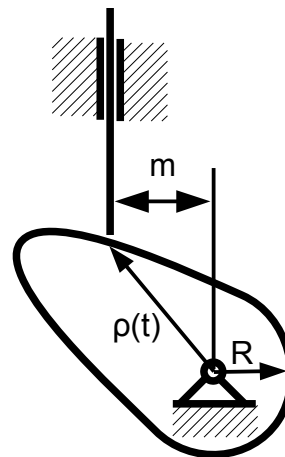
Metoda analityczna – przykład

Dobrać zarys profilu krzywki współpracującej z popychaczem ostrzowym niecentralnym aby uzyskać stałe przyspieszenie wznoszenia i opadania dla stałej prędkości kątowej krzywki.

$$h(t) = \begin{cases} \frac{at^2}{2} + C_1 t + R, & \text{dla } t \in (0, \frac{\pi}{\omega}) \\ -\frac{at^2}{2} + R + a \frac{\pi}{\omega} t + C_1 (2 \frac{\pi}{\omega} - t), & \text{dla } t \in (\frac{\pi}{\omega}, 2 \frac{\pi}{\omega}) \end{cases}$$

Uwzględnienie mimośrodowość popychacza

$$\rho(t) = \sqrt{R^2 - m^2 + h(t)}$$



Przejdzie ze współrzędnych biegunowych na prostokątne

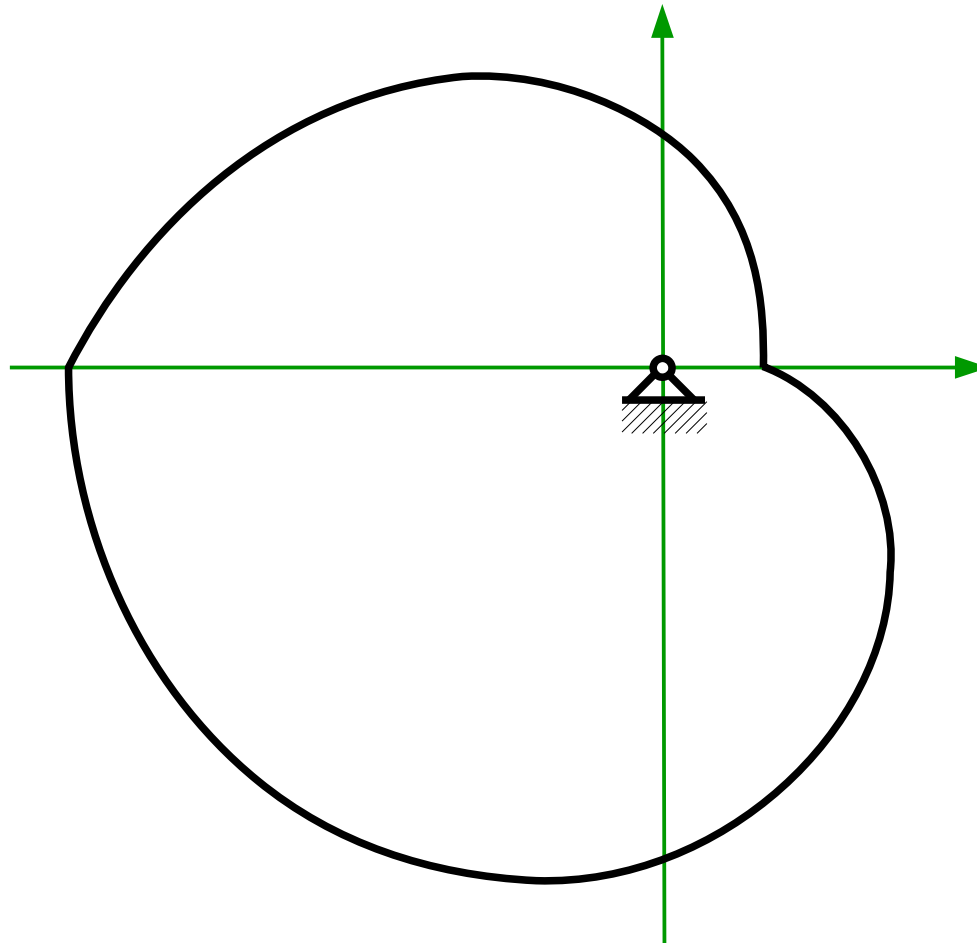
$$x(t) = \rho(t) \cos \omega t$$

$$y(t) = \rho(t) \sin \omega t$$

Synteza mechanizmów krzywkowych

Metoda analityczna – przykład

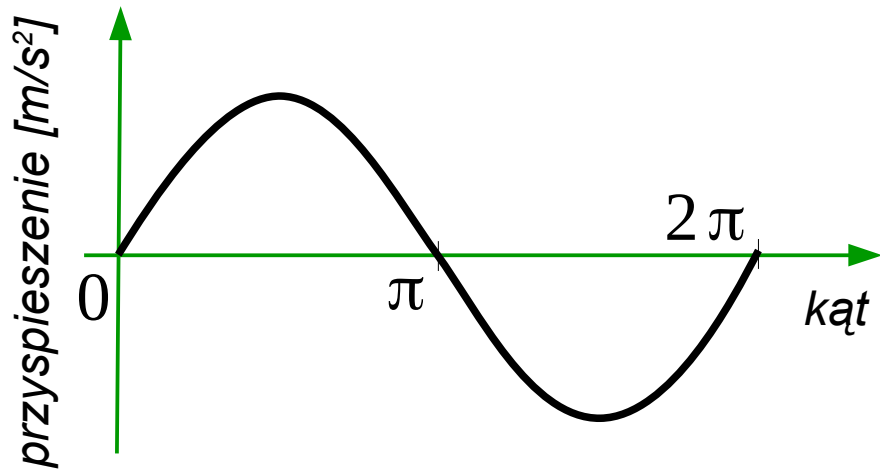
Dobrać zarys profilu krzywki współpracującej z popychaczem ostrzowym niecentralnym aby uzyskać stałe przyspieszenie wznoszenia i opadania dla stałej prędkości kątowej krzywki.



Synteza mechanizmów krzywkowych

Metoda analityczna – przykład 2

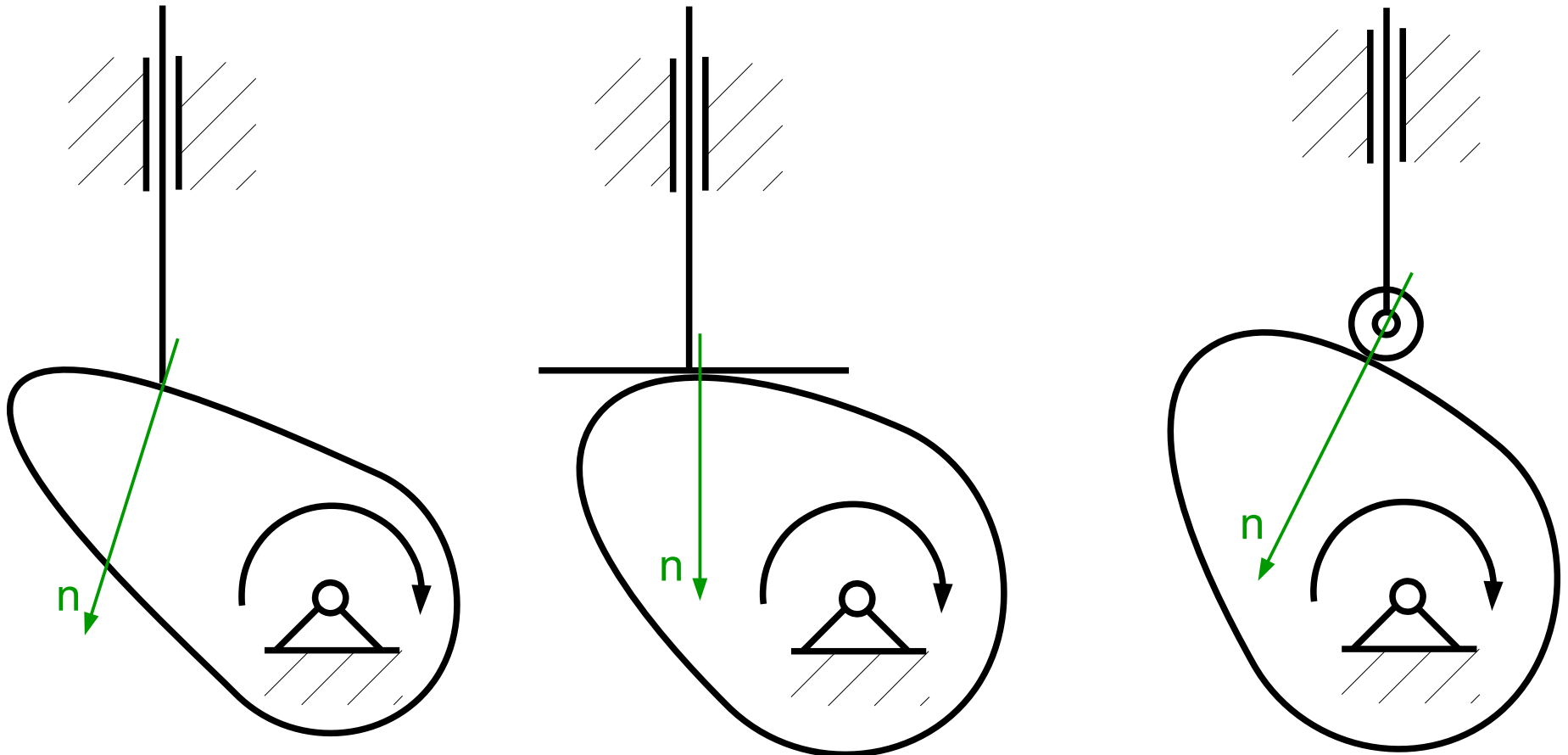
Dobrać zarys profilu krzywki współpracującej z popychaczem ostrzowym centralny aby uzyskać przyspieszenie o przebiegu sinusoidalnym przy stałej prędkości kątowej krzywki.



do domu

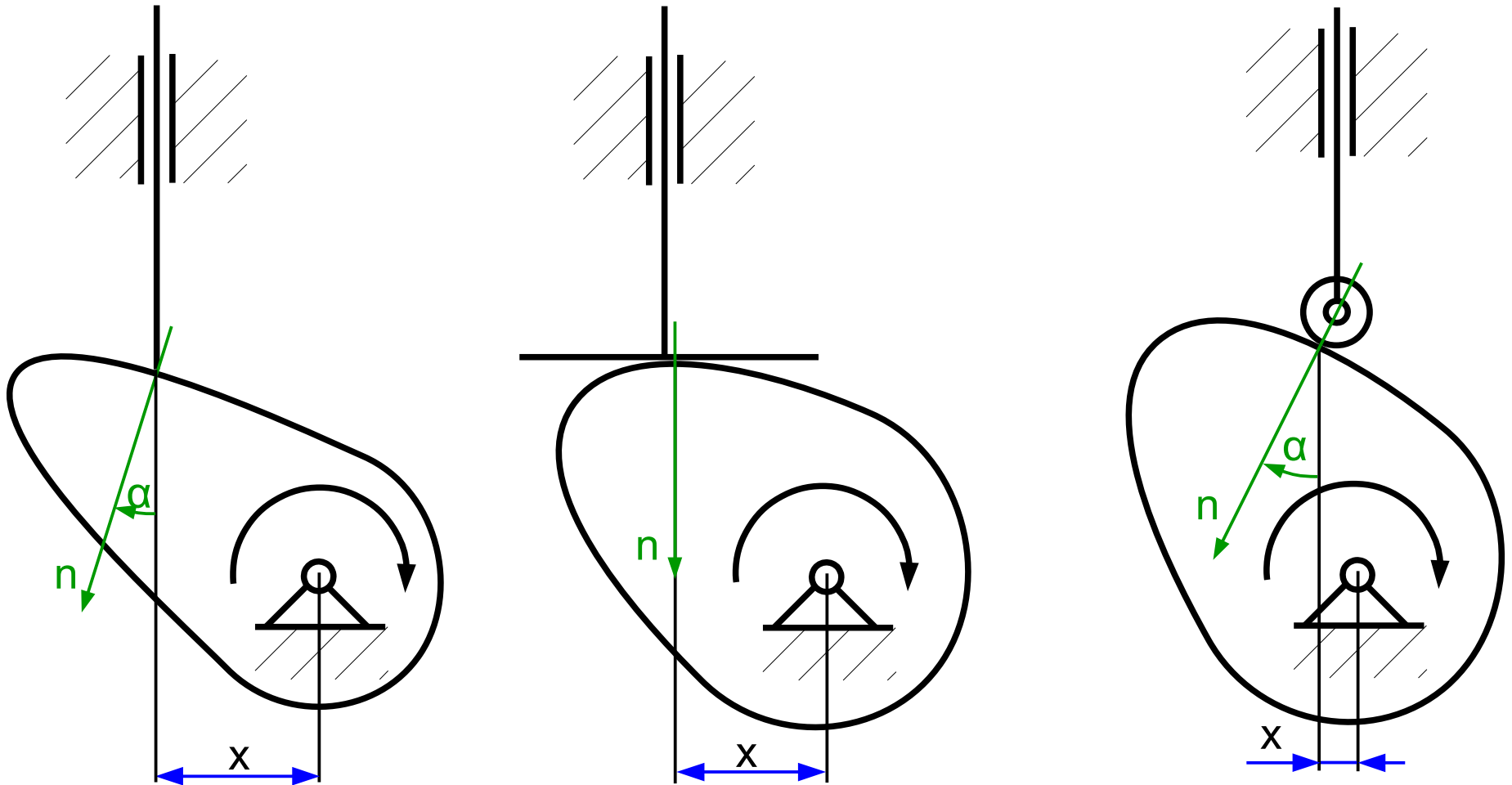
Mechanizmy krzywkowe

Kąt i odległość nacisku



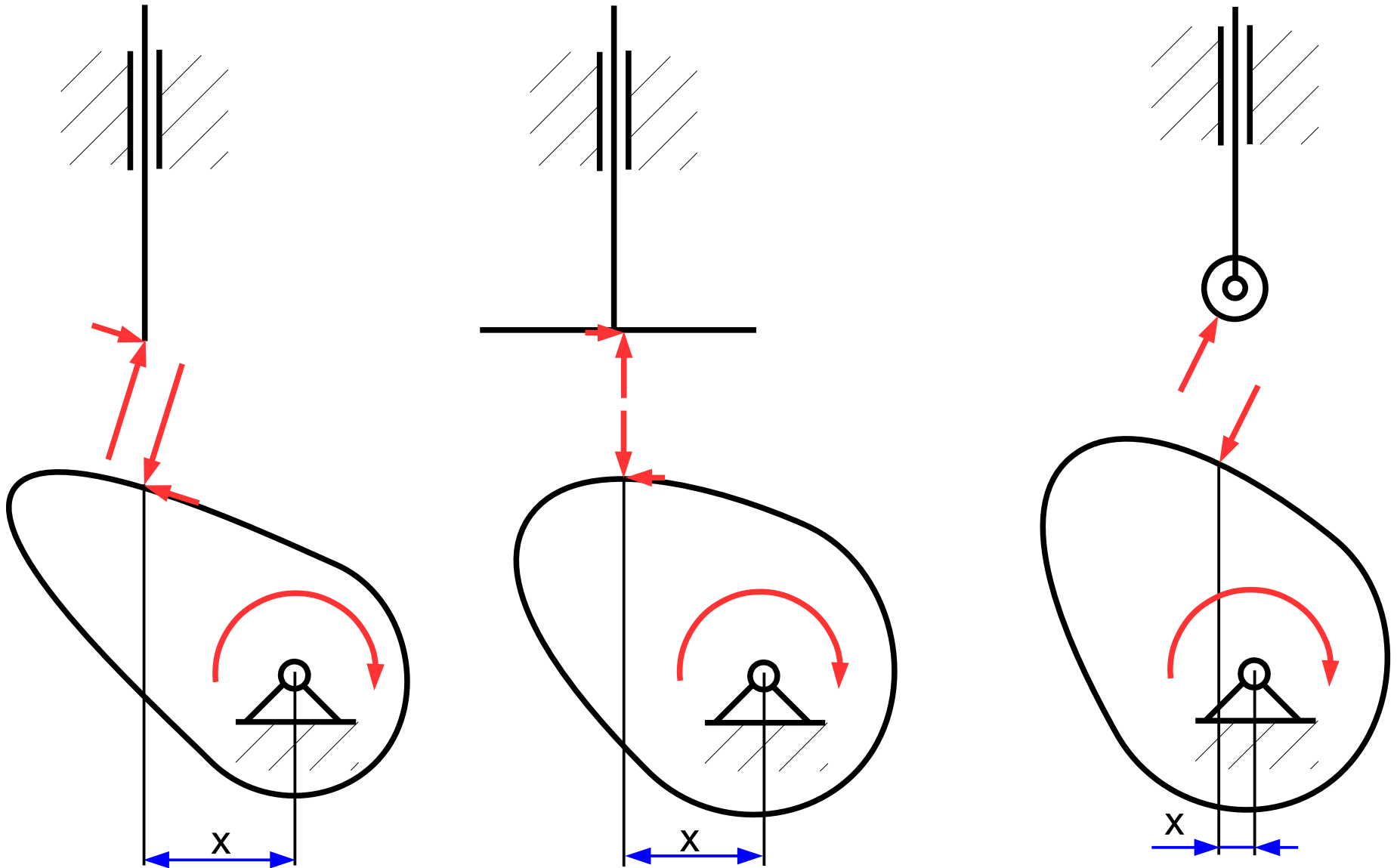
Mechanizmy krzywkowe

Kąt i odległość nacisku



Mechanizmy krzywkowe

Kąt i odległość nacisku



Mechanizmy krzywkowe

Minimalne wymiary krzywki

Warunek 1: minimalny promień krzywizny zarysu ze względu na wytrzymałość i odporność na zużycie.

Mechanizmy krzywkowe

Minimalne wymiary krzywki

Warunek 1: minimalny promień krzywizny zarysu ze względu na wytrzymałość i odporność na zużycie.

Warunek 2: największy dopuszczalny kąt nacisku z warunku wytrzymałości na zginanie popychacza i nacisków maksymalnych w prowadnicy.

Mechanizmy krzywkowe

Minimalne wymiary krzywki

Warunek 1: minimalny promień krzywizny zarysu ze względu na wytrzymałość i odporność na zużycie.

Warunek 2: największy dopuszczalny kąt nacisku z warunku wytrzymałości na zginanie popychacza i nacisków maksymalnych w prowadnicy.

Warunek 3: największa dopuszczalna odległość nacisku (dla popychaczy talerzykowych) z warunku na zginanie trzonu popychacza.

Mechanizmy krzywkowe

Minimalne wymiary krzywki

Warunek 1: minimalny promień krzywizny zarysu ze względu na wytrzymałość i odporność na zużycie.

Warunek 2: największy dopuszczalny kąt nacisku z warunku wytrzymałości na zginanie popychacza i nacisków maksymalnych w prowadnicy.

Warunek 3: największa dopuszczalna odległość nacisku (dla popychaczy talerzykowych) z warunku na zginanie trzonu popychacza.

Uwaga: przesunięcie popychacza w kierunku przeciwnym do kierunku obrotu krzywki zmniejsza kąt nacisku.

Dynamika mechanizmów

Dynamika mechanizmów

Przegląd zagadnień

Opis mechanizmu płaskiego za pomocą brył sztywnych i punktów materialnych.

Wykreślne wyznaczanie sił i momentów sił bezwładności.

Reakcje w parach kinematycznych.

Siły napędzające i robocze.

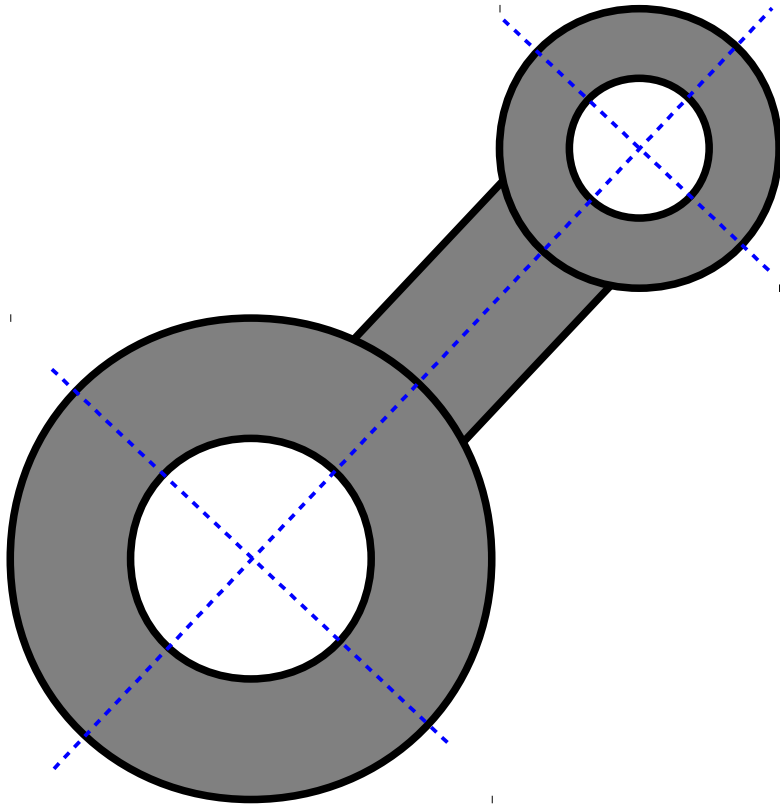
Pierwsze i drugie zadanie dynamiki mechanizmów.

Zastosowanie metod wykreślnych, analityczno-wykreślnych i analitycznych.

Tarcie w parach kinematycznych.

Dynamika mechanizmów

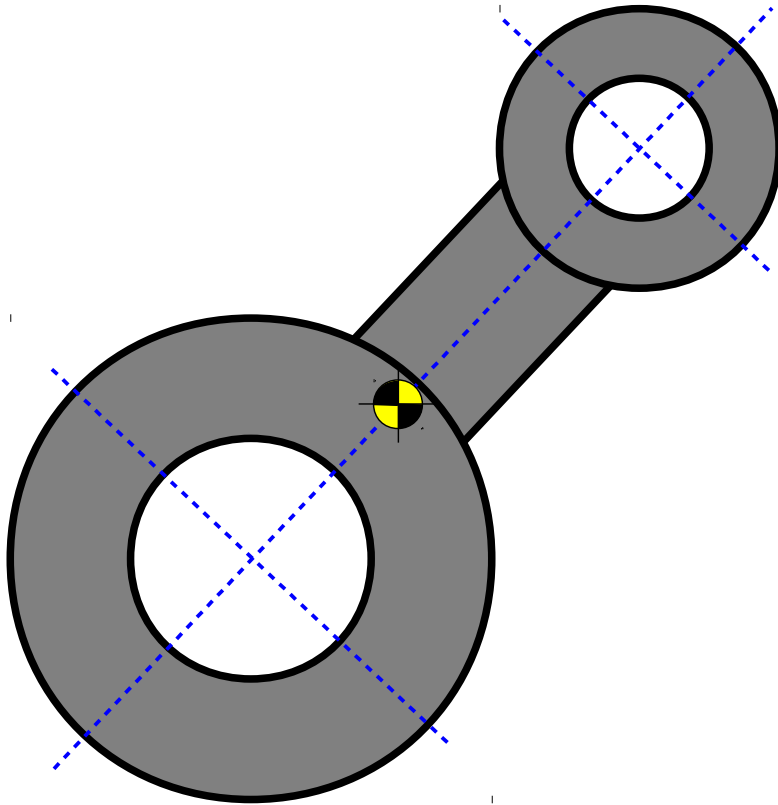
Reprezentacja członów mechanizmu



Dla członu mechanizmu płaskiego
jako bryły sztywnej podajemy:

Dynamika mechanizmów

Reprezentacja członów mechanizmu



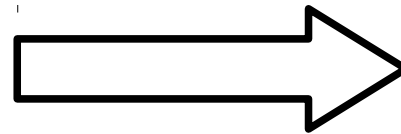
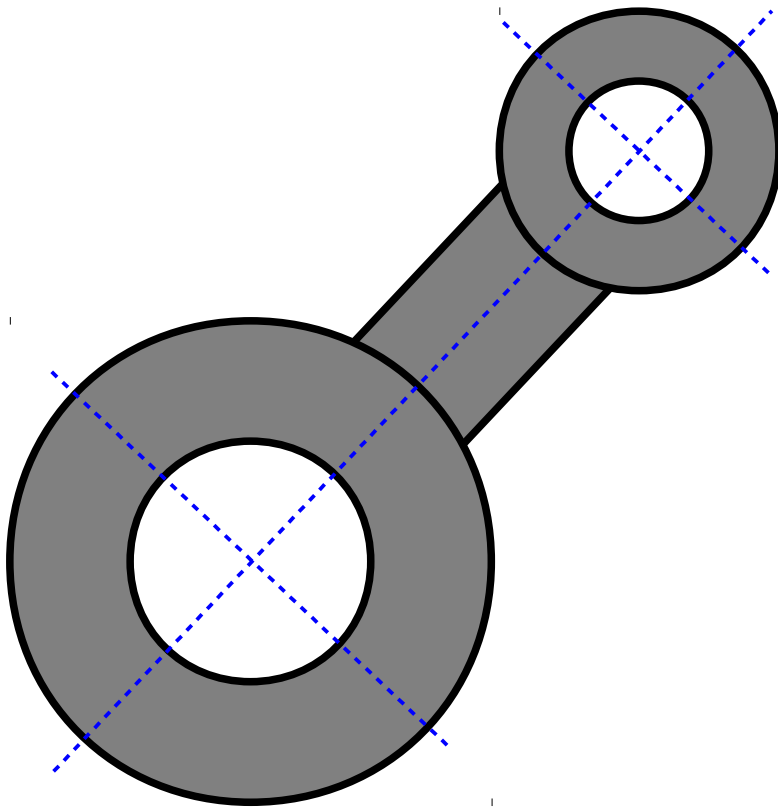
Dla członu mechanizmu płaskiego
jako bryły sztywnej podajemy:

- masa
- położenie środka masy
- masowy moment bezwładności względem osi prostopadłej do płaszczyzny ruchu i przechodzącej przez środek masy
- położenie punktów łączenia w pary kinematyczne

Dynamika mechanizmów

Reprezentacja członów mechanizmu

Metoda mas skupionych

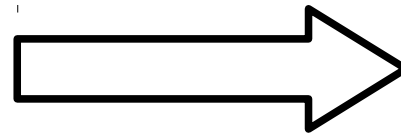
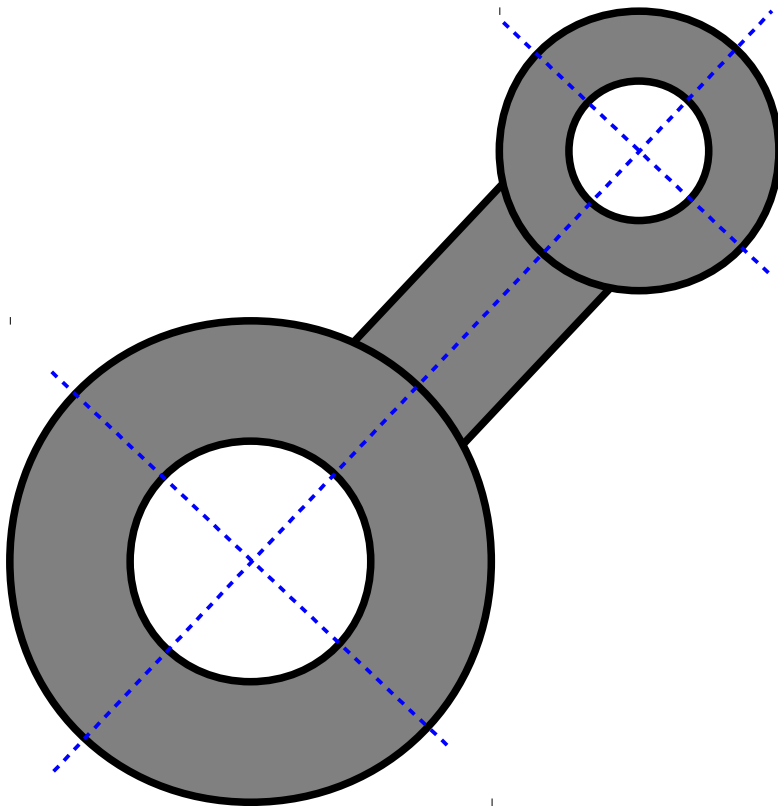


układ punktów materialnych

Dynamika mechanizmów

Reprezentacja członów mechanizmu

Metoda mas skupionych



układ punktów
materialnych

- równość mas
- położenie środka masy
- równość momentów bezwładności

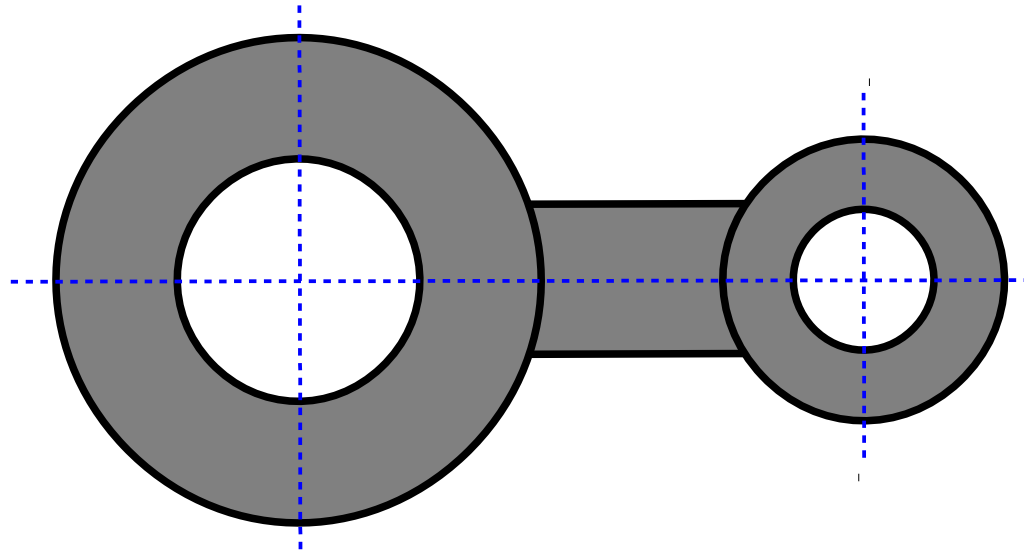
Dynamika mechanizmów

Reprezentacja członów mechanizmu

Metoda mas skupionych - przykład

Dane:

Geometria, masa m ,
położenie środka masy
(pkt. C) i moment
bezwładności I_C



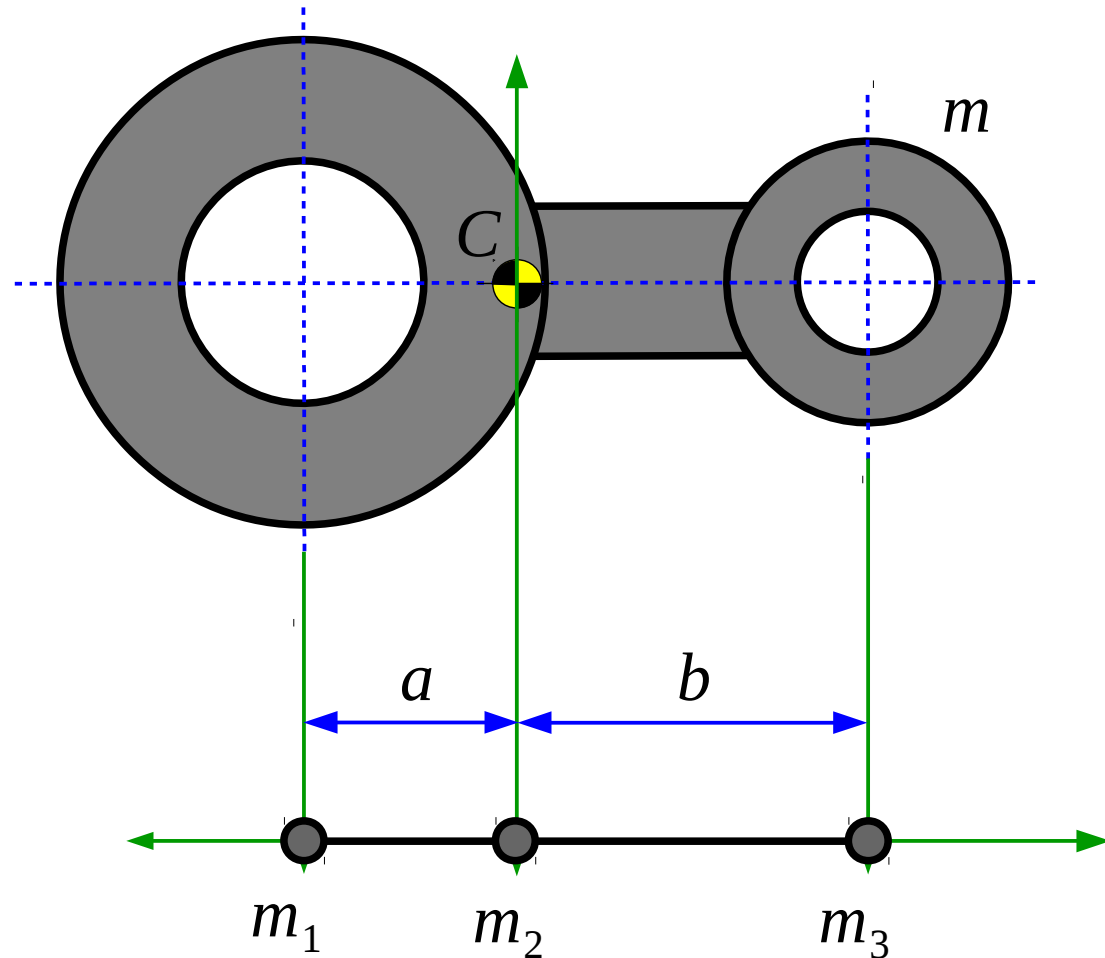
Dynamika mechanizmów

Reprezentacja członów mechanizmu

Metoda mas skupionych - przykład

Dane:

Geometria, masa m ,
położenie środka masy
(pkt. C) i moment
bezwładności I_C



Dynamika mechanizmów

Reprezentacja członów mechanizmu

Metoda mas skupionych - przykład

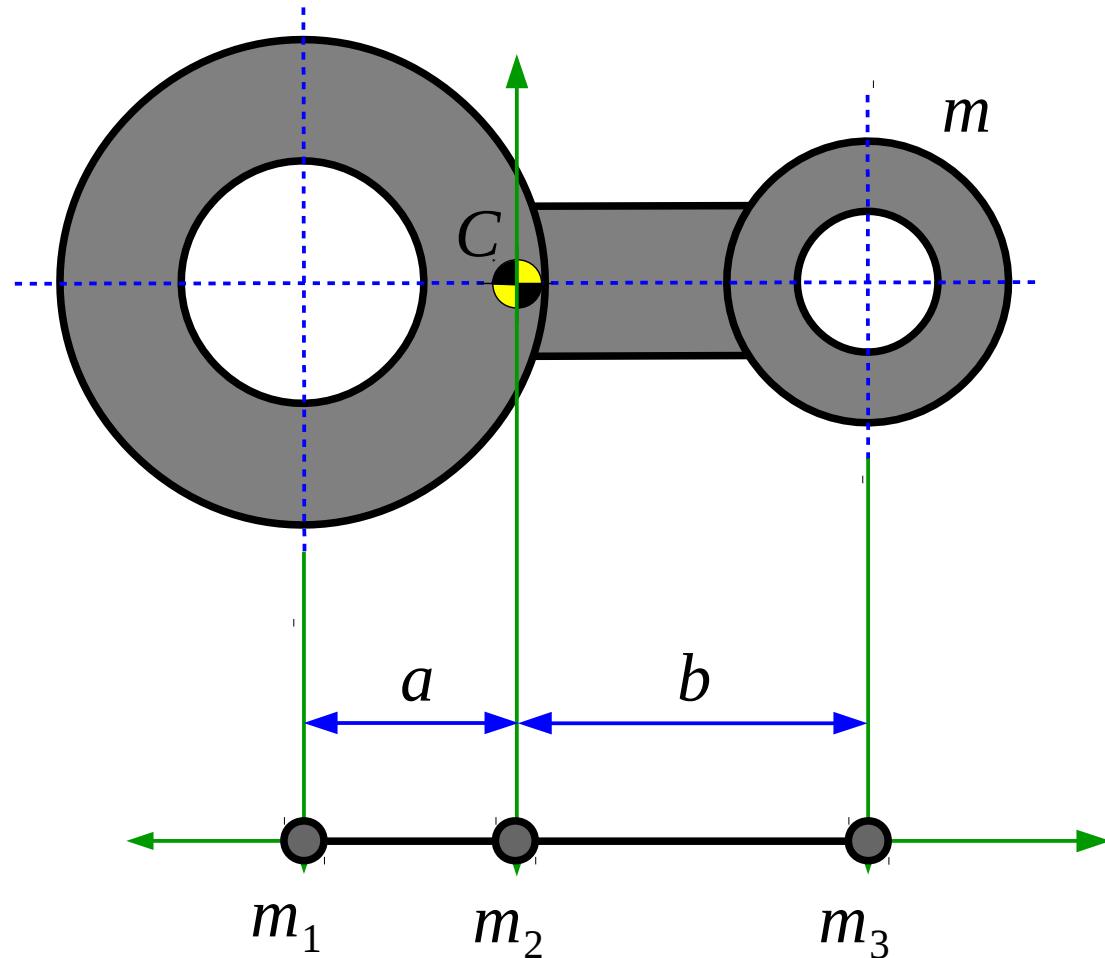
Dane:

Geometria, masa m ,
położenie środka masy
(pkt. C) i moment
bezwładności I_C

$$m_1 + m_2 + m_3 = m$$

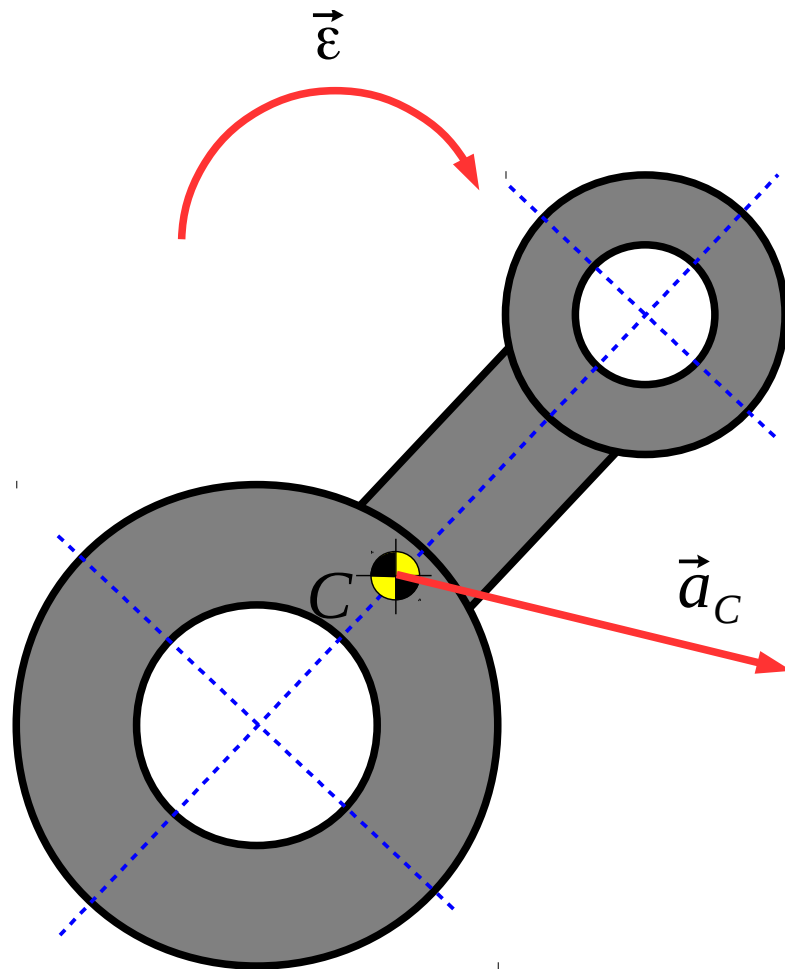
$$\frac{-a m_1 + b m_3}{m_1 + m_2 + m_3} = 0$$

$$m_1 a^2 + m_3 b^2 = I_C$$



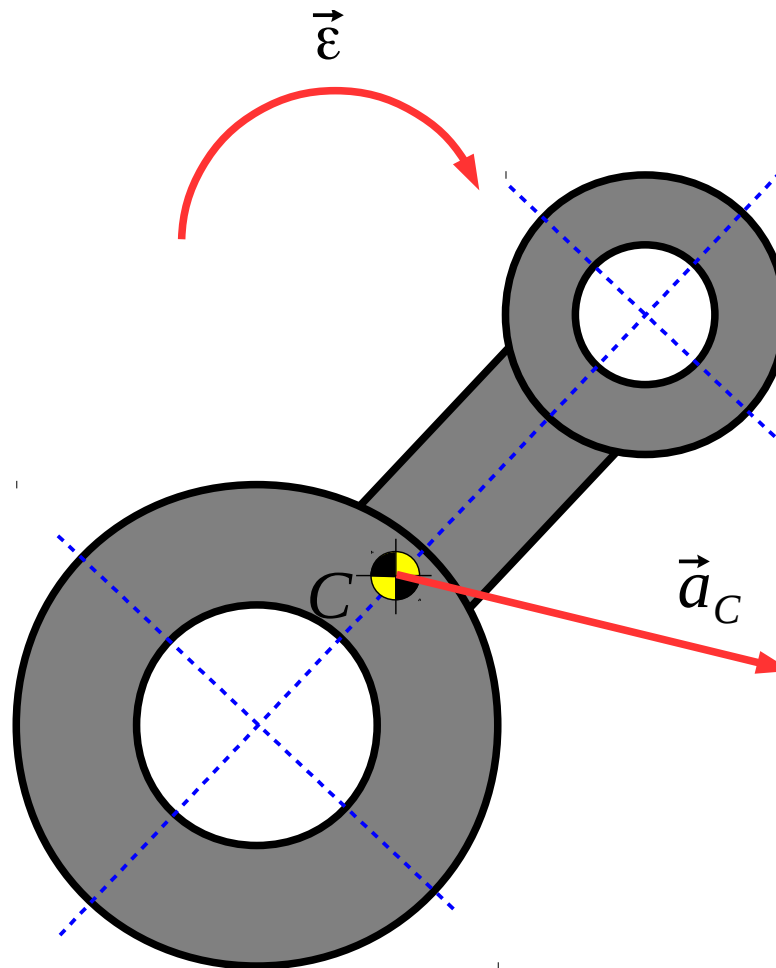
Dynamika mechanizmów

Siły i momenty sił bezwładności



Dynamika mechanizmów

Siły i momenty sił bezwładności

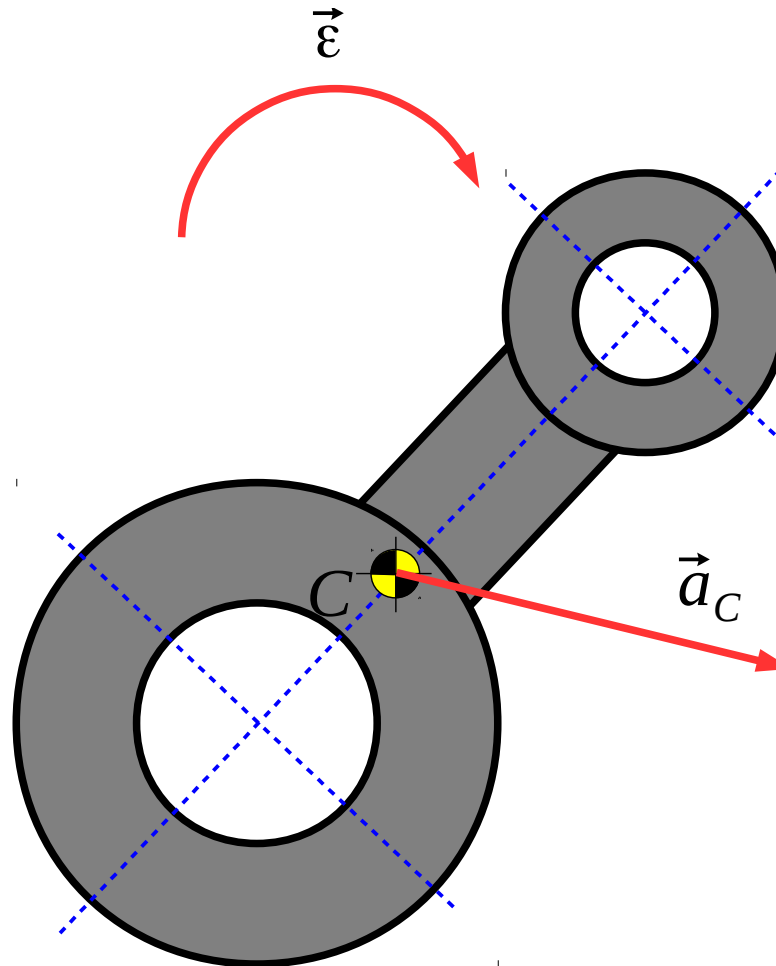


siła bezwładności

$$\vec{B}_C = -m \vec{a}_C$$

Dynamika mechanizmów

Siły i momenty sił bezwładności



siła bezwładności

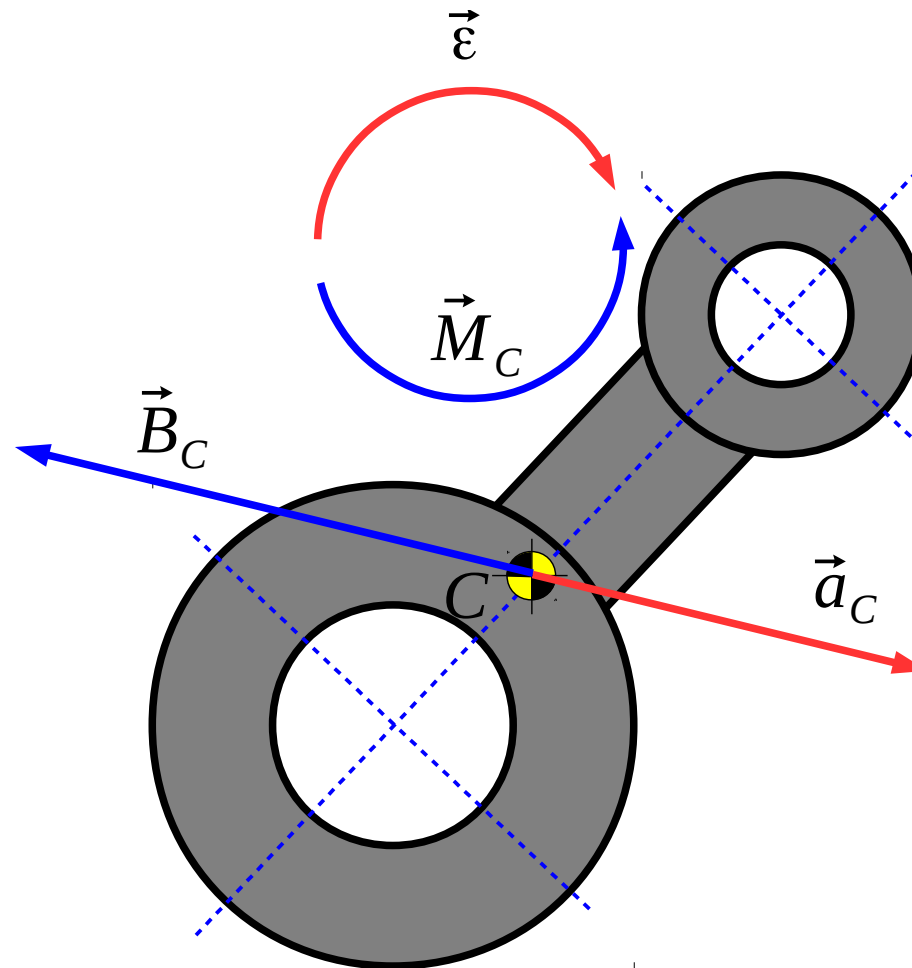
$$\vec{B}_C = -m \vec{a}_C$$

Moment od sił bezwładności

$$\vec{M}_C = -I_C \vec{\varepsilon}$$

Dynamika mechanizmów

Siły i momenty sił bezwładności



siła bezwładności

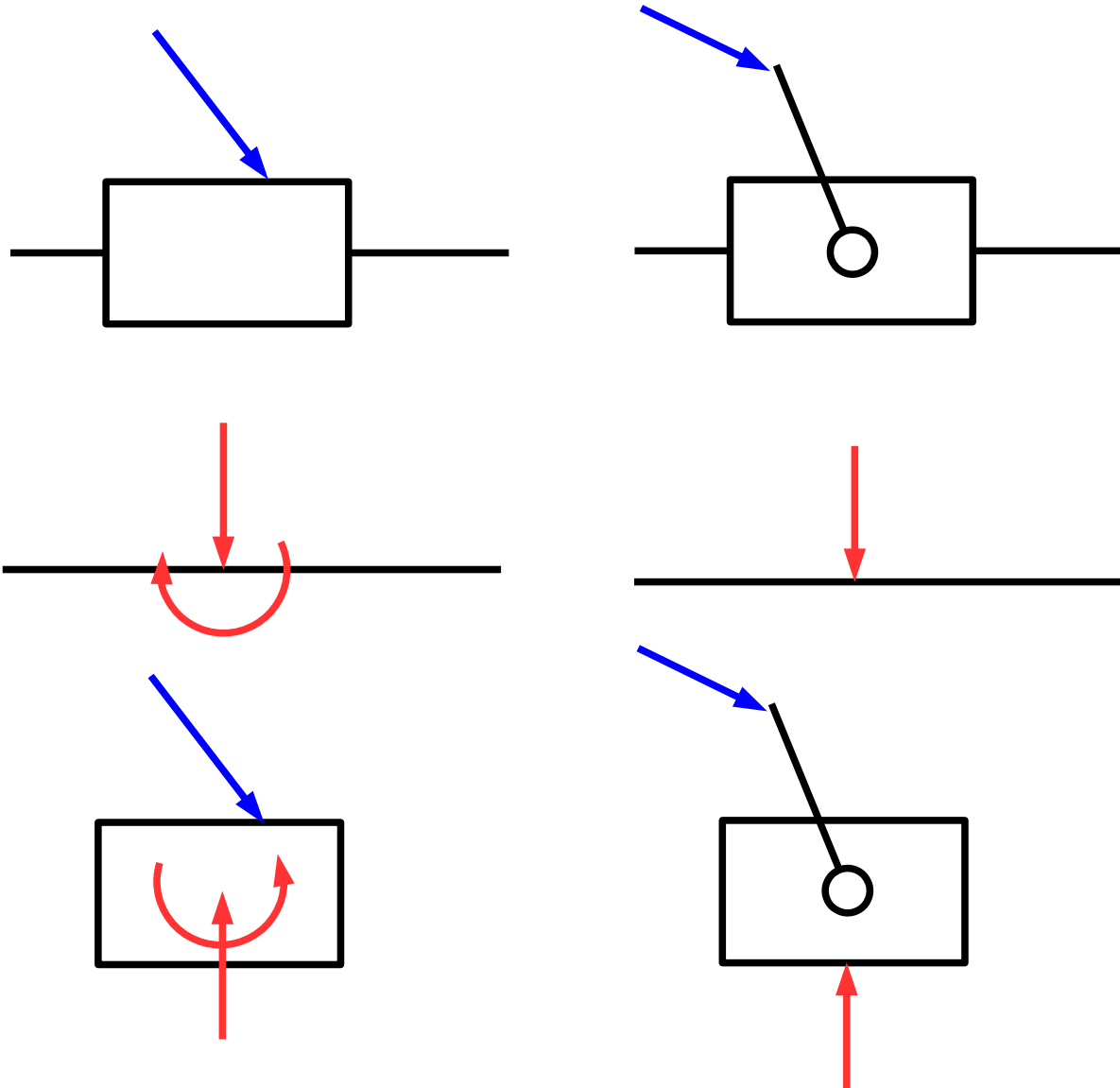
$$\vec{B}_C = -m \vec{a}_C$$

Moment od sił bezwładności

$$\vec{M}_C = -I_C \vec{\varepsilon}$$

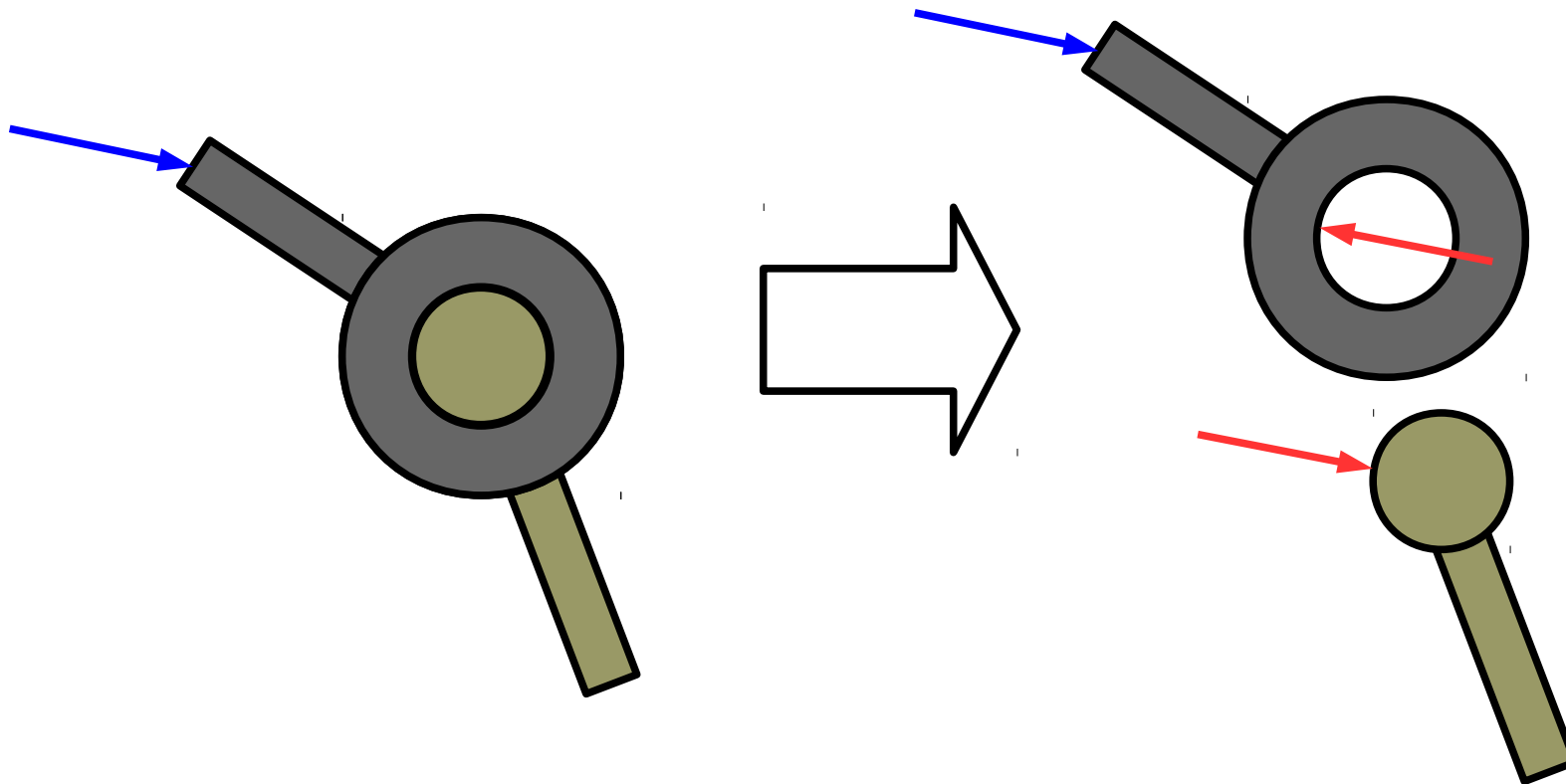
Dynamika mechanizmów

Reakcje w parach kinematycznych (bez tarcia)



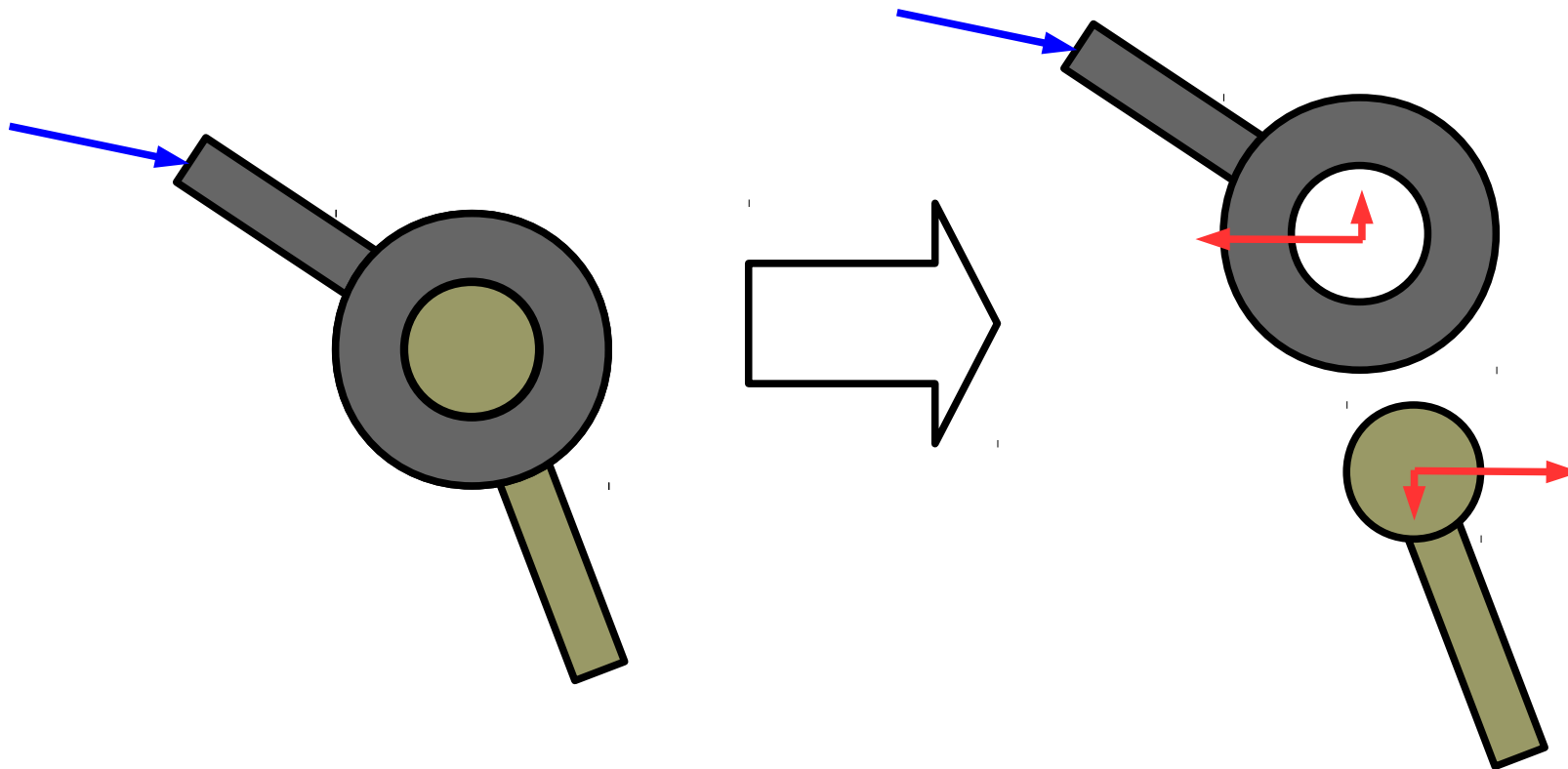
Dynamika mechanizmów

Reakcje w parach kinematycznych (bez tarcia)



Dynamika mechanizmów

Reakcje w parach kinematycznych (bez tarcia)



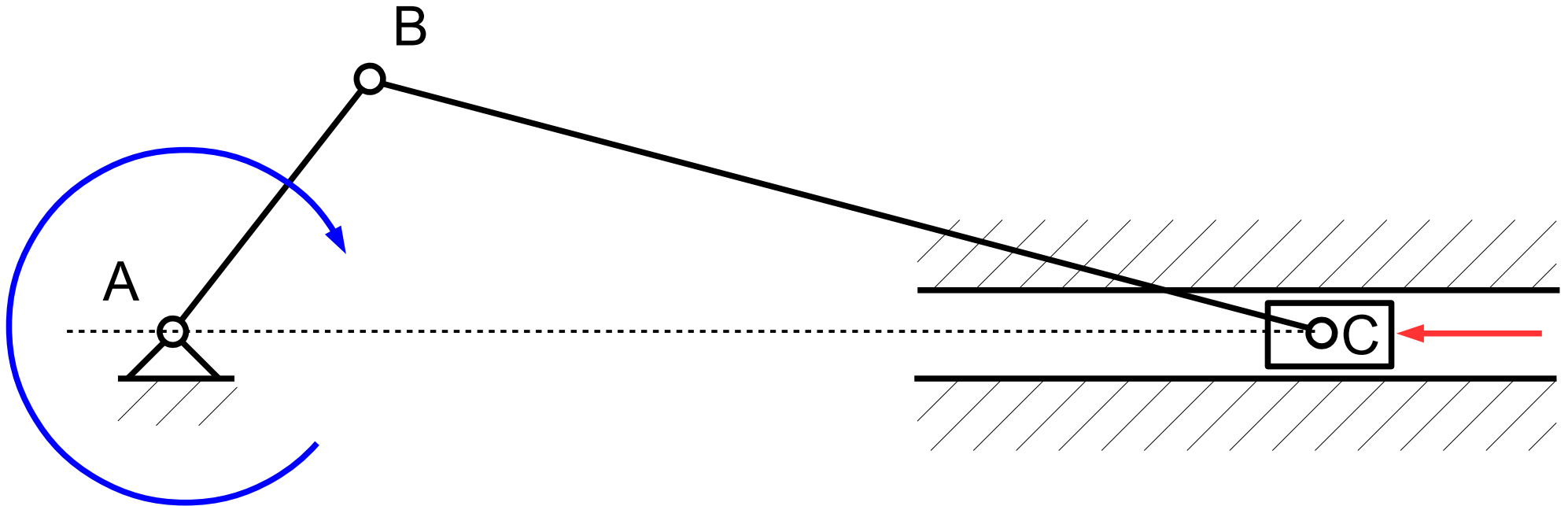
Dynamika mechanizmów

Siły napędzające i robocze

Dynamika mechanizmów

Siły napędzające i robocze

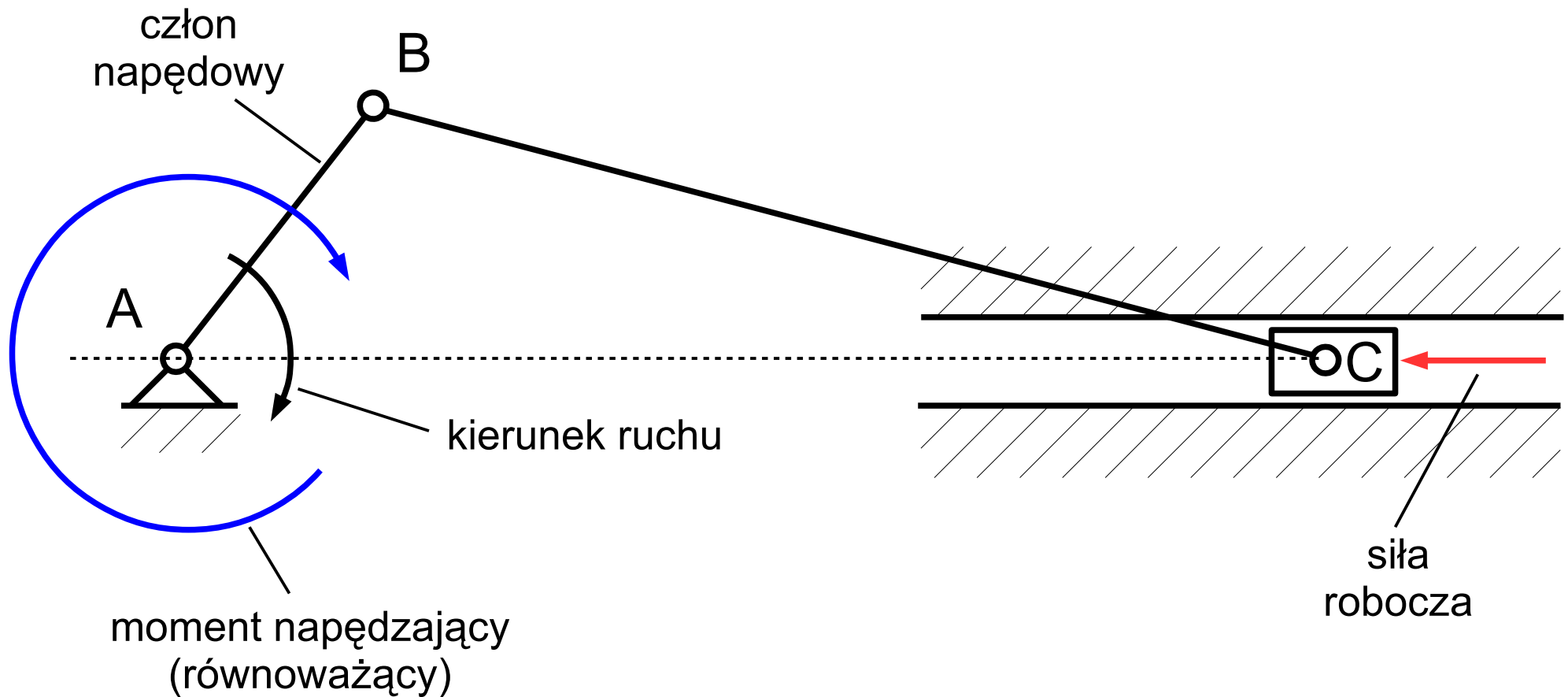
Przykład – sprężarka



Dynamika mechanizmów

Siły napędzające i robocze

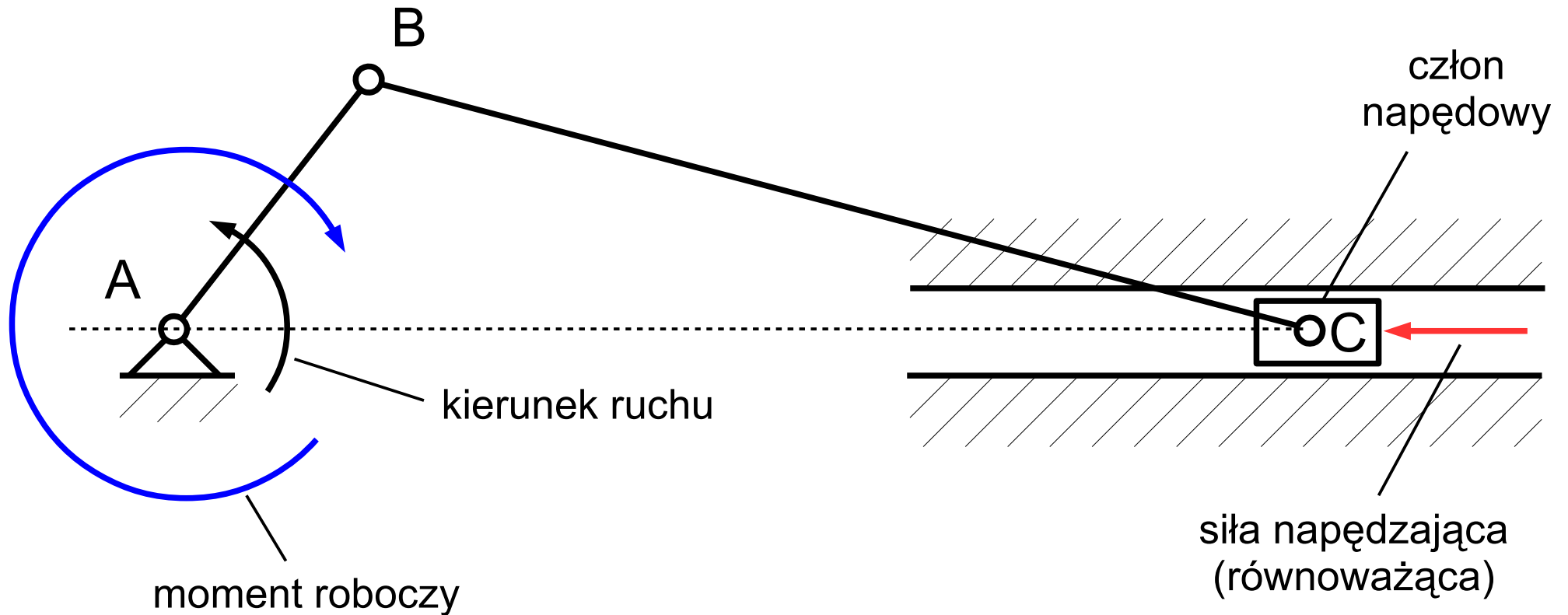
Przykład – sprężarka



Dynamika mechanizmów

Siły napędzające i robocze

Przykład – silnik



Dynamika mechanizmów

Pierwsze zadanie dynamiki – wyznaczenie sił i momentów sił działających na mechanizm wywołujących zadany ruch mechanizmu.

Drugie zadanie dynamiki – wyznaczenie ruchu mechanizmu pod wpływem sił i momentów zewnętrznych.

Dynamika mechanizmów

Pierwsze zadanie dynamiki

Wyznaczenie sił i momentów sił działających na mechanizm wywołujących zadany ruch mechanizmu.

0. Zaprojektowanie mechanizmu do wykonywania konkretnego zadania. Ustalenie napędu i sprawdzenie zgodności z założeniami przebiegu przemieszczeń, prędkości i przyspieszeń.

1. W oparciu o wyznaczone przyspieszenia wyznaczyć siły bezwładności działające na człony ruchome mechanizmu w wybranym położeniu mechanizmu.

2. Dokonać rozkładu mechanizmu na podukłady ujawniając reakcje w połączeniach.

3. Zapisać równania d'Alemberta dla podukładów mechanizmu (dla ruchu postępowego i obrotowego).

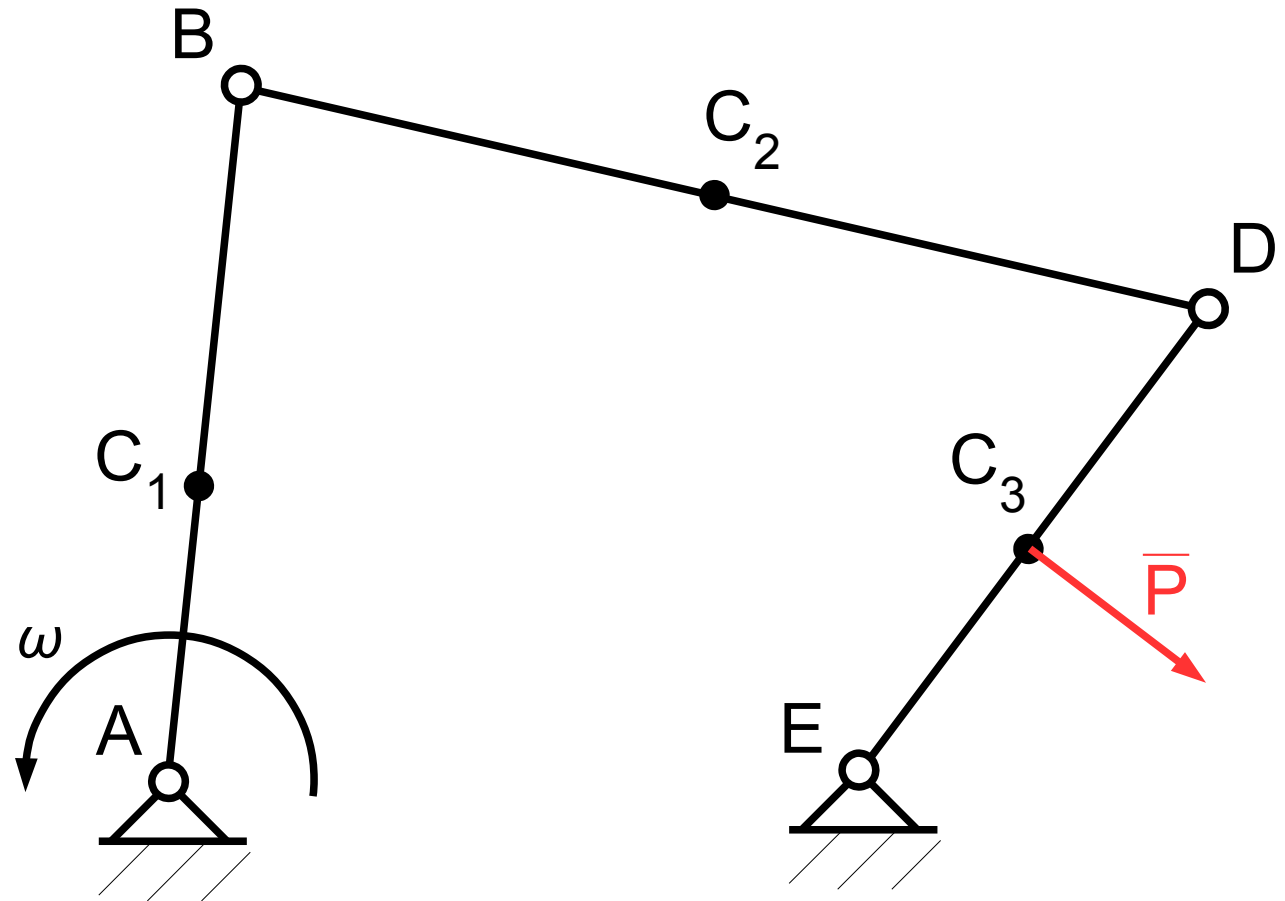
4. Rozwiązać powstałe równania metodą graficzną, analityczną lub mieszaną.

Dynamika mechanizmów

Pierwsze zadanie dynamiki – przykład

Dane:

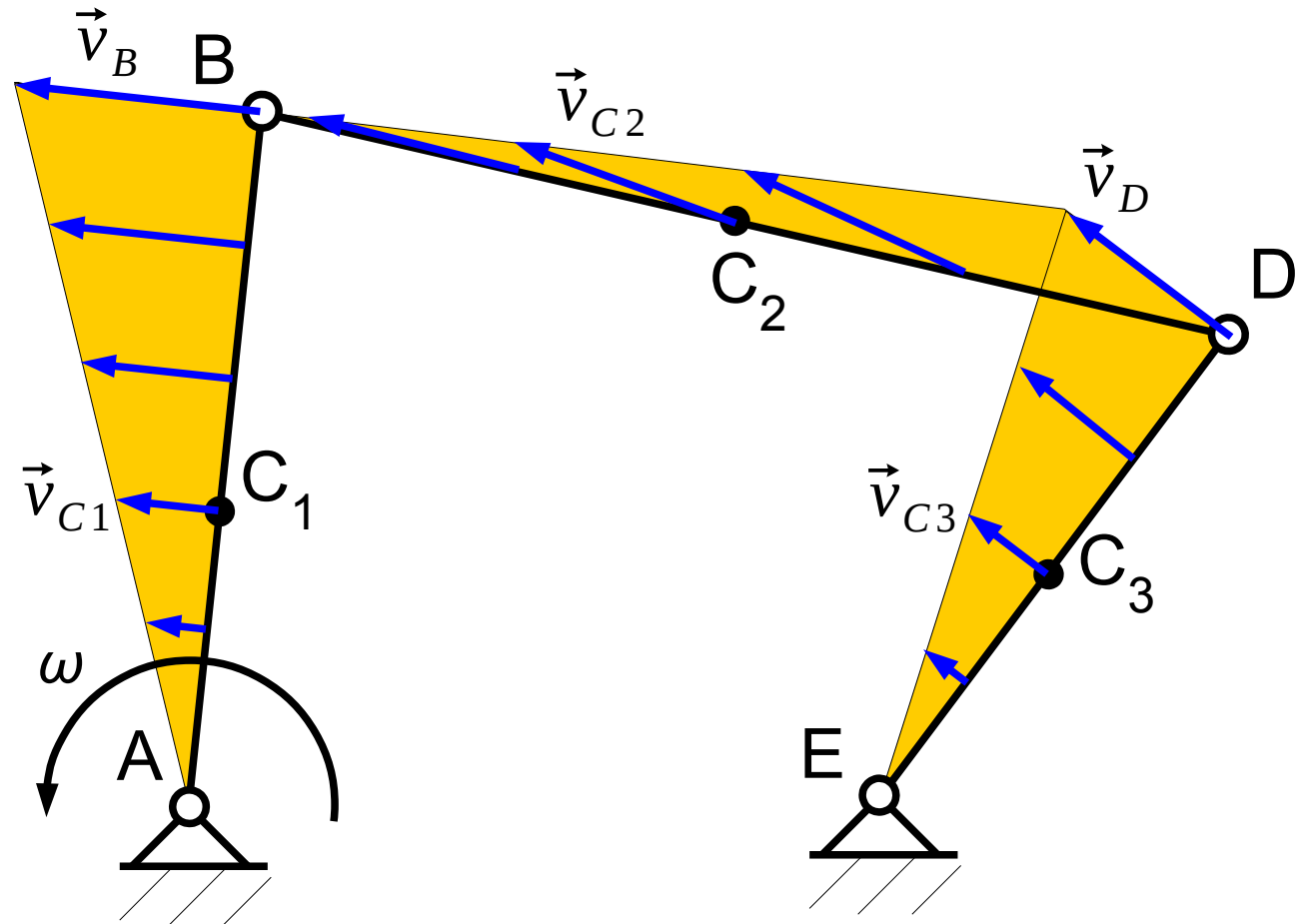
Geometria, masy,
położenia środków mas i
momenty bezwładności
członów mechanizmu.
Stała prędkość kątowa
członu napędowego ω
oraz wektor siły roboczej
 \bar{P} w danym położeniu
mechanizmu.



Dynamika mechanizmów

Pierwsze zadanie dynamiki – przykład

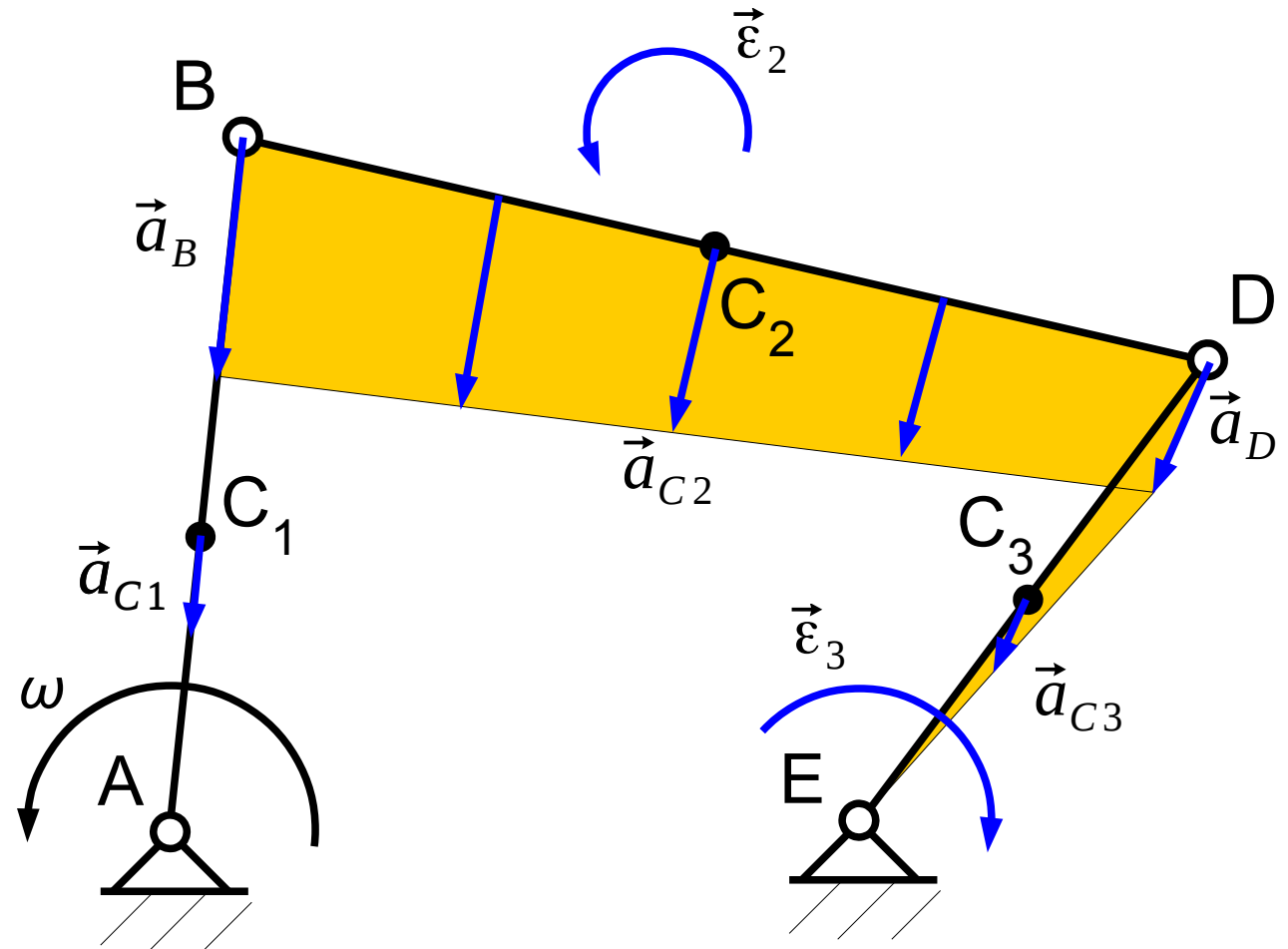
rozkład prędkości



Dynamika mechanizmów

Pierwsze zadanie dynamiki – przykład

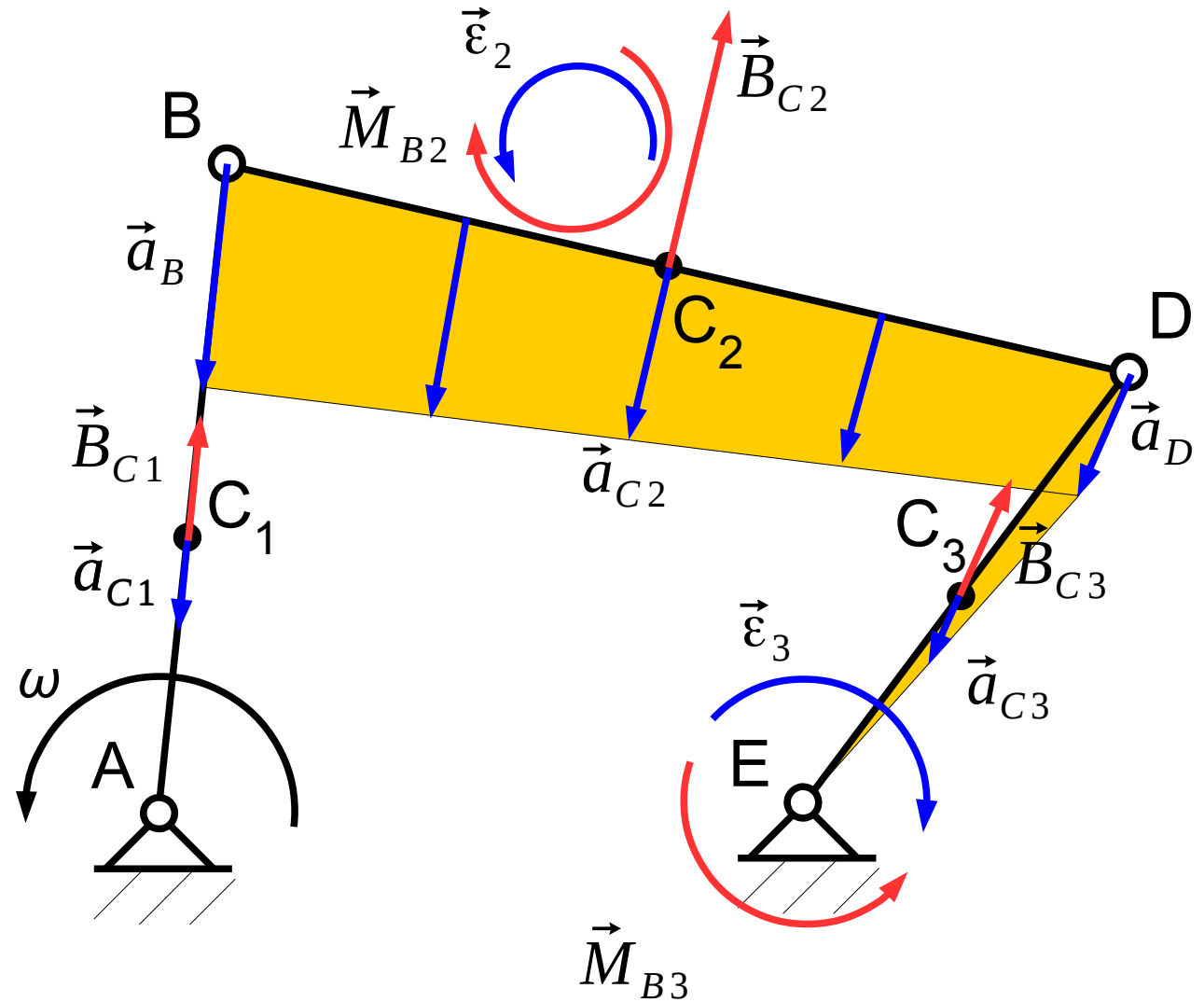
rozkład przyspieszeń



Dynamika mechanizmów

Pierwsze zadanie dynamiki – przykład

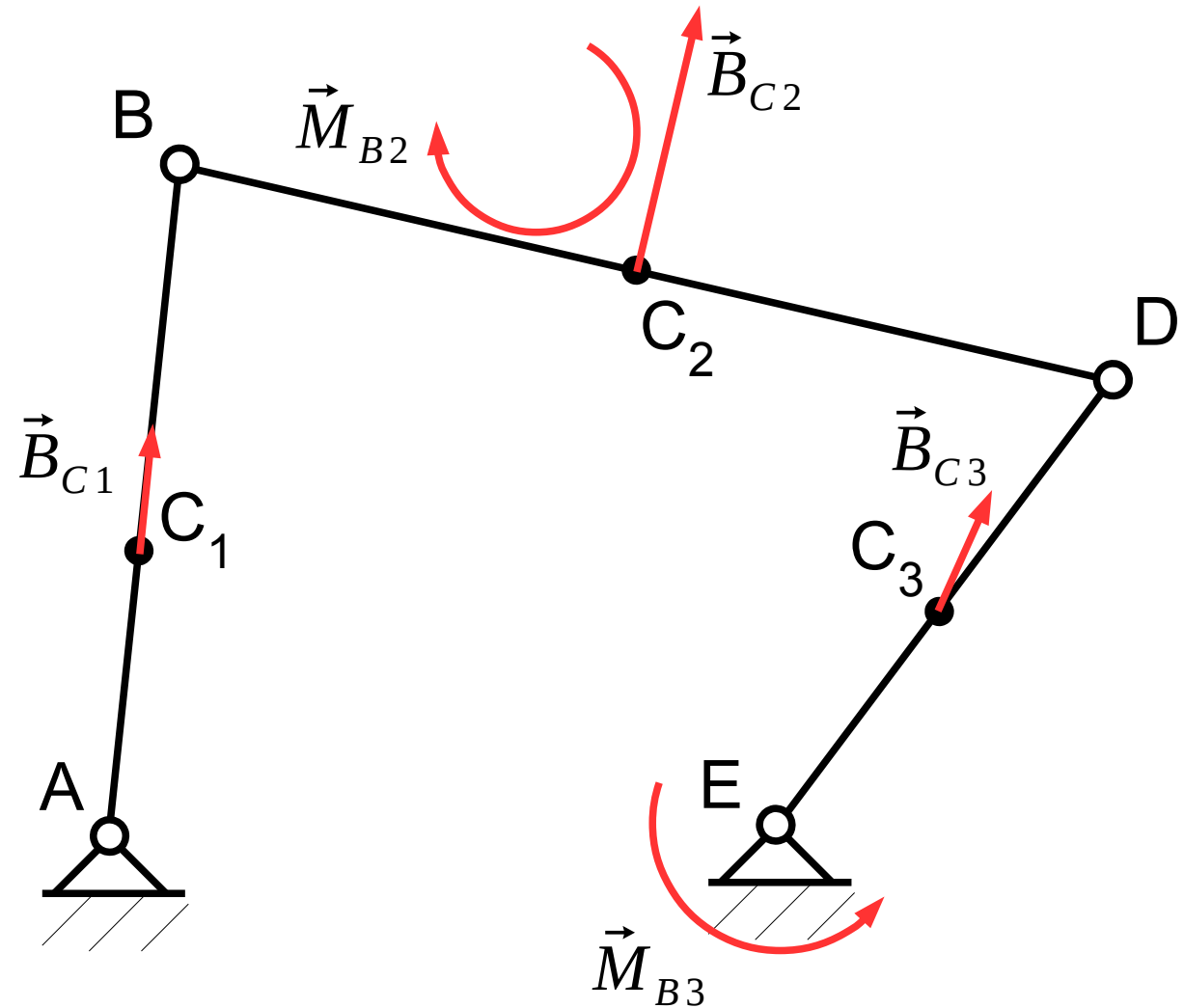
siły bezwładności



Dynamika mechanizmów

Pierwsze zadanie dynamiki – przykład

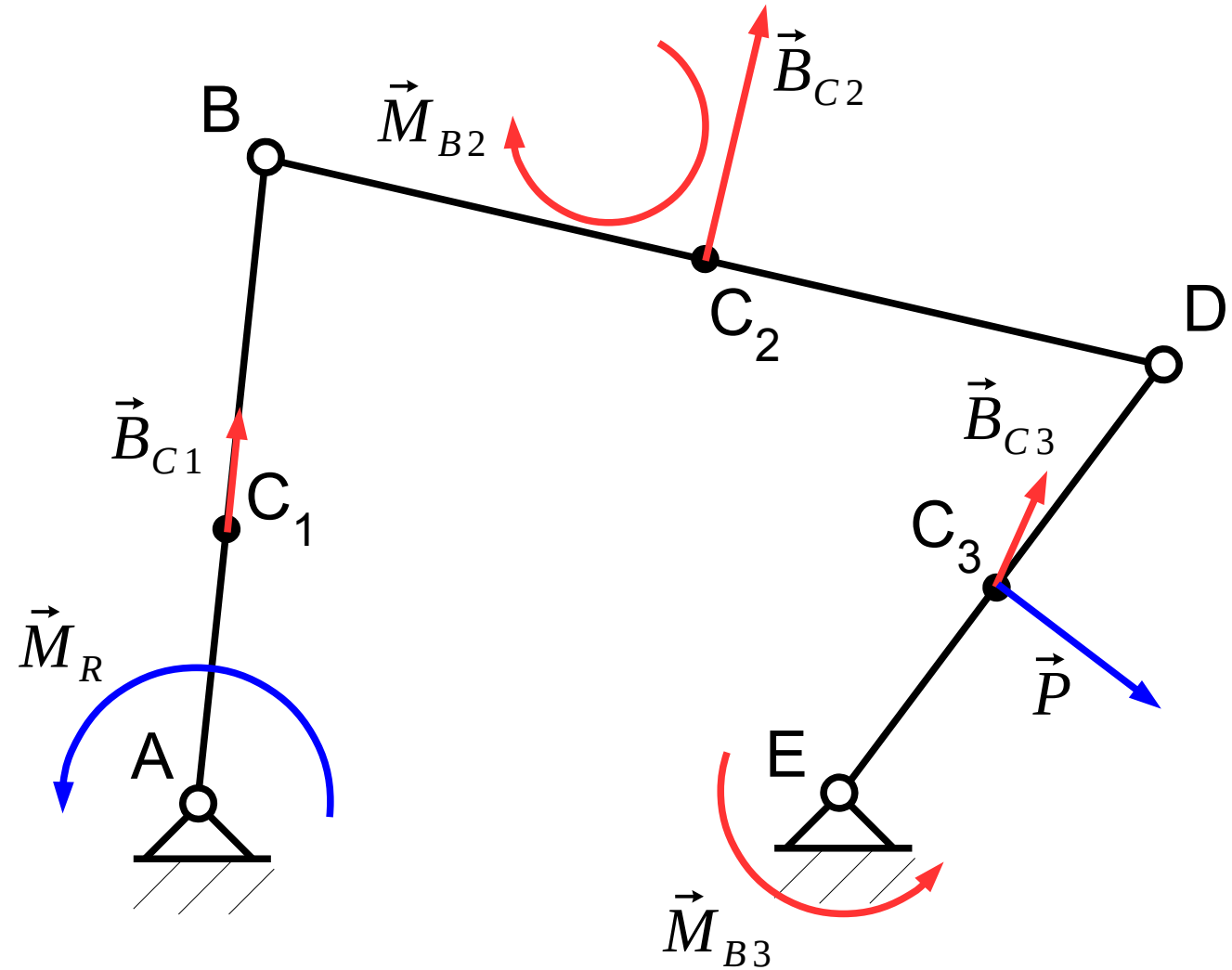
siły bezwładności



Dynamika mechanizmów

Pierwsze zadanie dynamiki – przykład

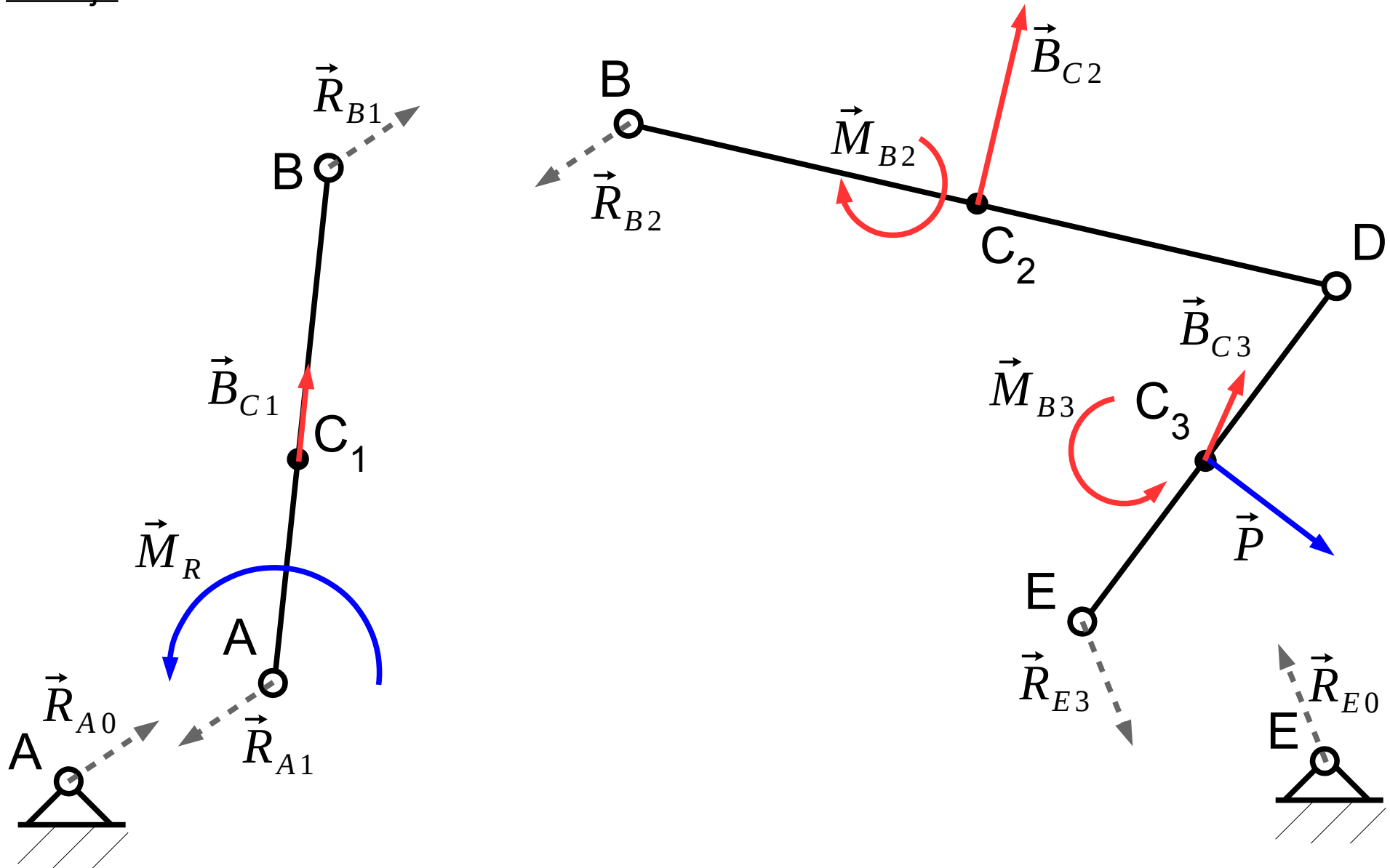
siły bezwładności
i siły zewnętrzne



Dynamika mechanizmów

Pierwsze zadanie dynamiki – przykład

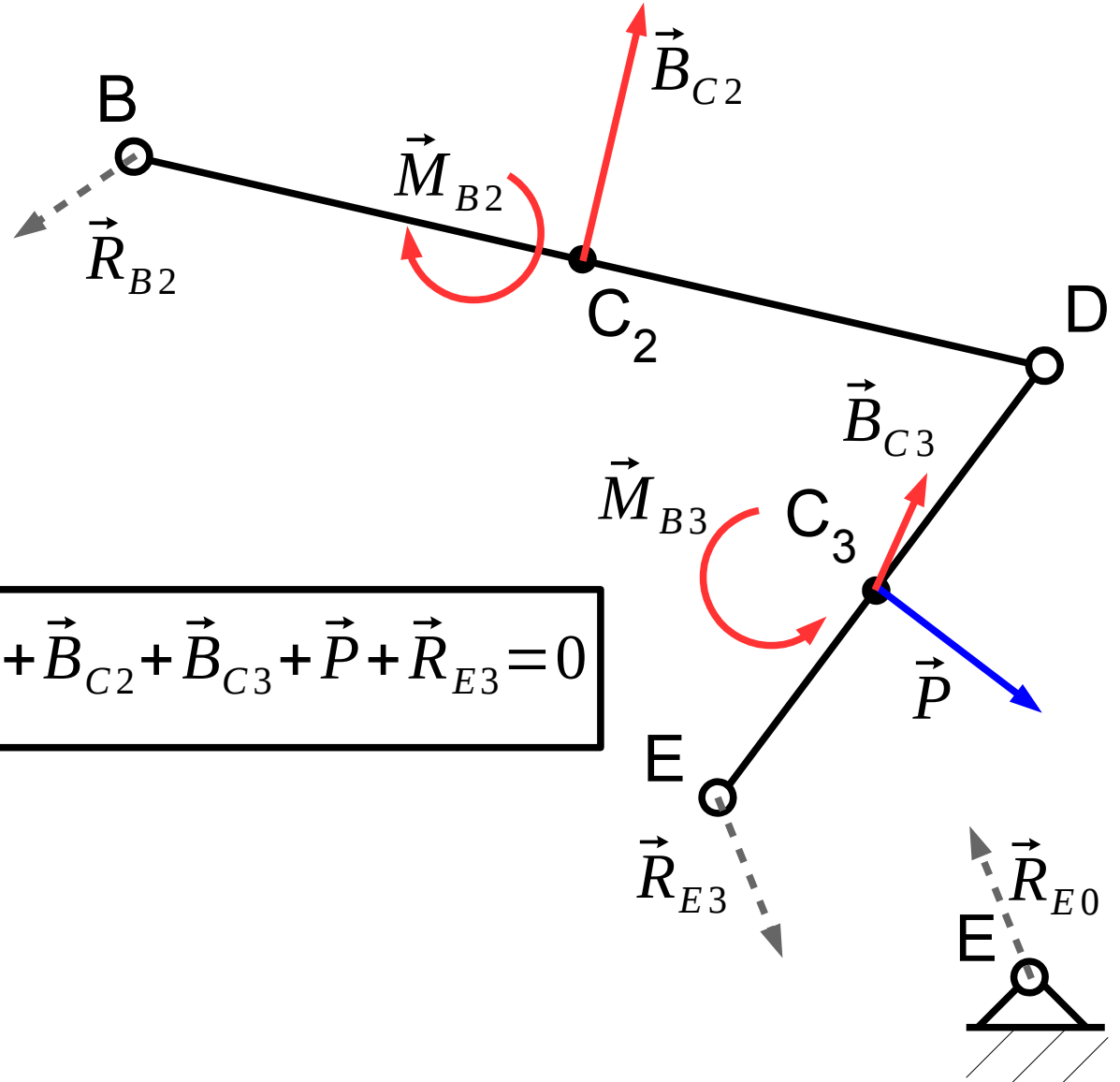
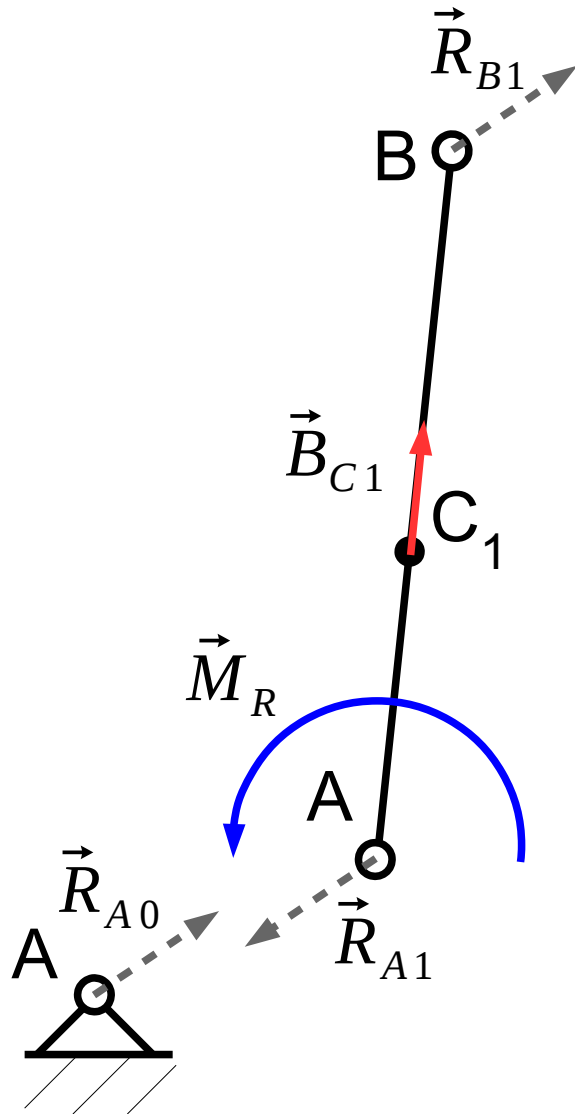
reakcje



Dynamika mechanizmów

Pierwsze zadanie dynamiki – przykład

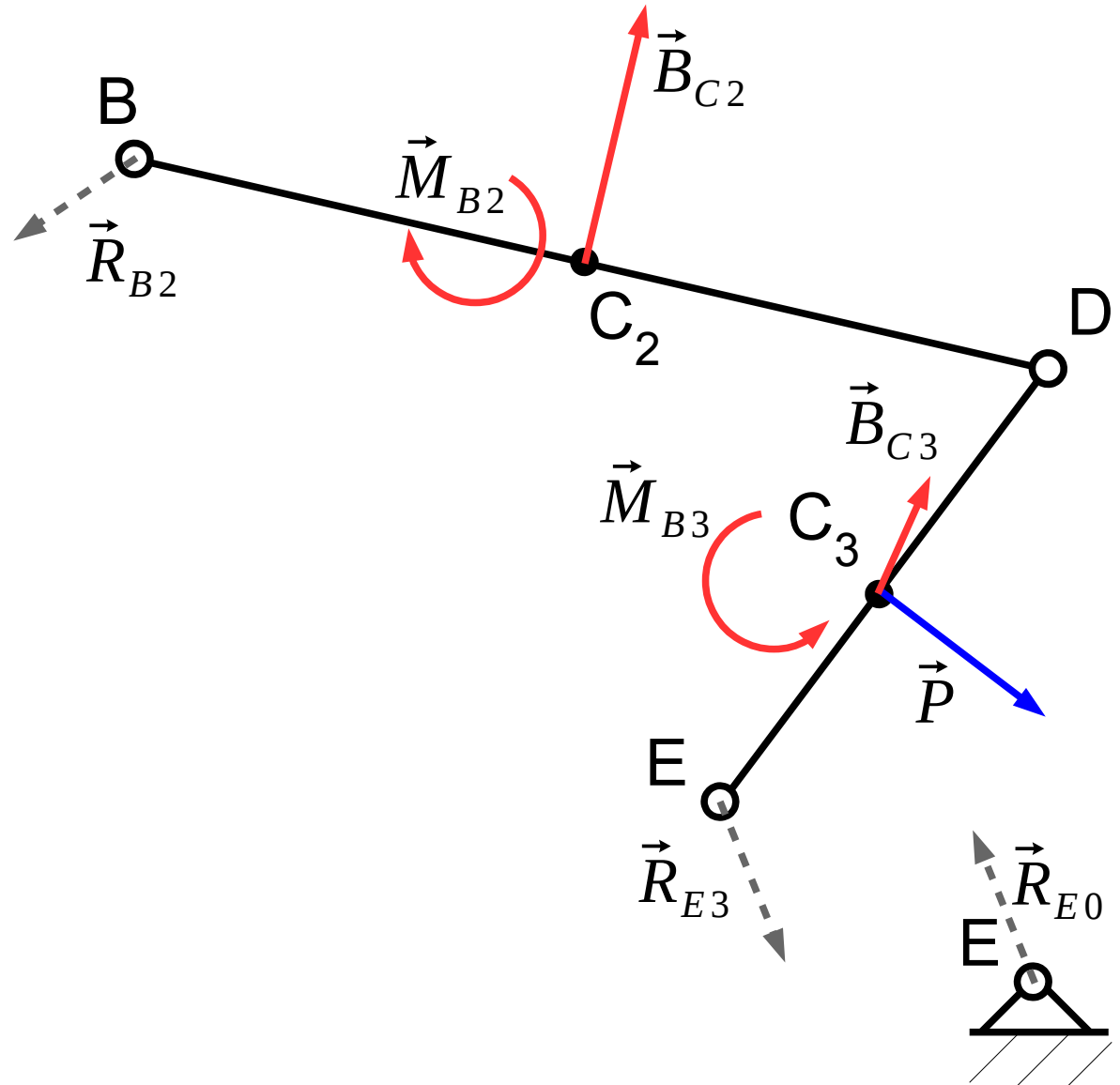
$$\vec{R}_{A1} + \vec{B}_{C1} + \vec{R}_{B1} = 0$$



$$\vec{R}_{B2} + \vec{B}_{C2} + \vec{B}_{C3} + \vec{P} + \vec{R}_{E3} = 0$$

Dynamika mechanizmów

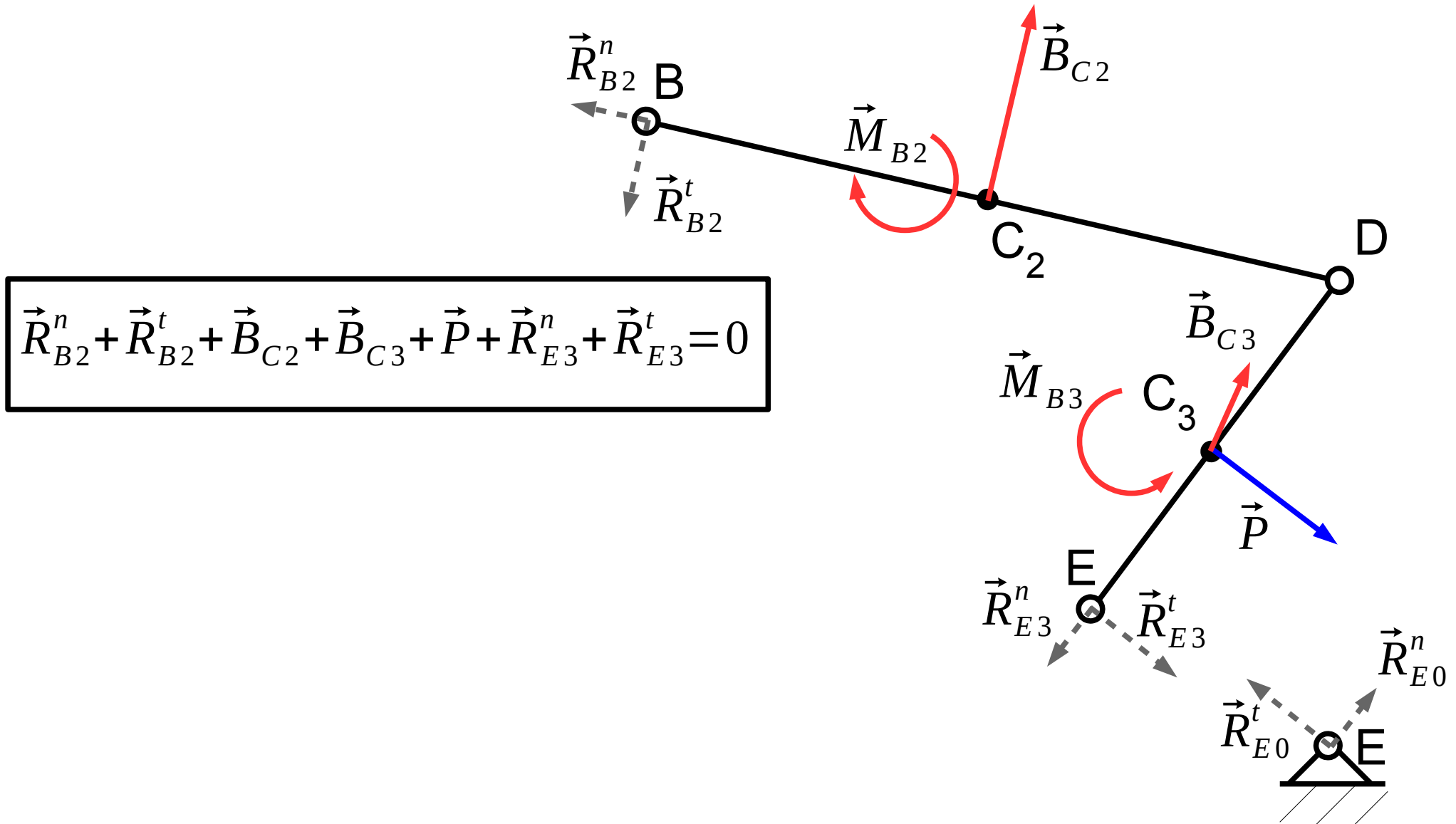
Pierwsze zadanie dynamiki – przykład



$$\vec{R}_{B2} + \vec{B}_{C2} + \vec{B}_{C3} + \vec{P} + \vec{R}_{E3} = 0$$

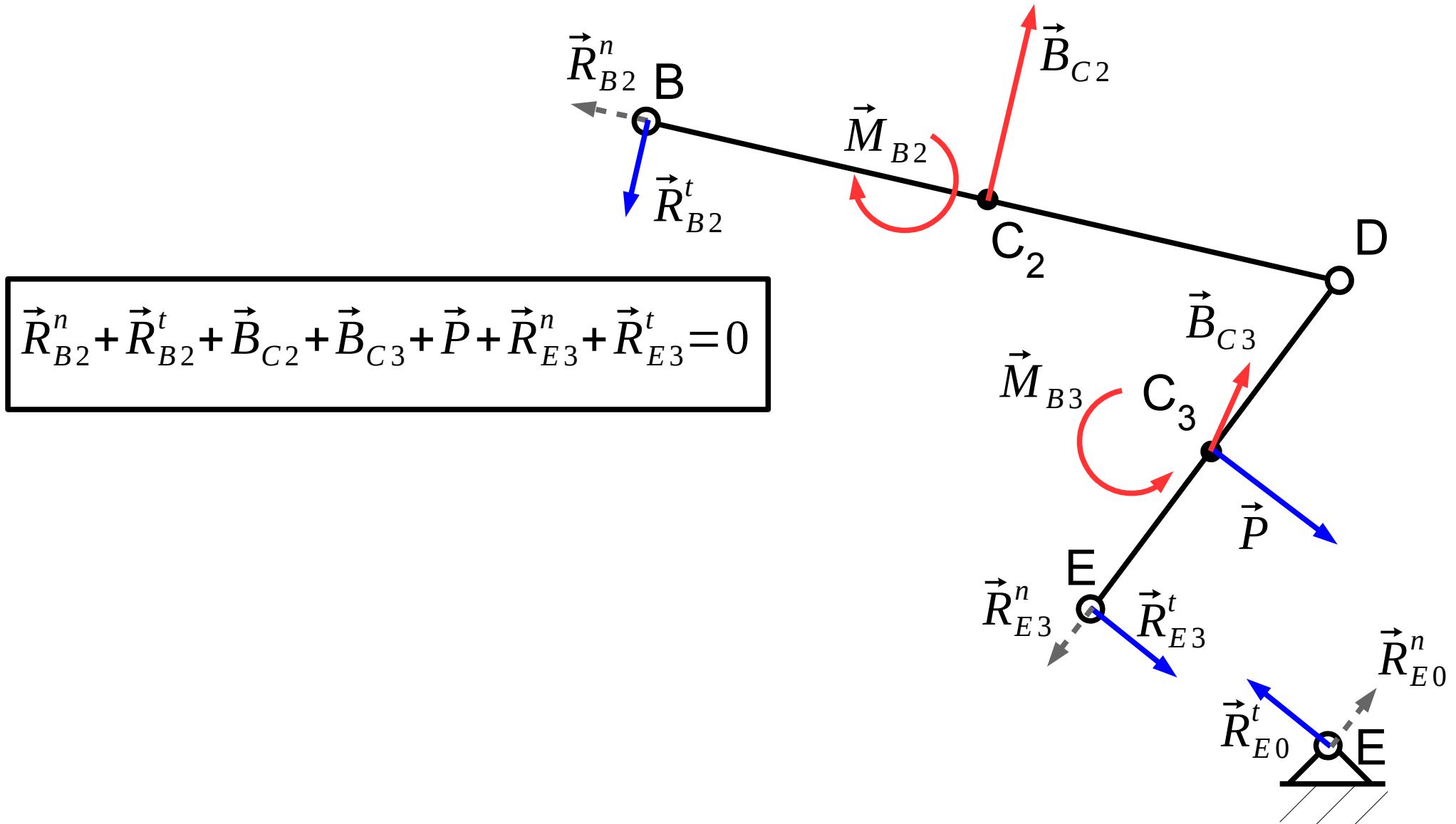
Dynamika mechanizmów

Pierwsze zadanie dynamiki – przykład



Dynamika mechanizmów

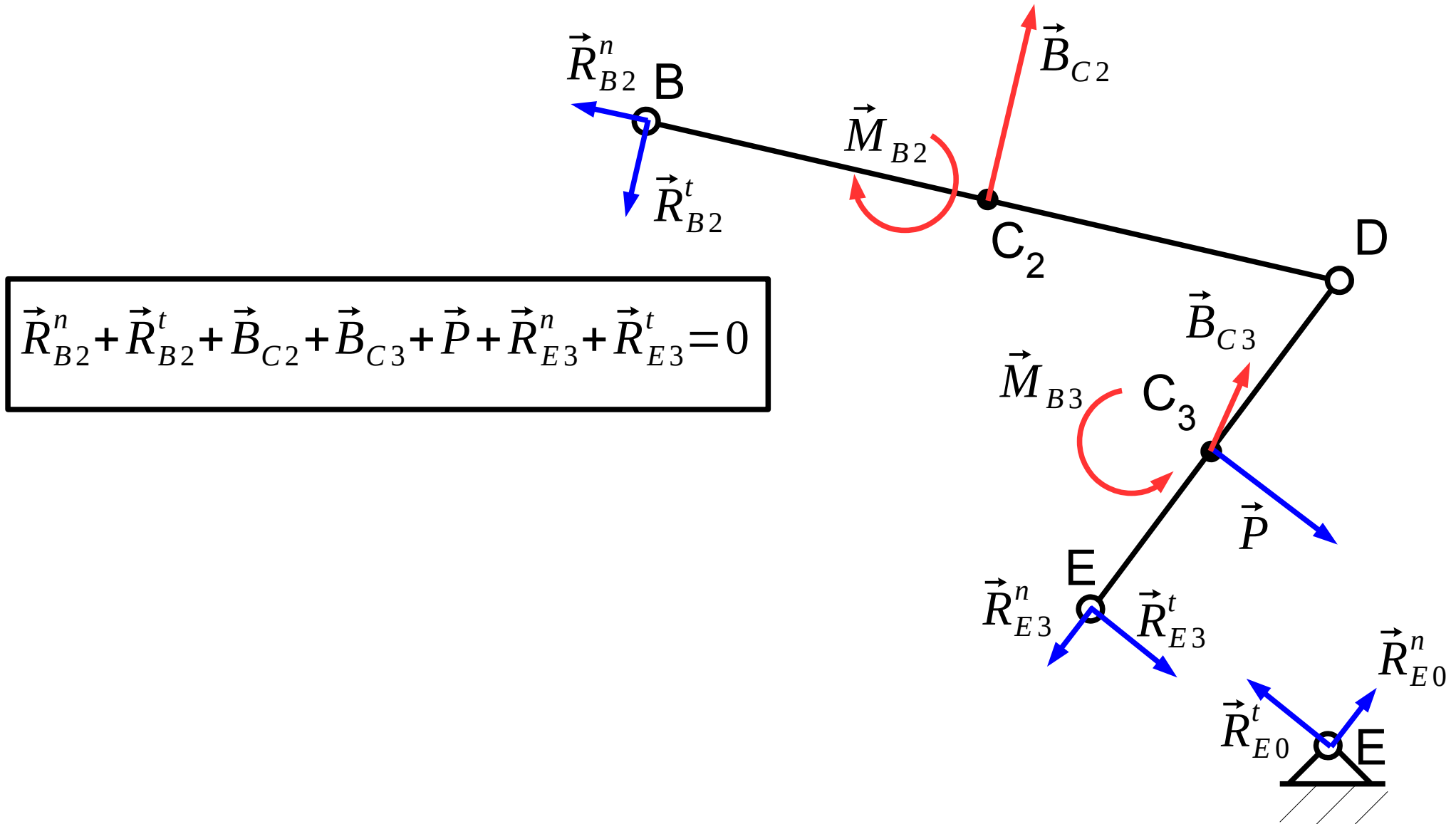
Pierwsze zadanie dynamiki – przykład



$$\vec{R}_{B2}^n + \vec{R}_{B2}^t + \vec{B}_{C2} + \vec{B}_{C3} + \vec{P} + \vec{R}_{E3}^n + \vec{R}_{E3}^t = 0$$

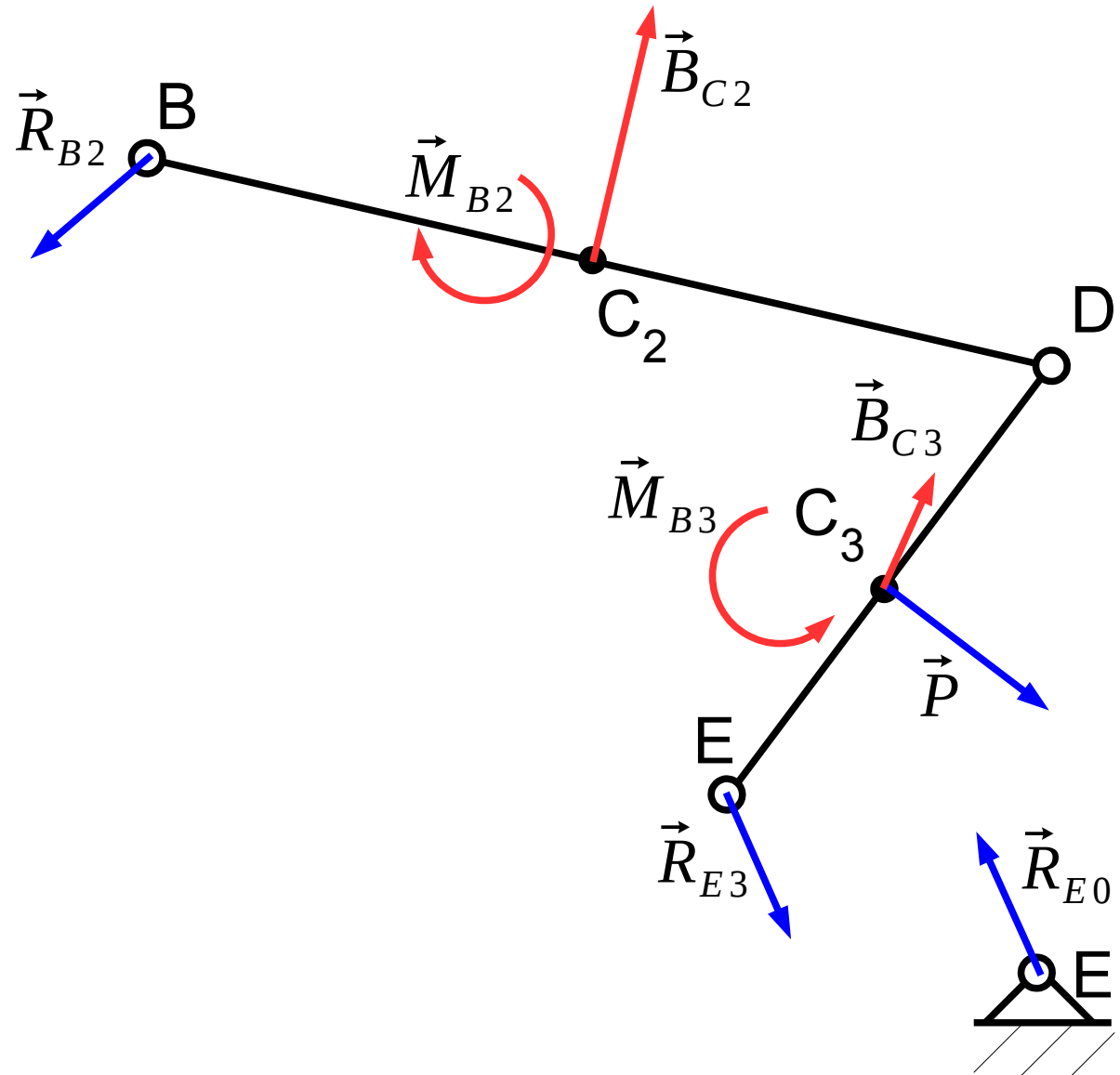
Dynamika mechanizmów

Pierwsze zadanie dynamiki – przykład



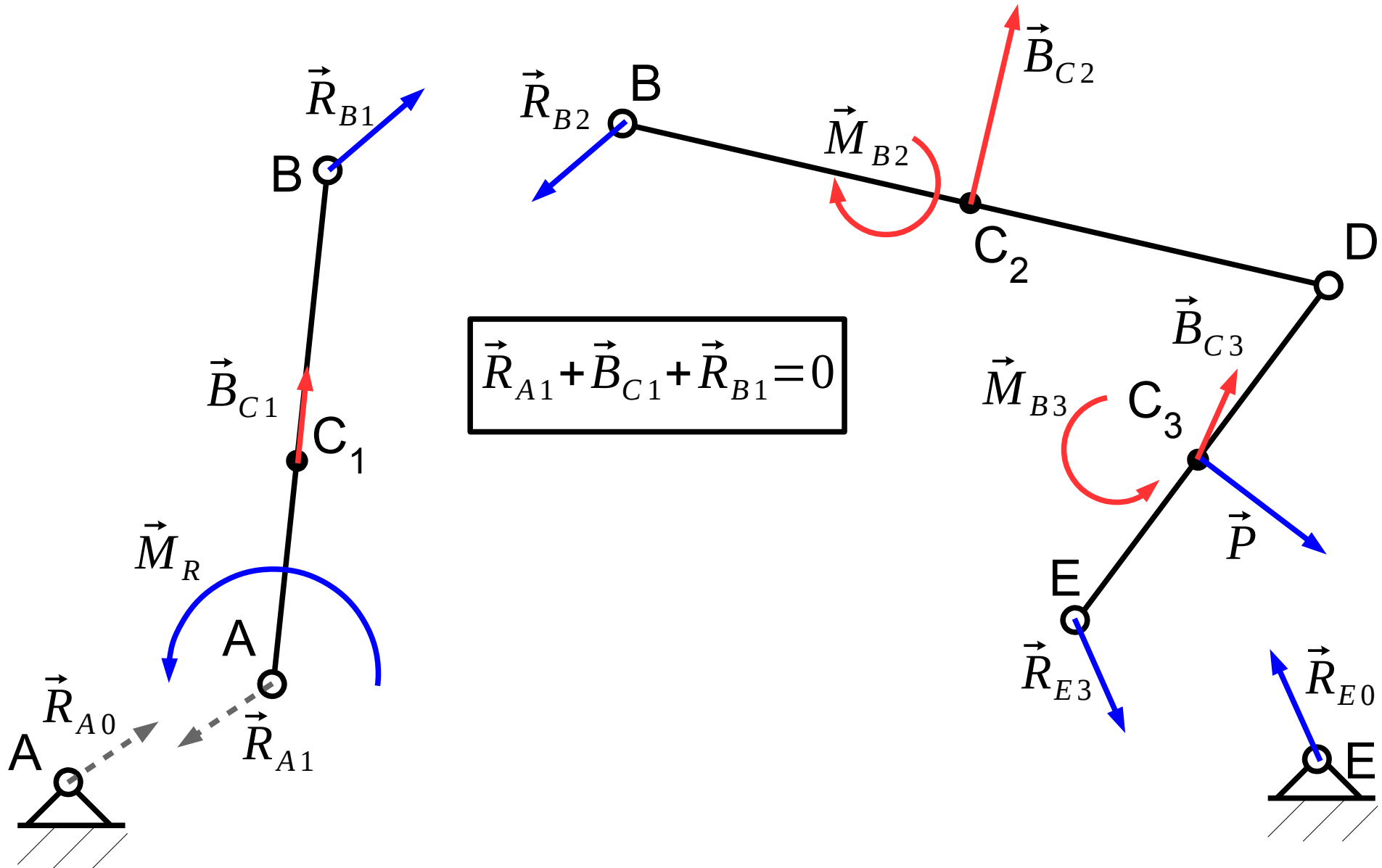
Dynamika mechanizmów

Pierwsze zadanie dynamiki – przykład



Dynamika mechanizmów

Pierwsze zadanie dynamiki – przykład



Dynamika mechanizmów

Pierwsze zadanie dynamiki – przykład

